

الهيرروليك Hydraulic Chapter 2 - Hydrostatic

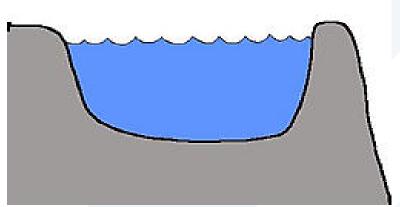
Dr. Eng. Abbas Abdulrahman

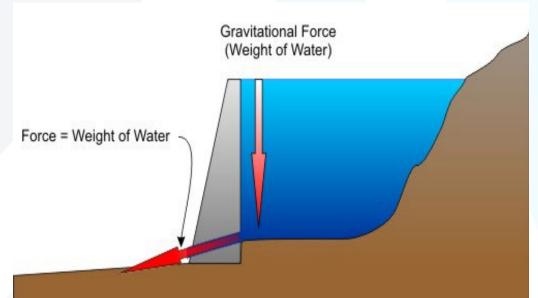
الموائع الساكنة

مقدمة

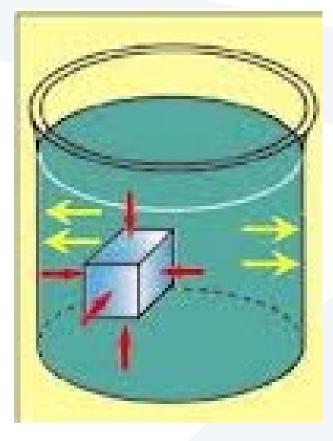
تنعدم اجهادات القص في الموائع الساكنة ،وكذلك في الموائع المتحركة شريطة أن لاتكون هنالك سرعة نسبية بين طبقاتها وبانعدام قوى اللزوجة تكون القوى الوحيدة التي تدخل في دراسية التوازن هي قوى الضغط والثقالة ،

Static Pressure (a form of potential energy)

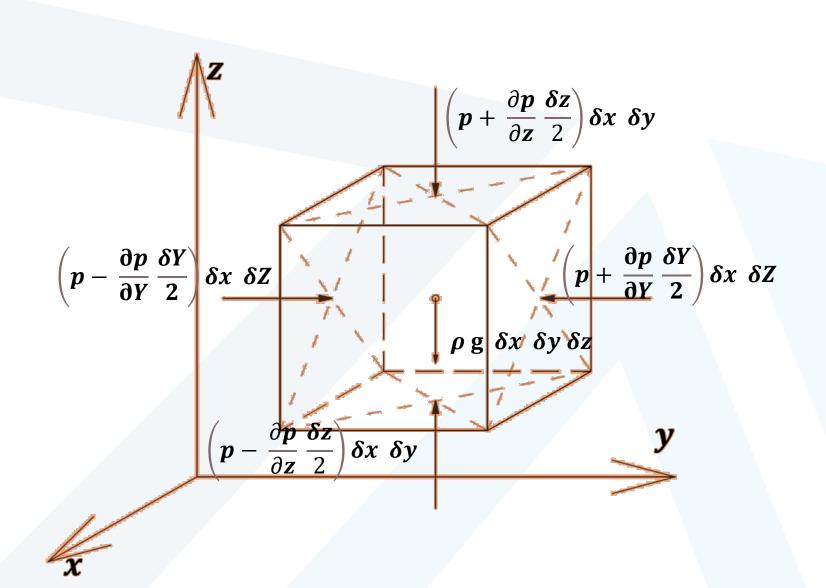




مقدمة







$$P = \lim_{\delta A \to 0} \frac{\delta F}{\delta A}$$

يتغير الضغط عند الانتقال من وجه العنصر إلى الوجه الآخر على المحاور الثلاثة ، وبالتالي فإن التغير يتبع لهذه المحاور وبذلك يمكننا أن نكتب: X, Y, Z,

$$\delta P = \frac{\partial P}{\partial x} \, \delta x + \frac{\partial P}{\partial y} \, \delta y + \frac{\partial P}{\partial z} \, \delta z$$

قوى الثقالة لكتلة المائع المفروضة هي

$$\rho g \delta x \delta y \delta z = \omega \delta x \delta y \delta z$$

لتكن \vec{R} هي محصلة القوى الخارجية المؤثرة على المائليية في الحجم $\delta x = \delta x \delta y \delta z$ على الحداثيية الثلاثة هي :

$$R_{x} = \left(-\frac{\partial P}{\partial x} \delta x\right) \delta y \delta z$$

$$R_{y} = (-\frac{\partial P}{\partial y} \delta y) \delta x \delta z$$
 $\vec{R} = R_{x} \vec{1} + R_{y} \vec{j} + R_{z} \vec{k}$

$$R_{z} = \left(-\frac{\partial P}{\partial z} \delta z\right) \delta x \delta y - \omega \delta x \delta y \delta z$$

وعدم تغير المالة المركية للمائع يشترط انعدام محصلة القوى الفارجية عليه أي تحقيق الشرط $\hat{R}=0$ أو :

$$\frac{\partial \mathbf{z}}{\partial \mathbf{P}} = -\omega \quad , \quad \frac{\partial \mathbf{P}}{\partial \mathbf{P}} = 0 \quad , \quad \frac{\partial \mathbf{x}}{\partial \mathbf{P}} = 0$$

نستنتج مما سبق ما يلي:

X, Y مستقل عن المتحولين Pأن الضغط

أن الضغط في مائع ساكن له قيمة ثابتة في مستوِ أفقي معين، وبتعبير أخر ، المستويات الافقية في الموائع الساكنة هي مستويات ذات ضغط ثابت ، استناداً الى ماتقدم يمكن تعويل العلاقة الاخيرة من اشتقاق جزئي بالنسبة للمتحول 2 الى اشتقاق كلي أي :

 $dP = - \omega dz = - \rho g dz$

الضغط عند نقطتين واقعتين في مستوى أفقي واحد يكون متساوياً شريطة أن تكون هاتان النقطتان متصلتين مع بعضهما عبر مائع متجانس.

أ- مائع متجانس غير قابل للانضغاط

$$dP = - \omega dz = - \rho g dz$$

$$P = -\omega z + c = -\rho gz + c$$

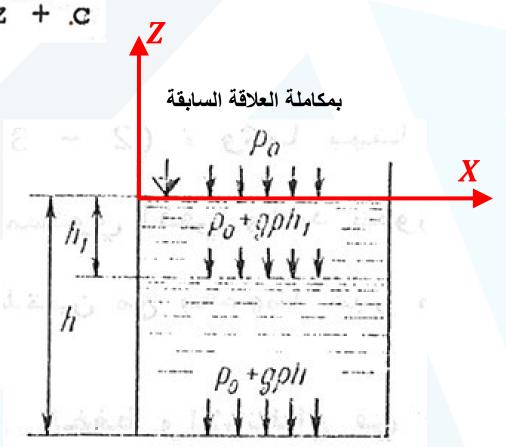
 $P = \omega h + c$

إذا اعتبرنا مبدأ القياس من السطح الحر للماء وبالتالي نكتبh = -zفي الخزان، تكون

$$P = \omega h + P_0$$

P الضغط الجوي

الضغط عند أية نقطة من المائع تقع من السطح الحرhعلى عمق



أ- مائع متجانس غير قابل للانضغاط

للضغوط عامة مبدأ للقياس، ويعتمد الصفر المطلق كمبدأ في بعض الحالات، كما يعتمد الضغط الجوي مبدأ في حالات أخرى.

وحين يقاس ضغط مائع ما بالنسبة للصفر المطلق يدعى ذلك الضغط بالضغط المطلق، وحين يقاس بالنسبة للضغط الجوي يدعة بالضغط القياسي.

في الحالة الأخيرة يكون الضغط الجوي المحلي هو الصفر كمبدأ لقياس الضغوط وتصبح العلاقة الأخيرة بالشكل:

$P = \omega h = \rho g h$

إن الضغط في مائع متجانس غير قابل للانضغاط يزداد بمعدل ثابت مع زيادة العمق عن السطح الحر، وثابت التناسب بين الضغط والعمق هو الوزن النوعي للسائل.

