

## الدارات الرقمية

قسم الميكاترونك  
الجزء العملي  
المحاضرة الثانية

اعداد وإشراف :

المهندس جبران خليل

## مفاهيم أساسية:

### البوابة المنطقية: Logic Gates

عبارة عن عنصر إلكتروني رقمي يمثل وحدة البناء الأساسية في الأنظمة الرقمية و يقوم بتنفيذ تابع منطقي معين.

### التابع المنطقي: Logic Function

عبارة عن علاقة بين مجموعة قيم تمثل الدخل، من أجل الحصول على الخرج. الفرق الأساسي بين التابع المنطقي والتابع الرياضي التقليدي هو أن كافة قيم دخل وخرج التابع المنطقي ستكون قيم منطقية، أي أصفار ووحدات.

تقسم البوابات المنطقية إلى: البوابات المنطقية الأساسية وهي تضم بوابات **NOT, AND, OR** وإلى بوابات المستوى الثاني وهي بوابات **NAND, NOR, XOR, XNOR**.

### جدول الحقيقة: (Truth Table)

جدول الحقيقة هو عبارة عن ترتيب قيم الدخل الممكنة للتابع المنطقي مع قيم الخرج الممكنة له. فلو أخذنا أبسط تابع منطقي ممكن وهو تابع عملية النفي فإنه يمكننا توصيف خرج التابع بأنه معكوس أي دخل. فإذا كان الدخل هو "1" فإن الخرج سيكون "0"، وإذا كان الدخل هو "1" فإن الخرج سيكون "0". يمكن كتابة هذا الوصف عبر جدول الحقيقة التالي:

الدخل	الخرج
0	1
1	0

لو أخذنا تابعاً منطقياً له دخلين (على الأقل) مثل تابع الضرب المنطقي، فإننا سنقوم بما يلي:  
سنسعي الدخل الأول (x) والدخل الثاني (y) والخرج هو نتيجة الضرب المنطقي لـ x و y بما أننا نمتلك دخلين، فإن عدد حالات الخرج الممكنة هو 2<sup>2</sup> أي 4 قيم ممكنة للخرج. ترتيب هذا التوصيف ضمن جدول الحقيقة سيكون كما يلي:

x	y	F = x . y
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

الجدول الماضي يمثل جدول الحقيقة لتابع AND المنطقي، إذًا، ومن أجل كتابة جدول الحقيقة الخاص بأي تابع منطقي (سواء كان من التوابيع الأساسية أو كان تابعاً مركباً) فإن ما يلزمنا معرفته هو:

- عدد متحولات الدخل المنطقية.
- معادلة التابع المنطقي.

من المهم أن نعلم أن التوابيع المنطقية ليست دوماً توابيع بسيطة، والتوابيع المنطقية الأساسية التي استعرضناها سابقاً هي أساس العمليات المنطقية، حيث يمكن كتابة معادلة تابع منطقي تشتمل على عدة عمليات منطقية متنوعة بنفس الوقت. بهذه الحالة سيكون جدول الحقيقة أكبر. بأي حال، فإننا يجب أن نتذكر على الدوام أي خرج أي تركيبية منطقية سيكون إما "0" أو "1"

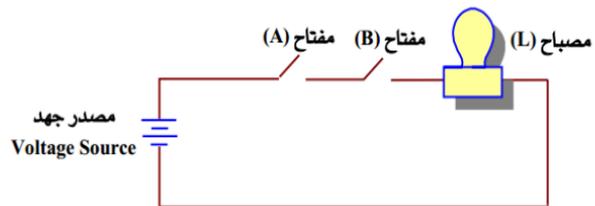
عند الحديث عن أي بوابة منطقية، يجب أن نتحدث عن الأمور التالية:

- رمز البوابة المنطقية
  - التابع المنطقي الخاص بالبوابة المنطقية
  - جدول الحقيقة الخاص بالبوابة المنطقية
  - بنية البوابة المنطقية
- سنقوم الآن باستعراض البوابات كاملة مع محدداتها:

#### 1- بوابة AND

تعتبر البوابة AND واحدة من البوابات الأساسية والتي تدخل في بناء معظم الدوال المنطقية (Logic functions) والبوابة AND لها مدخلان أو أكثر ولها خرج واحد، وتؤدي هذه البوابة إلى ما يسمى بالضرب المنطقي (Logical Multiplication) (ويمكن تمثيل هذه البوابة بعدد من المفاتيح الموصلة على التوالي في دائرة كهربائية حيث المفتاحان A, B (يمثلان اثنين من المتغيرات الثنائية) Two Binary Variables (وتكون قيمة أي متغير منهما تساوي 0 عندما يكون المفتاح مفتوح Open وتساوي 1 عندما يكون المفتاح مغلق Closed كما هو موضح في الشكل 1 وبين الجدول أن المصباح L (لا يضاء إلا عندما يكون كل من المفتاحين مغلق، ويطلق على هذا الجدول اسم جدول الحقيقة Truth Table

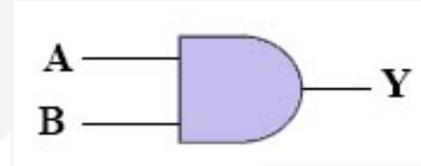
A	B	L
مفتوح	مفتوح	غير مضاء
مفتوح	مغلق	غير مضاء
مغلق	مفتوح	غير مضاء
مغلق	مغلق	مضاء



شكل (1) تمثيل البوابة AND كمفتاحين على التوالي.

الرمز المنطقي القياسي Standard للبوابه AND و جدول الحقيقه للبوابه (AND بمدخلين مبينه في الشكل 2)

A	B	OUTPUT
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1



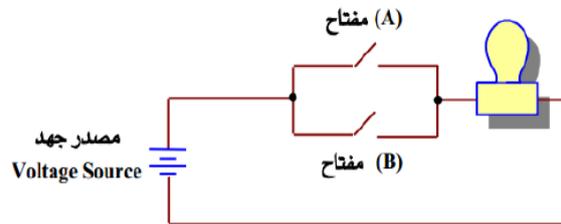
الشكل (2)

يُظهر الشكل الدخلاق A, B والخرج (OUT) أو Y ويسمى رمز البوابه AND بمدخلين. المدخلات يمثلان أرقام ثنائية (bits) ، فالخرج يساوي 1 (فقط عندما يكون الدخلاق A, B تساوي (الثنائي) ، وبالتالي فإنه لأي بوابه AND وبصرف النظر عن عدد المدخلات، يكون لها خرج يساوي 1) (فقط عندما تكون جميع المدخلات تساوي (1.))

#### بوابه OR:

تعتبر البوابه OR واحده من البوابات الأساسية التي تدخل في بناء معظم الدوال المنطقية. ولها مدخلان أو أكثر وخرج واحد، وتؤدي هذه البوابه ما يسمى بالجمع المنطقي (Logical Addition) ، ويمكن تمثيل هذه البوابه بعدد من المفاتيح الموصلة على التوازي في دائرة كهربائية حيث المفاتيح A, B (يمثلان اثنين من المتغيرات الثنائية (Two Binary Variables) وكما في البوابه AND فإن المفاتيح A, B تكون قيمة أي متغير منهما تساوي 0 (عندما يكون المفتاح مفتوح) Open (وتساوي 1) (عندما يكون المفتاح مغلق) Closed (كما هو موضح في الشكل 3). ويبين الجدول أن المصباح L (لايضاء إلا عندما يكون كل من المفاتيح أو أحدهما مغلق ، ويطلق على هذا الجدول اسم جدول الحقيقه): Truth Table)

المفتاح B	المفتاح A	المصباح L
ON	ON	مطفئ
OFF	ON	مضاء
ON	OFF	مضاء
OFF	OFF	مضاء

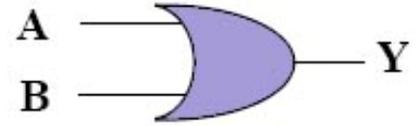


الشكل (3)

تمثيل بوابه OR كمفاتيح على التوازي و جدول الحقيقه للدوره

الرمز المنطقي القياسي ( Standard ) للبوابة OR و جدول الحقيقة للبوابة OR بمدخلين مبينة في الشكل التالي:

A	B	OUTPUT
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1



ويلاحظ من الجدول أن الخرج يساوي 1 ( أي حقيقياً عندما يكون أي من الدخلين أو كلاهما عند المستوى 1 )، وأن المخرج يكون غير حقيقي أي 0 (عندما تكون كل المدخلات عند مستوى 0) (الثنائي).  
والعبارة البوليانية لبوابة OR ذات مدخلين هي:

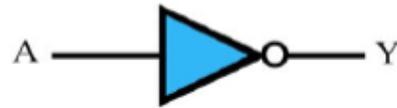
$$Y = A + B$$

وتقرأ هذه العبارة كالتالي: الخرج Y يساوي (A OR B) تعني (OR).

بوابة ( NOT العاكس (NOT Gate (INVERTER))

العاكس أو بوابة NOT تؤدي عملية يطلق عليها العكس ( Inversion ) أو الاتمام ( complementation ) والعاكس يعتبر المستوى المنطقي للدخل إلى عكسة ، فإذا كان دخلة 1 ( يغيره في الخرج إلى 0 ) وإذا كان دخلة 0 ( يغيره إلى 1 ) وبالتالي فلها خرج واحد ودخل واحد . يوضح الشكل (5) الرمز المنطقي المستخدم لبوابة العاكس و جدول الحقيقة لهذه البوابة.

Input	Output
A	Y
0	1
1	0

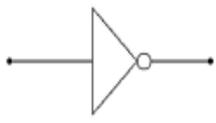
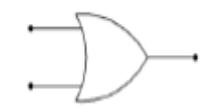
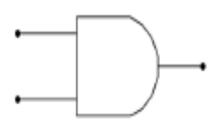
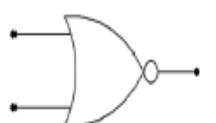
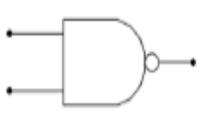
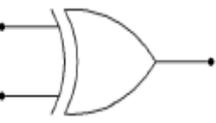
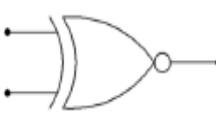


الشكل (5)

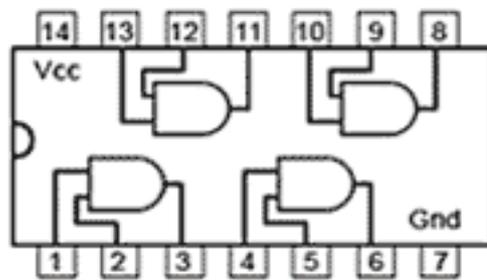
والعبارة البوليانية لبوابة OR ذات مدخلين هي:

وتقرأ على النحو التالي: الخرج Y يساوي not A وتسمى الإشارة فوق ال A باسم bar

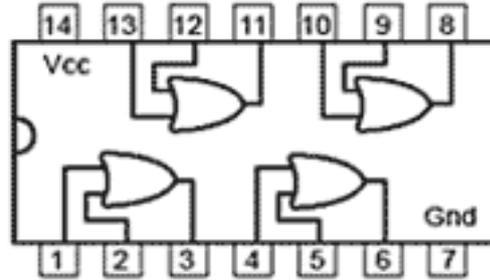
الجدول الكامل للبوابات المنطقية: يظهر الجدول رمز كل بوابة، مع التابع المنطقي الخاص بها، وجدول الحقيقة الذي يصف عملها