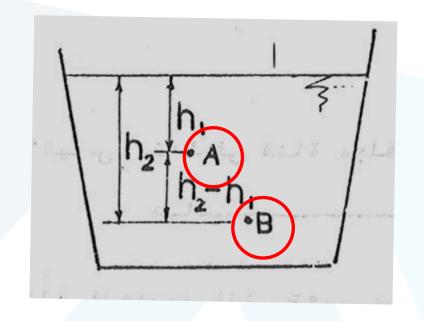
أ- مائع متجانس غير قابل للانضغاط

يمكننا التعبير عن فرق الضغط بين نقطتين واقعتين على عمقين مختلفين من مائع متجانس غير قابل للانضغاط بطول عمود من السائل هو فرق الارتفاع بينهما

$$P_{A} = \omega h_{1}$$

$$P_{B} = \omega h_{2}$$

$$P_{A} = \omega (h_{2} - h_{1})$$



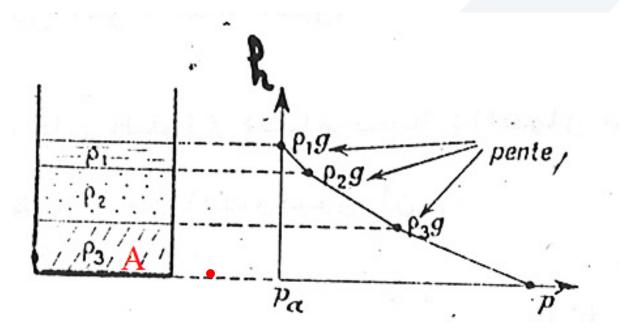
من الأمثلة العديدة التي تعبر عن ضغط الموائع بارتفاع عمود من السائل نذكر الضغط الجوي النظامي المعتمد دولياً ويساوي:

1,013b abs = $760 \text{ mmHg} = 10,33m \text{ H}_2\text{O}$

ب- عدة موائع متجانسة غير قابلة للانضغاط

بعض السوائل غير قابلة للمزج وحين مزجها تعود للانفصال متوضعة بحيث يكون أكبرها كثافة في قاع الإناء، يليه الثاني في الكثافة وهكذا

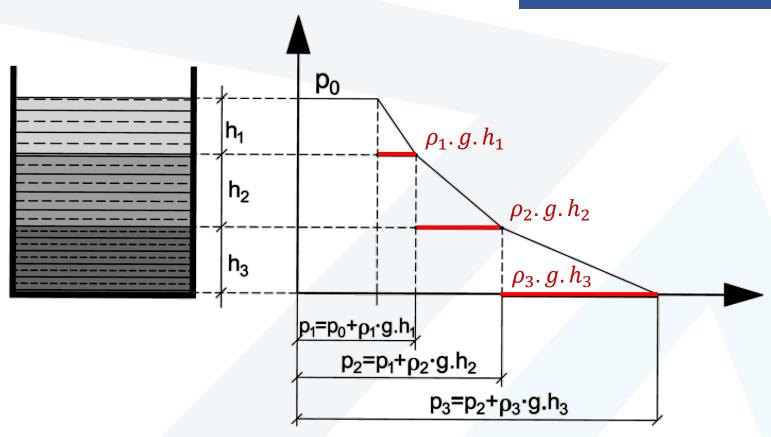
في الشكل التالي توجد عدة سوائل غير قابلة للمزج، كثافتها مختلفة من الأعلى للأسفل S1, S2, S3، والسطح الحر للسائل العلوي معرض للضغط الجوي مباشرة ، قيمة الضغط عند النقطة A هي:



$$P_{A} = \omega_{1}^{h_{1}} + \omega_{2}^{h_{2}} + \omega_{3}^{h_{3}}$$

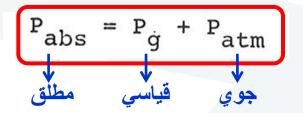


ب- عدة موائع متجانسة غير قابلة للانضغاط



مخطط توزيع الضغط مع العمق المقيس بدءاً من السطح الحر

عندما نقيس ضغط مائع بالنسبة للضغط الجوي يدعى الضغط المقاس بالضغط القياسي، وعندما نقيس ضغط مائع بالنسبة للفراغ يدعى الضغط المقاس بالضغط المطلق



يتبين من تعريف الضغطين المطلق والقياسي أن الاول موجب دوما الما الثاني فهو موجب اذا كان أكبر من الضغط الجوي المطلبي وسالب اذا كان أقل منه،

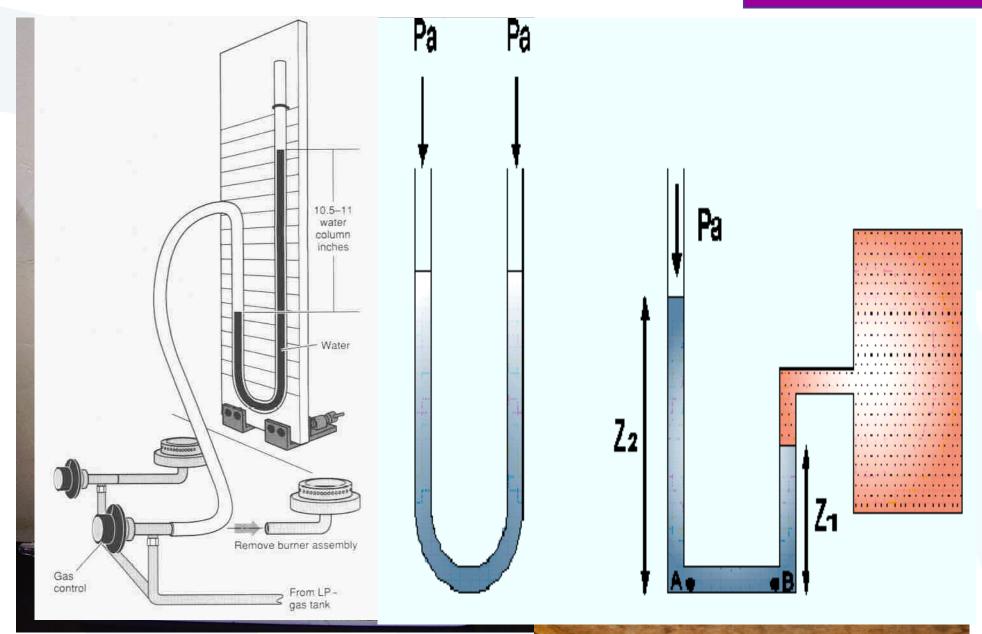
إن أغلب خواص السوائل تعتمد على ضغطها القياسي وبذلك يكون الضغط الجوي هو مبدأ القياس أي الصفر

أ- مقاییس بوردون

- هي أكثر الأجهزة المستعملة في الحياة العملية لقياس ضغط الموائع
 - يقيس مقياس بوردون الضغط القياسي للمائع



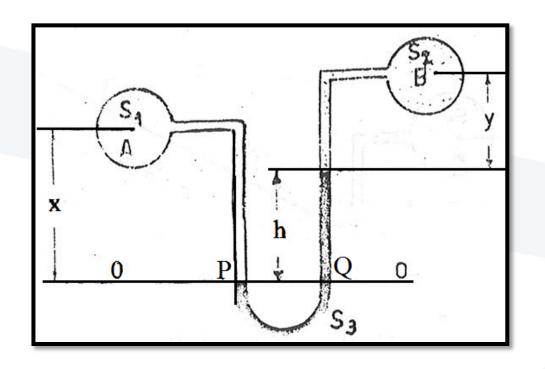




ب - المانومترات

يتألف من أنبوب على شكل حرف U يحتوي على سائل معين، يوصل كل طرف من طرفي الأنبوب المانومتري إلى أحد الوسطين المائعين المطلوب قياس فرق الضغط بينهما

المستوى 0-0 أفقي وهو ذو ضغط ثابت شريطة أن يكون المائع تحت هذا المستوى متصلاً ومتجانساً بمساواة الضغط فوق المستوى Q ونحصل على:



$$\omega_1 x + P_A = \omega_3 h + \omega_2 y + P_B$$

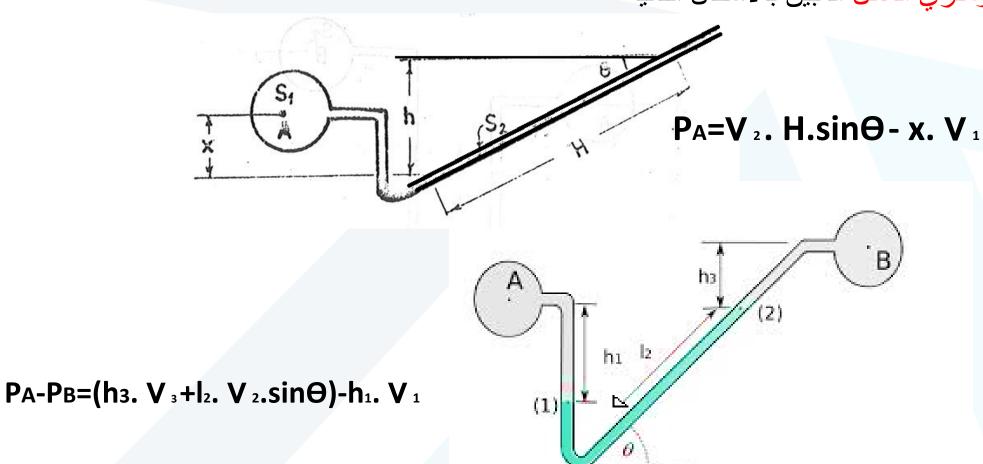
$$P_A - P_B = \omega_3 h + \omega_2 y + \omega_1 x$$

حيث $_{1}^{\omega}$ و $_{2}^{\omega}$ الاوزان النوعية للموائع الثلاثة في الاوعيــة

A و B ، والانبوب المانومتري ،

ب - المانومترات

في قياس فروق الضغط المنخفضة للحصول على دقة أكبر في قياس فرق الضغط يستعمل الأنبوب المانومتري المائل المبين بالأشكال التالية

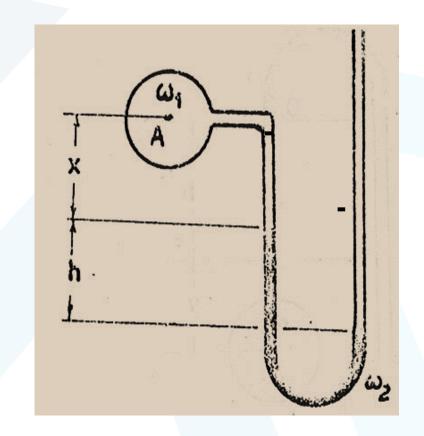


ب - المانومترات

يمكن استعمال المانومترات أيضاً لقياس ضغوط أقل من الضغط الجوي، من الشكل التالي وحسب المعادلة التالية:

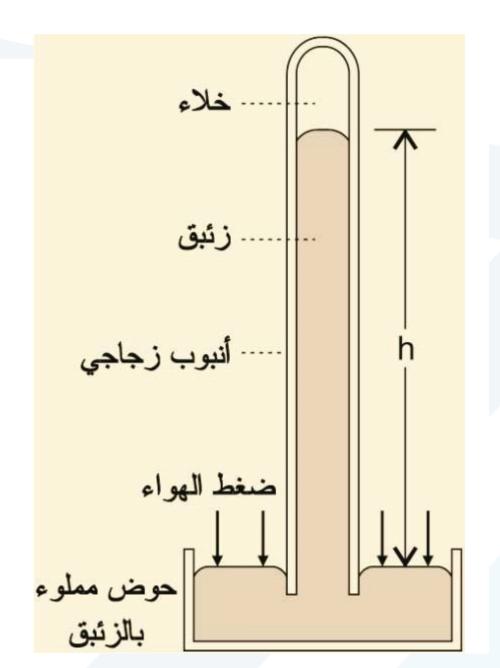
$$\omega_2^h + \omega_1^x + P_A = 0$$

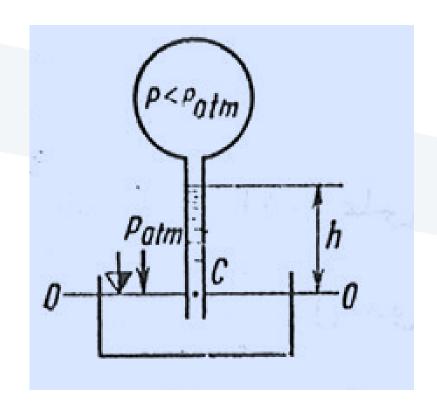
يمثل الطرف الأيمن في هذه العلاقة الضغط الجوي وقد اعتبرناه هنا مبدأ لقياس الضغوط وواضح أن قيمة الضغط PA سالبة وحالة الوعاء A هي ضغط متخلخل.



ج- البارومتر (مقياس الضغط الجوي المحلي)

يقيس البارومتر الضغط الجوي بالنسبة للفراغ المطلق وبصورة أكثر دقة يقيس الفرق بين الضغط الجوي المحلي وضغط بخار السائل المستعمل فيه .





ج - البارومتر (مقياس الضغط الجوي المحلي)

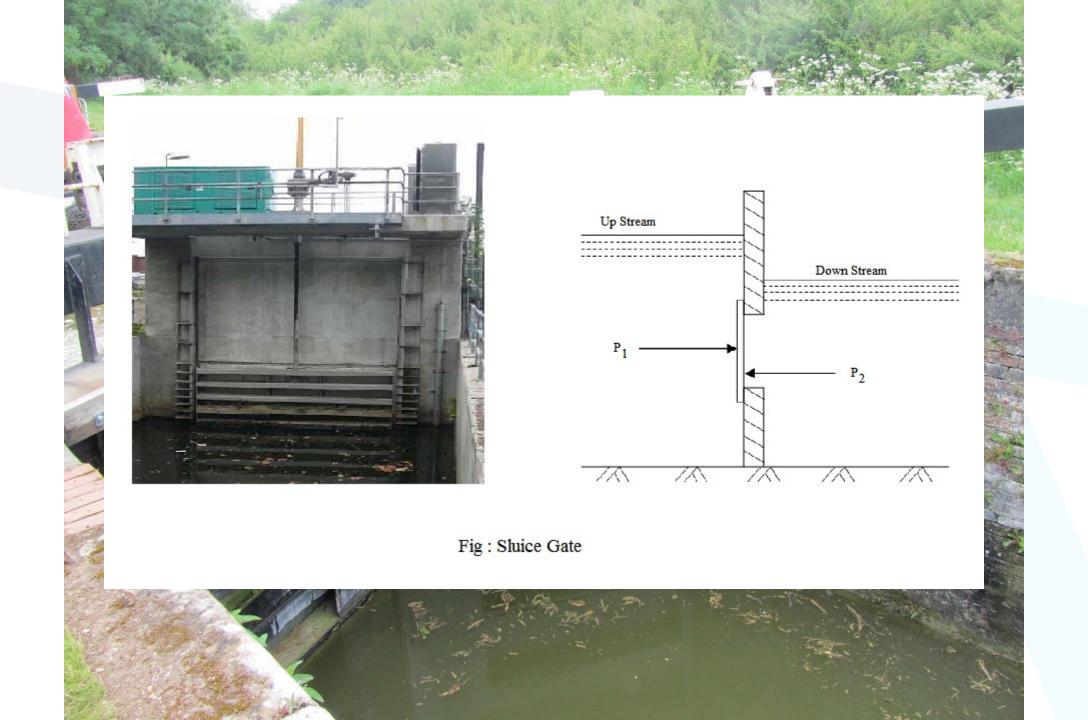
يعطى توازن الضغط بين النقطتين A,B في مستوى أفقي واحد وفق المعادلة التالية:

$$P_{atm} = P_v + \omega_{Hg}.h$$

ميث P_{V} ضغط بنار الزئبق المحصور في الفراغ العلوي ،

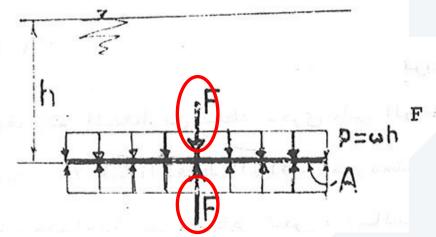
يتغير الضغط الجوي عامةً مع اختلاف الارتفاع عن سطح البحر، كما أنه يعتمد كثيراً على الأحوال الجوية عند موقع معين.