اسم البوابة	الرمز المنطقي	التابع المنطقي	جدول الحقيقة															
بوابة النفي (العكس) NOT		$F = \overline{x}$	<table border="1"> <thead> <tr> <th>x</th> <th>y</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>0</td> <td>1</td> </tr> <tr> <td>1</td> <td>0</td> </tr> </tbody> </table>	x	y	0	1	1	0									
x	y																	
0	1																	
1	0																	
بوابة الجمع المنطقي OR		$F = x+y$	<table border="1"> <thead> <tr> <th>x</th> <th>y</th> <th>x+y</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>0</td> <td>0</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>0</td> <td>1</td> <td>1</td> </tr> <tr> <td>1</td> <td>0</td> <td>1</td> </tr> <tr> <td>1</td> <td>1</td> <td>1</td> </tr> </tbody> </table>	x	y	x+y	0	0	0	0	1	1	1	0	1	1	1	1
x	y	x+y																
0	0	0																
0	1	1																
1	0	1																
1	1	1																
بوابة الضرب المنطقي		$F = x.y$	<table border="1"> <thead> <tr> <th>x</th> <th>y</th> <th>x.y</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>0</td> <td>0</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>0</td> <td>1</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>1</td> <td>0</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>1</td> <td>1</td> <td>1</td> </tr> </tbody> </table>	x	y	x.y	0	0	0	0	1	0	1	0	0	1	1	1
x	y	x.y																
0	0	0																
0	1	0																
1	0	0																
1	1	1																
بوابة نفي الجمع NOR		$F = \overline{(x+y)}$	<table border="1"> <thead> <tr> <th>x</th> <th>y</th> <th><math>\overline{(x+y)}</math></th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>0</td> <td>0</td> <td>1</td> </tr> <tr> <td>0</td> <td>1</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>1</td> <td>0</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>1</td> <td>1</td> <td>0</td> </tr> </tbody> </table>	x	y	$\overline{(x+y)}$	0	0	1	0	1	0	1	0	0	1	1	0
x	y	$\overline{(x+y)}$																
0	0	1																
0	1	0																
1	0	0																
1	1	0																
بوابة نفي الضرب NAND		$F = \overline{(x.y)}$	<table border="1"> <thead> <tr> <th>x</th> <th>y</th> <th><math>\overline{(x.y)}</math></th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>0</td> <td>0</td> <td>1</td> </tr> <tr> <td>0</td> <td>1</td> <td>1</td> </tr> <tr> <td>1</td> <td>0</td> <td>1</td> </tr> <tr> <td>1</td> <td>1</td> <td>0</td> </tr> </tbody> </table>	x	y	$\overline{(x.y)}$	0	0	1	0	1	1	1	0	1	1	1	0
x	y	$\overline{(x.y)}$																
0	0	1																
0	1	1																
1	0	1																
1	1	0																
بوابة الجمع الحصري XOR		$F = x \oplus y$ $F = (x.\overline{y}) + (\overline{x}.y)$	<table border="1"> <thead> <tr> <th>x</th> <th>y</th> <th><math>x \oplus y</math></th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>0</td> <td>0</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>0</td> <td>1</td> <td>1</td> </tr> <tr> <td>1</td> <td>0</td> <td>1</td> </tr> <tr> <td>1</td> <td>1</td> <td>0</td> </tr> </tbody> </table>	x	y	$x \oplus y$	0	0	0	0	1	1	1	0	1	1	1	0
x	y	$x \oplus y$																
0	0	0																
0	1	1																
1	0	1																
1	1	0																
بوابة نفي الجمع الحصري XNOR		$F = \overline{(x \oplus y)}$ $F = (x.y) + (\overline{x}.\overline{y})$	<table border="1"> <thead> <tr> <th>x</th> <th>y</th> <th><math>\overline{(x \oplus y)}</math></th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>0</td> <td>0</td> <td>1</td> </tr> <tr> <td>0</td> <td>1</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>1</td> <td>0</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>1</td> <td>1</td> <td>1</td> </tr> </tbody> </table>	x	y	$\overline{(x \oplus y)}$	0	0	1	0	1	0	1	0	0	1	1	1
x	y	$\overline{(x \oplus y)}$																
0	0	1																
0	1	0																
1	0	0																
1	1	1																

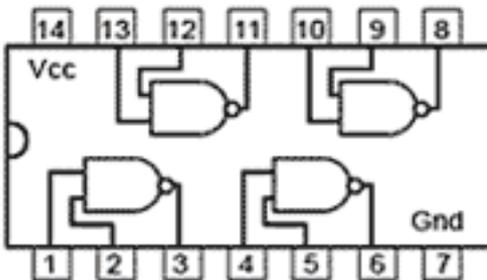
بعض أسماء وأشكال الدارات المتكاملة للبوابات:



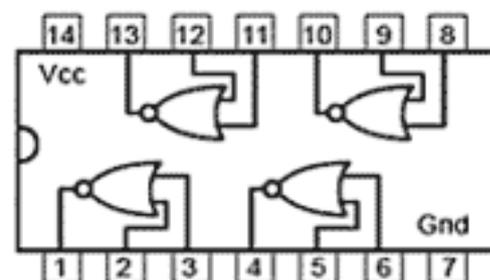
7408 Quad 2 input  
AND Gates



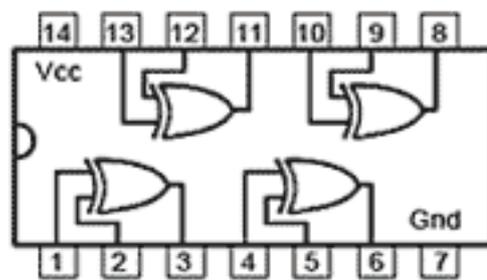
7432 Quad 2 input  
OR Gates



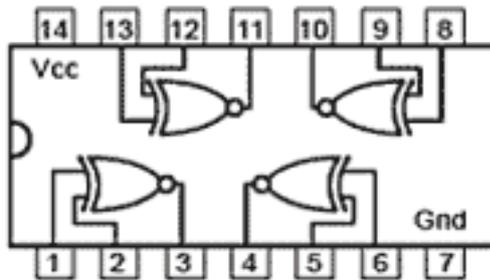
7400 Quad 2 input  
NAND Gates



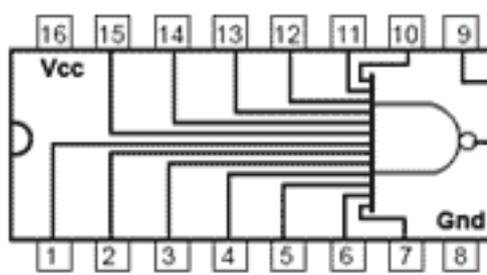
7402 Quad 2 input  
NOR Gates



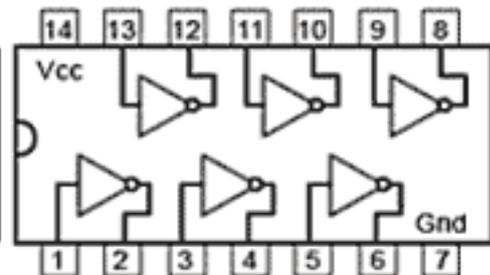
7486 Quad 2 input  
XOR Gates



747266 Quad 2 input  