يراعى في أنابييب البارومترات أن تكون ذات قطر كبير نسبياً بحدود 12mm كي تخفف من تأثير قوى الشد السطحي.



قوى الدفع على السطوح المستوية الأفقية

عندما تكون السطوح المغمورة مستوية أفقية فإن ضغط المائع الملامس لها يكون منتظماً نظراً لثبات الضغط في المستويات الأفقية كما في الشكل الآتي.



إِنَّ قوة الدفع على أحد وجهي الصفيحة هي ؛

 $F = P.A = \omega h.A$

وتوجد قوة مساوية ومعاكسة مباشرة لهذه القوة توُثر على الوجـــه الأخر ،

اتجاه قوى الدفع على السطوح الافقية يكون شاقولي أو الما نقطة تأثير هذه القوى فتقع على مراكز السطوح الافقية .

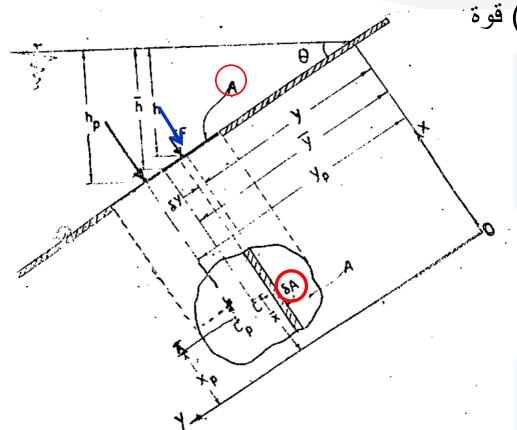
قوى الدفع على السطوح المستوية غير الأفقية

عندما لا تكون السطوح المستوية المغمورة أفقية فإن شدة الضغط عند مختلف نقاط السطح لن تكون (قيمتها) منتظمة التوزيع وإنما تعتمد على عمق كل نقطة عن السطح الحر للسائل وتزداد شدة الضغط كلما زاد العمق وفقاً للعلاقة:

 $P = \omega h = \rho g h$

يبين الشكل سطحاً مستوياً كيفياً مساحته A ويميل على الأفق بزاوية θ

ليكن المطلوب تعيين قيمة واتجاه وموضع (نقطة تأثير) قوة دفع السائل على هذا السطح



قوى الدفع على السطوح المستوية غير الأفقية

تفتليف شدة الضغط من نقطة لأفرى على السطح نظراً لتفاوت عمق هذه النقاط ، إلا أن النقاط الواقعة في مستوى أفقي واحصت تكون لها أعماق متساوية عن السطح الحر ، وبالتالي يكون لهضط فغط منتظم ، لذلك تجزئ السطح الى عدد كبير جدا من السطسوح العنصرية المغيرة على شكل شرائع أفقية A قوة الدفع على أي مسن هذه السطوح هي :

 $\delta F = P \delta A = \omega h \delta A = \omega y \sin \Theta \delta A$



بمكاملة العلاقة السابقة نحصل على قيمة قوة الدفع الكلية:

$$F = \int_{A} dF = \int_{A} \omega y \sin \theta dA = \omega \sin \theta \int_{A} y dA$$

: h.

لكن من تعريف احداثيات مركز السطح لدينا :

$$\overline{y}A = \int y dA$$

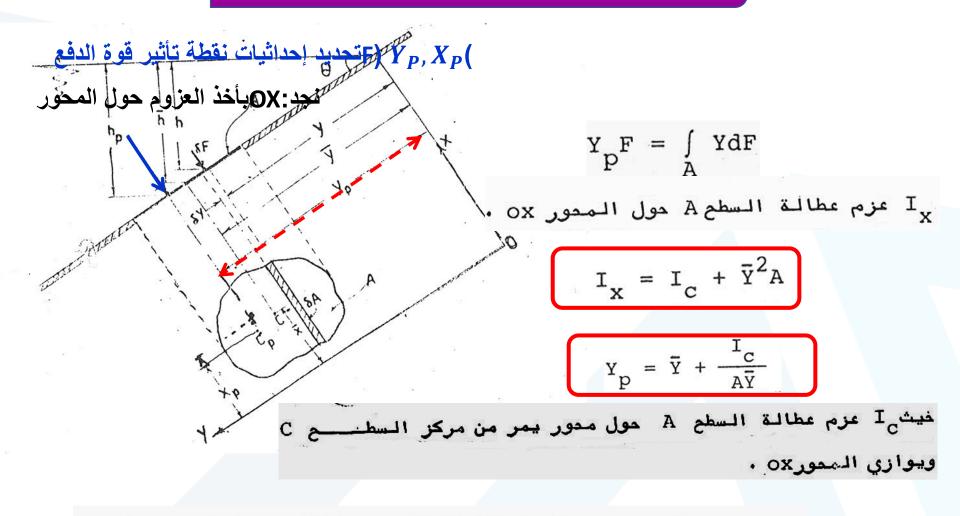
بالتبديل نحصل:

$$F = \omega \sin \Theta \overline{y}.A = \omega.\overline{h}.A$$

عن السطح الحر للسائل. عمق مركز السطح

س قيمة الضغط عند مركز السطح.

لذلك فإن قيمة قوة الدفع تساوي جداء الضغط عند مركز السطح في المساحة واتجاه القوة عمودي على السطح.



ان نقطة تاثير قوة الدفع التي تدعى مركز الدفع تكون دائم $\frac{I_{C}}{1}$ عمق من مركز السطح وتبعد عنها بالمسافة $\frac{\Delta C}{2}$



تنجد: ٥٧ بأخذ العزوم حول المحور

$$X_pF = \int_A XdF$$

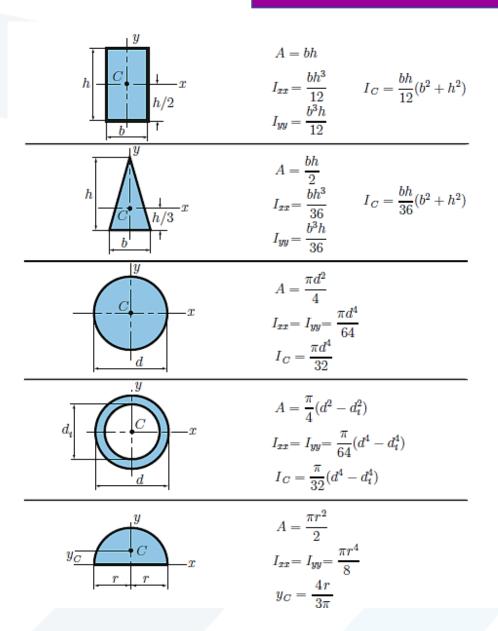
و مداء عطالةالسطح A بالنسبة للمحورين \sqrt{x} و Δ

$$I_{xy} = \overline{I}_{xy} + \overline{X}\overline{Y} \cdot A$$

$$x_{p} = \overline{x} + \frac{\overline{1}_{xy}}{A\overline{y}}$$

 $^{\rm C}$ عزم عطالة السطح A حول مدور يمر من مركز السطيع C ويوازي المحور $^{\rm OX}$.

 I_{XY} هو جدا طالة السطح A بالنسبة لمعورين يمسران من مركز السطح ويوازيان المعورين OY و OY ولاينطبق مركز الدفع على مركز السطح الافقية



توازن الكتل السائلة الساكنة المتحركة

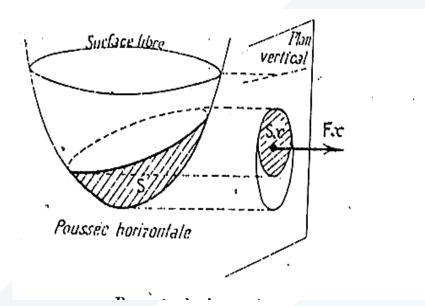
في الموائع الحقيقة الساكنة تنعدم إجهادات القص لانعدام الحركة النسبية بين طبقاتها، وفي المائع المثالي تنعدم إجهادات القص لانعدام اللزوجة.

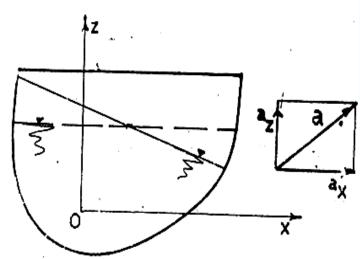
الحالة الأولى: عندما تتحرك كتلة سائلة حركة مستقيمة متسارعة بانتظام.

الحالة الثانية: عندما تدور كتلة سائلة حول محور شاقولي حركة دورانية منتظمة أي بسرعة دورانية ثابتة.

1- الحركة المستقيمة المتسارعة بانتظام للكتل السائلة

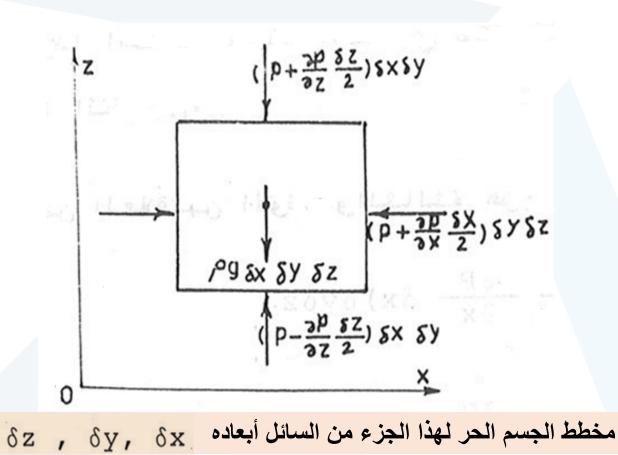
لنفرض وجود وعاء يحتوي على سائل ويتحرك حركة مستقيمة متسارعة بانتظام، قبل بدء الحركة أي عندما كان الوعاء بحالة السكون، يكون السطح الحر للسائل الساكن أفقياً، وبالتالي جميع السطوح ذات الضغط الثابت ضمن السائل ستكون أفقية أيضاً وفقاً لشروط التوازن، وبعد فترة معينة من بدء الحركة سيأخذ السطح الحرية أيضاً وفقاً لما هو مبين في الشكل.





1- الحركة المستقيمة المتسارعة بانتظام للكتل السائلة

وهذا ممكن دائماً، ZoX في المستوى الشاقولي هنة المخاور بحيث يقع متجه التسارع وهذا ممكن دائماً، ومن ثم نبحث في مختلف القوى المؤثرة على السائل والموجودة ضمن هذا الحجم.



1- الحركة المستقيمة المتسارعة بانتظام للكتل السائلة

تطبيق قانون نيوتن الثاني على الكتلة السائلة المتحركة الموجودة في الحجم اللامتناهي في الصغر يعطي:

$$\overrightarrow{ma} = \Sigma \overrightarrow{F}$$

تكتب العلاقة الأخيرة أيضاً بدلالة مساقط المتجهات على المحاور الثلاثة كما يلي

$$\Sigma F_{x} = ma_{x}$$

$$\Sigma F_{y} = ma_{y}$$

$$\Sigma F_{z} = ma_{z}$$

1- الحركة المستقيمة المتسارعة بانتظام للكتل السائلة

وحيث أننا اخترنا المتجه a في المستوي XOZلذا فالمعادلــــة الثانية معدومة الطرفين،

الطرف اليسار من العلاقتين الاولى والثالثة هو:

$$\Sigma \mathbf{F}_{\mathbf{x}} = \left(- \frac{\partial \mathbf{P}}{\partial \mathbf{x}} \delta \mathbf{x} \right) \delta \mathbf{y} \delta \mathbf{z}$$

$$\Sigma \mathbf{F}_{\mathbf{z}} = \left(-\frac{\partial \mathbf{P}}{\partial \mathbf{z}} \delta \mathbf{z}\right) \delta \mathbf{x} \delta \mathbf{y} - \omega \delta \mathbf{x} \delta \mathbf{y} \delta \mathbf{z}$$

للحصول غلى معدل تغير الضغط وفق الاتجاهين XX و OZ لدينا من هاتين العلاقتين .

$$\frac{\partial P}{\partial x} = - \rho a_x$$

$$\frac{\partial P}{\partial z} = - \rho g (1 + \frac{a_z}{q})$$

1- الحركة المستقيمة المتسارعة بانتظام للكتل السائلة

هاتان العلاقتان تؤولان الى المعادلتين ($a_x = a_z = 0$) المستفرجتينن ($a_x = a_z = 0$) المستفرجتين ($a_x = a_z = 0$) المستفرجتينن ($a_x = a_z = 0$) المستفرجتين ($a_x = a_z = 0$

بما أن الضغط ضمن السائل المتحرك مركة متسارعة منتظمة سيتبع كل من X و Z لذا يكون:

$$\delta P = \frac{\partial P}{\partial x} \delta x + \frac{\partial P}{\partial z} \delta z$$

(2-15)ويالتعويض عن $\frac{\partial P}{\partial z}$ و $\frac{\partial P}{\partial z}$ من العلاقتين (14 - 2)و (15 - 2)

$$\delta P = -\omega \frac{a_x}{g} \delta x - \omega (1 + \frac{a_z}{g}) z$$
 (2-16)

$$P = -\omega \frac{a_x}{g} \times - \omega (1 + \frac{a_z}{g}) z + C$$

حيث C ثابت التكامل ويمكن تحديد قيمته اذا علم الضغط عند نقطة مرجعيــة، فاذا فرضنا الشروط الحدية التالية:

1- الحركة المستقيمة المتسارعة بانتظام للكتل السائلة

يندما
$$z = x = 0$$
 عندما $P = P_0$ $\omega \frac{a}{g} x - \omega (1 + \frac{a}{g}) z$

يمكن بواسطة هذه المعادلة معرفة قيمة الضغط عند أية نقطة ضمـــن الكتلة السائلة المتحركة ،

1- الحركة المستقيمة المتسارعة بانتظام للكتل السائلة

يمكننا تعيين السطوح ذات الضغط الثابت وذلك بالعصودة

للعلاقة (16 - 2) في سطح ذي ضغط ثابت يكون $\delta P = 0$ بين أي نقطتين من هذا المستوي $\delta P = 0$

لذا فمعادلة السطوح ذات الضغط الثابت هي : .

$$\frac{\omega}{g} a_{x} dx + \omega (1 + \frac{a_{z}}{g}) dz = 0$$

وتكامل هذه العلاقة مفترضين السائل غير قابل للانضغاط يعطي :

$$\omega \frac{a_x}{g} x + \omega (1 + \frac{a_z}{g}) z = C$$

1- الحركة المستقيمة المتسارعة بانتظام للكتل السائلة

حیث C مقدار ثابت،

يعاد ترتيب هذه العلاقة كمايلى :

$$z = \frac{-a_x}{a_z + g} x + \frac{C}{\omega (1 + \frac{a_z}{g})}$$

في الواقع أن المستقيمات المذكورة هي خطوط تقاط____ مستويات متساوية الضغط مع المستوي الشاقولي XOZ وتعطى زاوي__ة ميل أي مستوي كمايلي :

1- الحركة المستقيمة المتسارعة بانتظام للكتل السائلة

$$+an \Theta = \frac{-a_x}{a_z + g}$$

اذا كانت المركة المتسارعة بانتظام أفقية فان:

$$a_z = 0$$

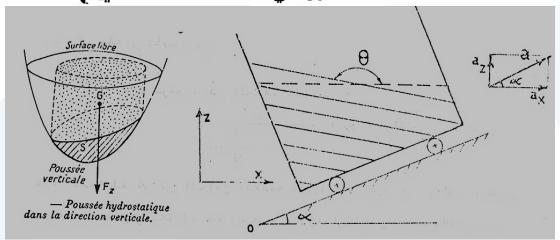
$$\tan \theta = \frac{-a_x}{g}$$

 $a_x = 0$

 $tan \Theta = 0$

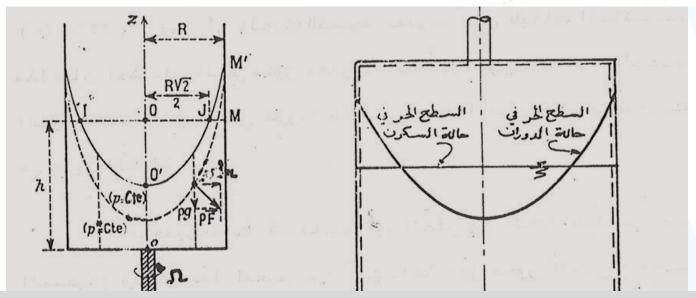
واذا كانت هذه المركة شاقولية فان:

والسطوح ذات الضغط الثابت تكون في هذه المالة افقية ،



2- الحركة الدورانية المنتظمة للكتل السائلة

تعرف الحركة الدورانية للموائع عامة " بالدوام " ويوجــد نوعان من هذه الحركة يدعى الاول بالدوام القسري والثاني بالدوام الحـــر .