XNOR Gates



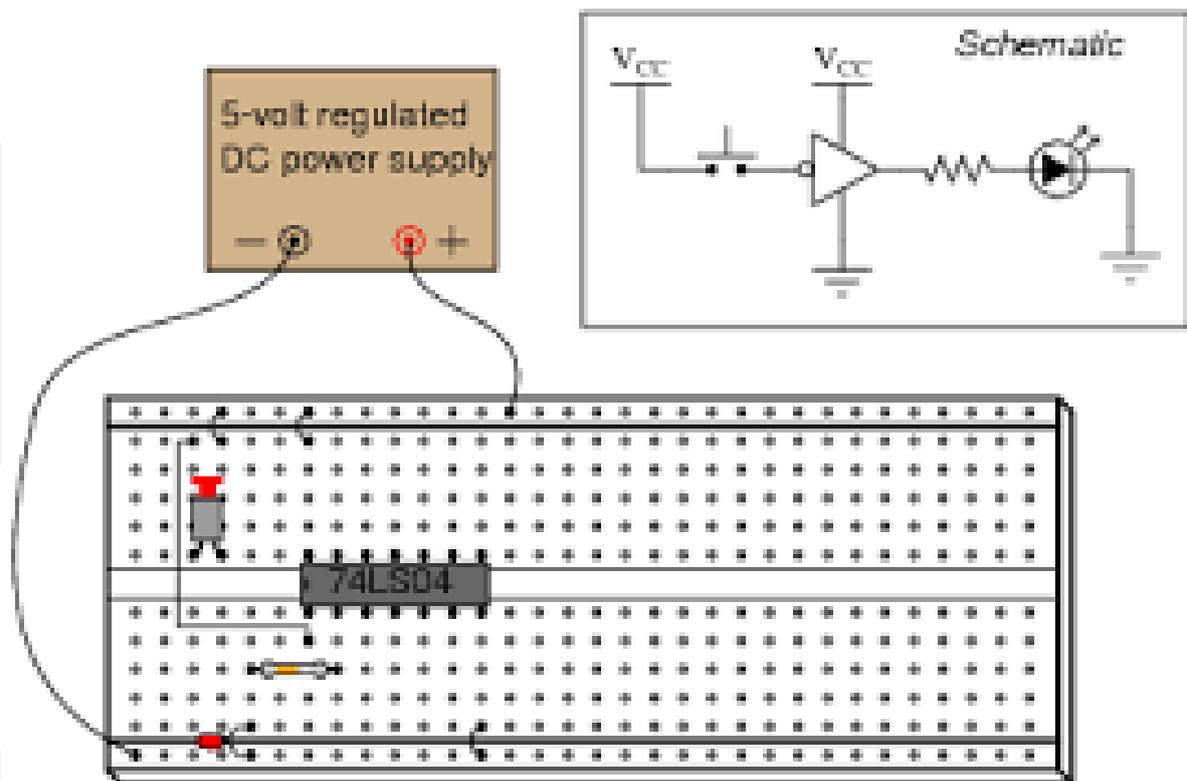
74133 Single 13 input  
NAND Gate



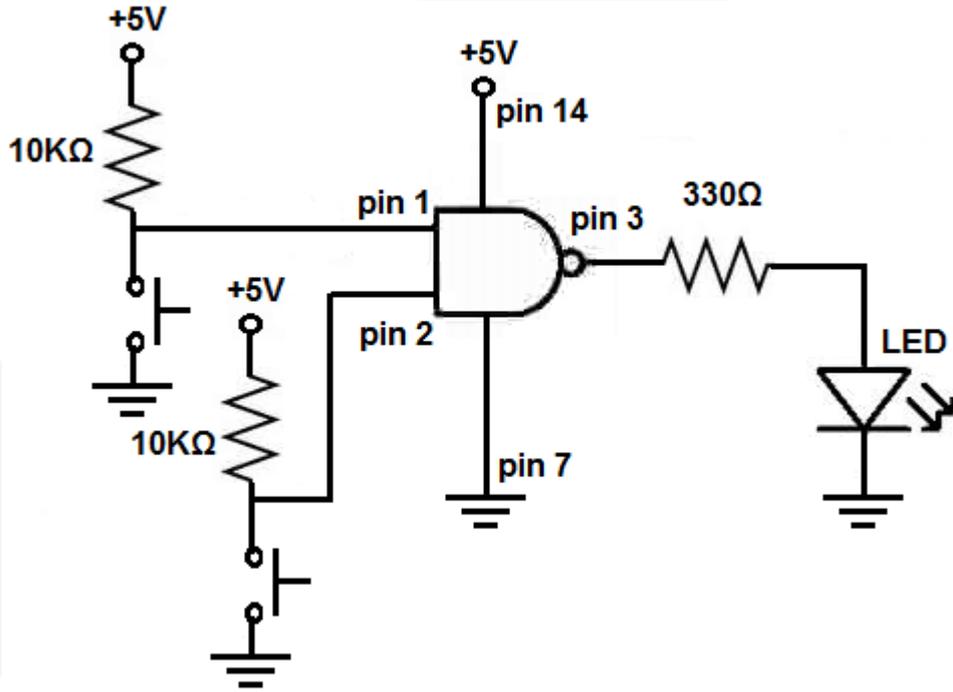
7404 Hex NOT Gates  
(Inverters)

تطبيق عملي 1:

دائرة اختبار بوابة النفي: NOT



تطبيق عملي 2  
دائرة اختبار بوابة الضرب: AND



وظيفة منزلية:

قم باعداد دائرة اختبار لبوابة الجمع OR باستخدام ال Test bord  
مع رسم الدارة بالتفصيل على ورقة بيضاء