من أجل سرعة دورانية معينة تكون السطوح ذات الضغط الثابت قطوع مكافئية ثابتة ولا يتغير الشكل الهندسي لهذه القطوع إلا بتغيير قيمة السرعة الدورانية.

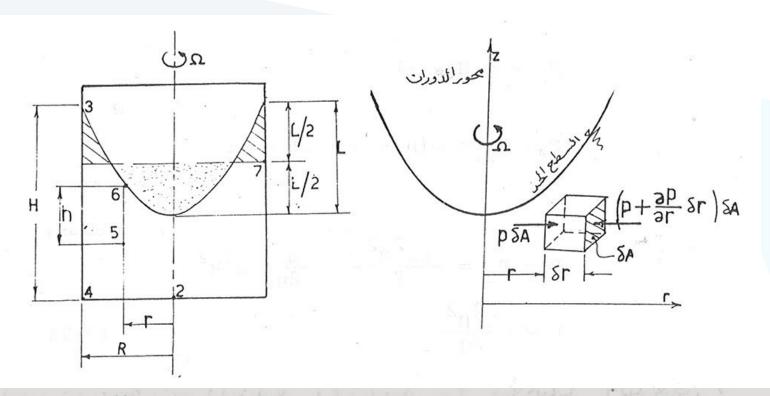
2- الحركة الدورانية المنتظمة للكتل السائلة

عند ثبات السرعة الدورانية تتحرك مختلف أجزا السائل بسرعـــات خطية متفاوتة وفق العلاقة ·

 $u = \Omega . r$

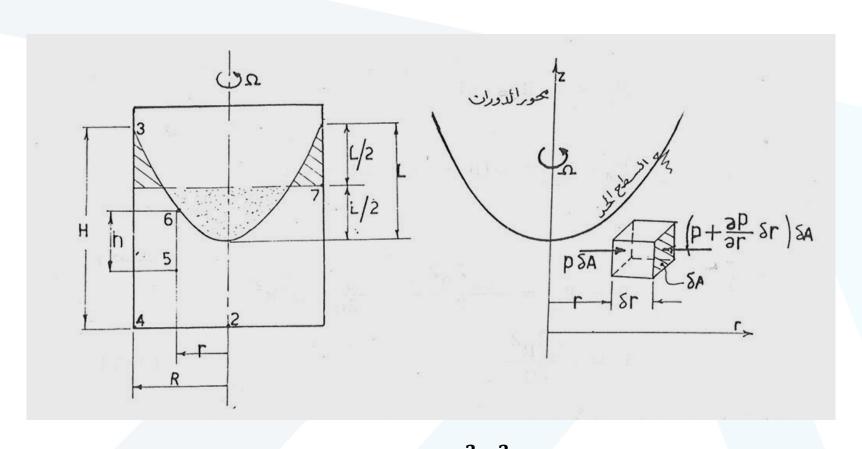
حيث r نصف قطر الجز' المعتمد ، أي بعده عن محور الدوران و Ω السرعة الزاوية مقدرة با rad/s).

2- الحركة الدورانية المنتظمة للكتل السائلة



الضغط عندالسطحالمر أثنا الدوران $P_1 = P_6 = P_3 = 0$

2- الحركة الدورانية المنتظمة للكتل السائلة



$$L = \frac{\Omega^2 R^2}{2.g} \qquad \qquad y = \frac{\Omega^2 r^2}{2.g}$$

2- الحركة الدورانية المنتظمة للكتل السائلة

$$P_{5} = \omega h$$

$$P_2 = \omega (H - L)$$

$$P_4 - P_2 = \omega (H - H + L) = \omega L$$

وكذلك :

$$P_4 - P_2 = \frac{\rho \Omega^2 R^2}{2} = \frac{\omega}{2g} \Omega^2 R^2$$

$$L = \frac{\Omega^2 R^2}{2g}$$

$$y = \frac{\Omega^2 r^2}{2 \cdot g}$$

ولذلك فان قياس ارتفاع القطع ل يعتبر مقياساً لسرعة الدوران ١

من أجل نصف قطر معين R

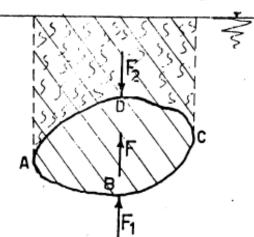
الموائع الساكنة-الطفو

توثر جميع الموائع على الاجسام المغمورة فيها بقـــوة دفع شاقولية للاعلى قيمتها تساوي وزن المائع المزاح ،وتعــرف هذه القوة باسم دافعة أرخميدس ٠

لنفرض أن V هو حجم الجسم وأن W وزنه، ولنفــرض أن $\Phi_{\rm f}$ الوزن النوعي للمائع و $\Phi_{\rm b}$ الوزن النوعي للجسم مفترضيـن أن الجسم متجانس في بنيته لذا يكون :

$$F = \omega_{f} \cdot V$$

$$W = \omega_b \cdot V$$

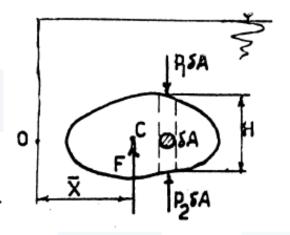


$$\delta F = \delta A (P_2 - P_1) = \delta A \omega_f h = \omega_f \delta V$$

حيث ٧٥ حجم الموشور المفروض ٠

ان تكامل العلاقة الاخيرة بالنسبة لكامل حجم الجســـم

$$F = \omega_{f} \int_{V} dV = \omega_{f} \cdot V$$



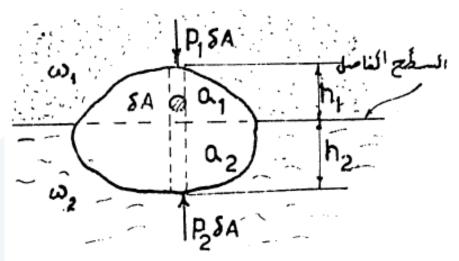
توثر قوة الدفع F في مركز ثقل العجم المزاح C ،أيأن نقطة تأثير قوة الدفع تعتمد على الشكل الهندسي للجسم المغمور، و نقطة تأثير قوة الدفع تعتمد على الشكل الهندسي للجسم المغمور، أما وزن الجسم W فانه يوثر كما نعلم عند مركز ثقل الجسم C ينطبق مركز الثقل على مركز ثقل العجم المحازاج في عالة واعدة فقط عندما يكون الجسم متجانساً في بنيته ، تدعى C بمركز الدفع و G بمركز ثقل الجسم .

عندما يطفو الجسم بين مائعين غير قابلين للمسرج

مختلفي الكثافة كما في الشكل الآتي في هذه العالة تكون قوة الدفع عائدة لكلا المائعين ويكون لدينا:

$$F = \omega_{f_2} v_2 + \omega_{f_1} v_1$$

بالترتيب



حين يطفق جسم وزنه W على السطح الحر لسائل وزنـــه النوعي $\omega_{\mathbf{f}}$ فان الجسم سيزيح حجماً من السائل قدره $v_{\mathbf{f}}$ تربطـــه بالوزن $w_{\mathbf{f}}$ العلاقة:

$$W = \omega_b \cdot V = \omega_f \cdot V_1$$

$$\frac{v_1}{v} = \frac{\omega_b}{\omega_f} = \frac{s_b}{s_f}$$

حيث V حجم الجسم و S_{b} و S_{f} كثافتا الجسم والسائل بالترتيب وقد أهملت قوة الدفع العائدة للحجم المزاح من الغاز وقـــدره ($V - V_1$) \cdot

الطفو- توازن الأجسام الغاطسة

يدعى الجسم بالجسم الغاطس، عندما يحيط به السائللل كلياً فحين توازن جسم غاطس وزنه \overline{W} في سائل وزنه النوعلي \mathbf{f} يمكن تمييز الحالات الثلاث التالية :

٢ - كثافةالبسم أكبر من كثافةالسائل وبالتالي وزن البسم أكبر من وزن السائل المزاح، في هذه الحالة يتحرك البسم للاسفل بفعل القوةالمحصلة لوزنه وقوة الدفع عتى يستقر في القاع،
 ب - كثافةالبسم أصغر من كثافةالسائل ، هنا سيتحرك إلبسم للاعللل ويتزن في وضع يغمر منه قسلم يزيح وزنا من السائل مكافئاً لوزنه ،

الطفو- توازن الأجسام الغاطسة

يطفو

كثافته أقل من كثافة الماء يغوص

كثافته أكبر من كثافة الماء

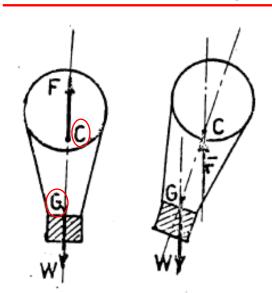
الطفو - أنواع توازن الأجسام الغاطسة

يكون توازن جسـم غاطس في مائع ما أحد أنواع ثلاثــة : مستقر وقلق وحيادي حين يكون توازن الجسم الغاطس مستقراً فـــان

حين زوال المؤثر الخارجي ويعود الجسم الى توازنه المستقر الاول،

عتى يكون توازن جسم غاطس مستقراً يجب أن يقــــع

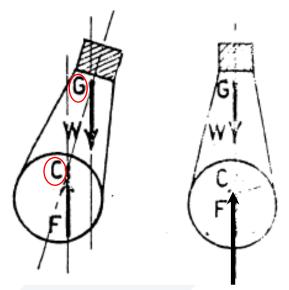
مركز ثقل الجسم G أسفل مركز الدفع · C



الطفو - أنواع توازن الأجسام الغاطسة

أما في التوازن القلق فان الانحراف يزداد حتى بعد زوال المؤثــر ويستمر الجسم في انحرافه عن وضع توازنه القلق حتى يصل الى وضغمديد يكون فيه التوازن مستقراً . أما في التوازن الحيادي فان الجســم يحافظ على وضعه حين زوال المؤثر الخارجي عنه ويحيــدعن هــــذا الوضع إلا بوجود عزم دوراني جديد وقد بينت الحالات الثلاث السابقــة لتوازن الاجسام الغاطســة .

حين انطباق مركز الثقل على مركز الدفع تقع القوتان W و F على خط عمل واحد ويكون التسسوازن حياديساً.



الطفو - توازن الأجسام الطافية

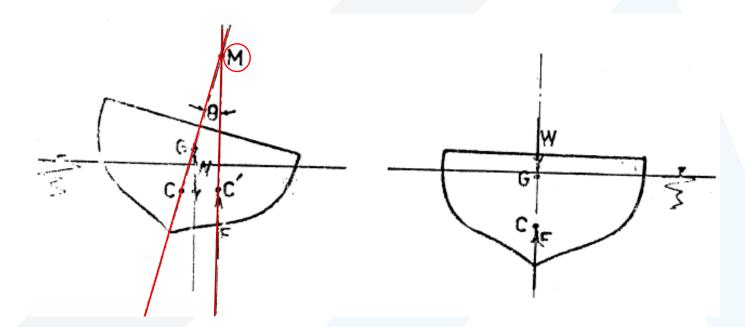
للاجسام الطافية أيضاً ثلاثة أنواع من التوازن هي المستقر والقلق والحيادي إلا أن شرط تحقيق التوازن المستقر في الاجسام الطافية يختلف عن الشرط اللازم توفره في الاجسام الغاطسية . وسنرى في هذه الفقرة أن الاجسام الطافية يكون توازنها مستقراً متى ولو كان مركز ثقلها G يقع أعلى مركز الدفع C .

على أن هنالك مركزاً ثالثاً يعرف في توازن الاجســـام الطافية باسم ماورا المركز (Meta Centre) ويشترط هنا لتحقيــق الطافية باسم ماورا المركز (Meta Centre) ويشترط هنا لتحقيــق التوازن المستقر أن يقع ماورا المركز M دائماً أعلى مركز ثقــل

الجسم G ،

الطفو - توازن الأجسام الطافية

يعرف مكان ما وراك المركز M بأنه نقطةتقاطع النظ الشاقولي الاصلي للجسم (المحور الذي يحتوي على C و G)مع النظ الشاقولي الجديد (بعد الانه عراف الزاوي) الذي يمر بمركيز الدفع الجديد .



الطفو - توازن الأجسام الطافية

شروط التوازن في الطفو يتطلب تحقيق المساواة :

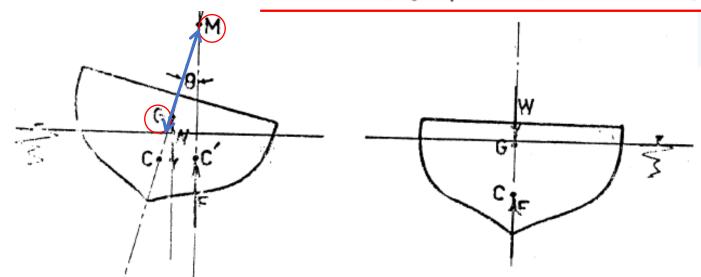
F = W

إذا أثر عزم دوراني على الجسم وأدى الى انصرافه زاوية θ فــان المزدوجة التي تحاول إعادةالتوازن لوضعه الاصلي لها العزم:

 $W.\overline{MG}$ sin Θ

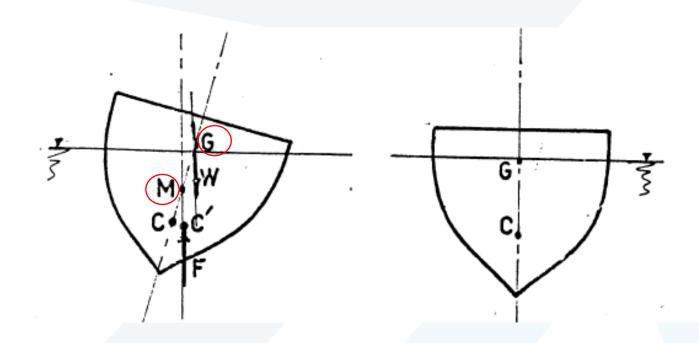
يعرف الارتفاع MG بارتفاع ما ورا ً المركز ، وكي يكون

التوازن مستقراً يجب أن تقع M فوق مركز الثقل · G



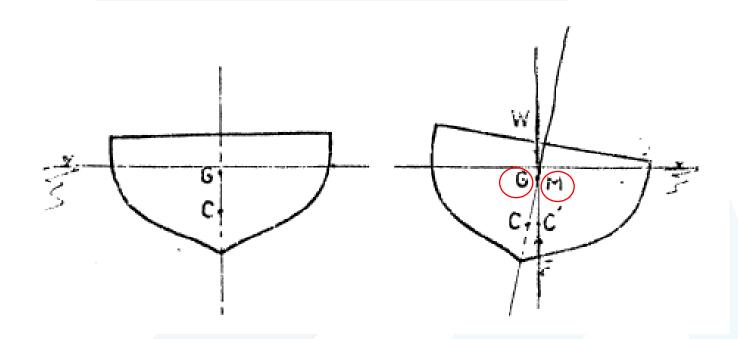
الطفو- أنواع توازن الأجسام الطافية

حين تقع M أسفل G يكون التوازن قلقاً



الطفو- أنواع توازن الأجسام الطافية

مین تقع M علی G یکون التوازن میادیاً



بما أن مركز الثقل G انتقل المسافة \overline{GG}' بفعل عمل الممولة X مسافة قدرها X فأن :

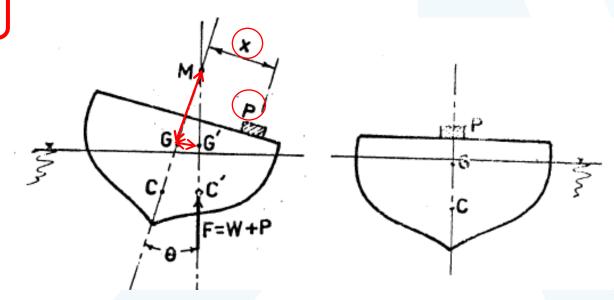
PX = W.GG ′ عيث W وزن الجسم الاجمالي متضمنا فيمه سعمونه سمندركة

ويما أن:

 $\overline{GG}' = \overline{GM} \tan \theta$

$$\overline{GM} = \frac{P.X}{W \tan \Theta}$$





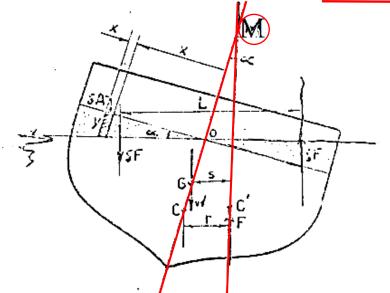
$$\overline{GM} = \frac{P.X}{W \tan \Theta}$$

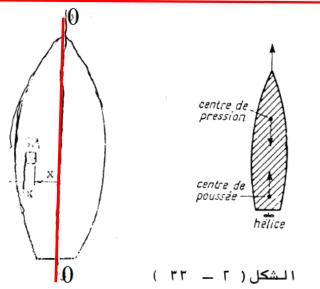
تسمع هذه العلاقة بحساب ارتفاع ماورا المركـــز GM

بعد قياسكل من المصولة المتحركة P والمسافة X والوزن الاجمالي W وزاوية الانحراف Θ، تقاس الزاوية Θ عادة بواسطة نواسينتهي بقلم راسم ، فبقياس طول النواس والمسافة التي يتحركها الصوزن المعلق يمكن تحديد الزاوية ،

من الامور الهامة التي يتضمنها تصميم الاجســـام الطافية كالبواخر مثلاً هو تحديد أفضل شكل هندسي للسطح المفارجــي يعطي ارتفاعاً لما ورا المهركز يحقق شروط التوازن المستقــر وتتضمن عملية التصميم تحديد سطح التقاطع بين جسم المركب ومستــوى الما والذي يعرف بسطح الطفوه

يفترض أن المركب المبين في الشكل (T - T) أعطى انحرافاً زاوياً يدورانه حول محوره الطولي 0 - 0 بزاوية α • المقطع العرضي بعد الانحراف في الشكل (T - T) • لتعيين ماورا T المركز نلوند تقاطع المحور الشاقولي الاصلي للجسم ، وهو المحور الذي يمر بمركز الثقل T ومركز الدفع T ، ونوجد تقاطعه مع المحصور الشاقولي الذي يمر بصمركز الدفع الجديد T بعد الانحراف نقطا الشاقولي الذي يمر بصمركز الدفع الجديد T بعد الانحراف نقطا التقاطع هي بالتعريف موضع ماورا T المركز T

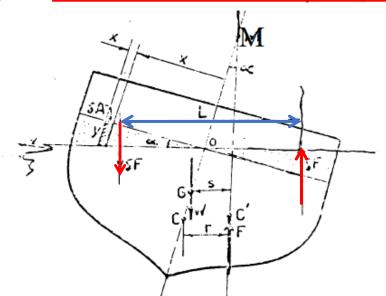




لنفرض أن مركز الدفع الجديد (' C) يبعد عن مركز الدفع القديم C مسافة قدرها r ولنفرض أن مركز الثقل G يبعد مسافة قدرها عن الفط الشاقولي ، الجديد الذي يمر بمركز الدفييع ' C ستتولد نتيجة للانحراف الزاوي المفروض مزدوجة عزمها :

f'×L

حيث F' هي قيمة كل من قوتي الدفع نتيجة لانغمار الجزء الاضافيين وطفو الجزء المساوى له و L هي المسافة بين هاتين القوتين .

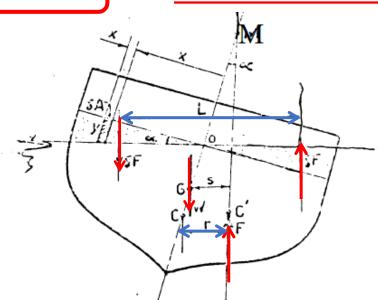


بما 1 ن وزن الجسم 1 بالفرض لم يتغير قبل وبعــــه الانعراف الزاوي لذلك فان جملة القوى المؤلفة من قوة الدفـــع 2 المؤثرة عند مركز الدفع الاعلي 2 0 والمزدوجة 2 1 ستكافـــى جملة القوى المؤلفة من قوة الدفع 2 1 المؤثرة عند مركز الدفـــع الجديد 2 2 م تكافؤ جملتي القوى المذكورتين يتطلب تساوي عزميهما حول أية نقطة من الفراغ 2

 $F \times L = F \times r = W \times r$

عزما الجملتين حول النقطة C و.

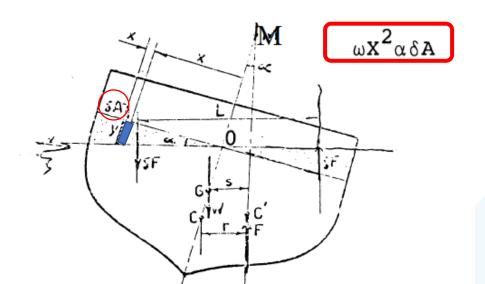
W = F كأحد شروط الطفو،



يتم تعيين عزم المزدوجة $F \times L$ بحساب عزمي قوتيهـــا حول نقطة 0 مثلاً مع ملاحظة أن عزم المزدوجة ثابت في الفــــراغ ويعتمد على قوة المزدوجة وذراعها فقط δA سطحاً لامتناهياً في الصغر من سطـــح

 $\delta A \cdot Y = X \alpha \delta A$

هو حجم لامتناه في الصغر طفا من طرف وغطس من الطرف المقابل نتيجة للانحراف الزاوي الصغير α على أن تقدرالزاوية α بالراديان نظر الشكل (α) وزن السائل في هذا الحجم هو α α



وعزم هذا الوزن (كقوة) حول النقطة 0 هو:

الطفو فان :

تكامل هذا المقدار بالنسبة لكامل سطح الطفو A يعطي عزمالمزدوجة

$$\mathbf{F} \mathbf{\hat{\times}} \mathbf{L} = \omega \alpha \int_{\mathbf{A}} \mathbf{X}^2 d\mathbf{A}$$

$$\int_{A} x^{2} dA = I$$

ويما أن :

المطلوب :

حيث I هو عزم عطالة سطح الطفو حول المحور الطولــــي 0 - 0

$$\omega \alpha I = Wr = \omega V_r$$
 : لذلك يكون

حيث V الحجم الغاطــس·

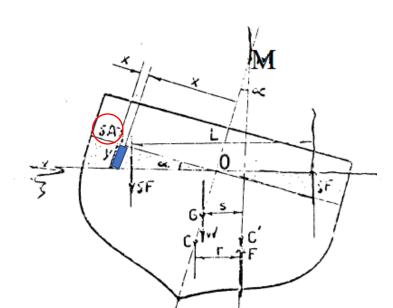
من ناحية إخرى بما أن α بالفرض صغيرة لذلك فان:

$$\overline{\text{CM}} \sin \alpha = \overline{\text{CM}} \alpha = r$$

$$\overline{CM} = \frac{I}{V}$$

وارتفاع ماورا المركز

$$\overline{GM} = \overline{CM} - \overline{CG} = \frac{I}{V} - \overline{CG}$$



اذا كانت اشارة GM موجبة فان M تقع أعلى G والتوازن مستقر، واذا كانت اشارة GM سالبة فالتوازن قلق ، وعندما تقع M علي G فالتوازن حيادي وهي حالة حدية بين حالتي التوازن المستقرر والقلي .



