



محاضرة رقم

2

Statistics 1 for Business

جامعة المنارة – كلية إدارة الأعمال – الفصل الثاني للعام 2020/2021

- د محمود طيوب

طرق عرض البيانات الإحصائية

وصولاً إلى الهدف المنشود ولذلك يجب ترتيبها أو تبويبها في مجالات بأسلوب معين يضمن معه المحافظة على البيانات دون حذف مخل بجوهرها
وفيما يلي أهم أنواع التبويب:

- 1- التبويب حسب مؤشر نوعي واحد: مثال تبويب السكان بحسب المهن أو الحالة التعليمية.
- 2- التبويب حسب مؤشر كمي نوعي واحد : مثال تبويب الطلاب بحسب معدلات النجاح أو بحسب الأطوال أو الأوزان.
- 3- التبويب حسب مؤشرين كميين: مثال توزيع الطلاب في كلية بحسب الطول والوزن.
- 4- التبويب حسب مؤشرين نوعيين مثال توزيع الطلاب حسب لون العيون والشعر.
- 5- التبويب حسب مؤشرين واحد كمي والآخر نوعي مثال توزيع الطلاب حسب الطول والجنس.
- 6- التبويب التحليلي: وهو تبويب كمي يطبق على أحد مؤشرين مرتبطين يمثل أحدهما المؤشر المتحول والآخر المؤشر التابع ويستخدم هذا النوع من التبويب لإظهار العلاقات الإرتباطية بين المؤشرين
- 7- التبويب الجغرافي وهو عبارة عن تبويب أو ترتيب البيانات الإحصائية حسب مكان حدوثها أو المتعلقة بموقع مكاني جغرافي محدد خلال فترة زمنية معينة.
- 8- التبويب الأبجدي عبارة عن ترتيب وتبويب البيانات الإحصائية المتعلقة بظاهرة ما حسب الأحرف الأبجدية

طرق العرض الجدولي للبيانات الإحصائية

الجدول الإحصائي عبارة عن ترتيب منظم للبيانات الإحصائية في صورة صفوف وأعمدة بقصد إبراز أهمية تلك البيانات ولتسهيل المقارنة فيما بينها كهذا يعدّ إعداد الجدول الإحصائي من أهم مراحل تحليل البيانات الإحصائية لأنه مرتبب ارتباطاً وثيقاً بطبيعة البيانات - الهدف المنشود - طبيعة الظاهرة - والتقنيات المستخدمة في التحليل الرياضي.

أنواع الجداول الإحصائية:

1- الجداول الإحصائية العامة:

وتشمل تلك الجداول التي تكتفي برصد البيانات فيها فقط دون الرغبة بتحليلها وتعدّ مرجعاً سهلاً للباحثين مثال ذلك المجموعات الإحصائية الرسمية أو المجموعات الإحصائية الخاصة (جداول التعداد جداول المواليد والوفيات والتقارير الإحصائية

2- الجداول الإحصائية الخاصة:

وتشمل الجداول التي يشكلها الباحث، انطلاقاً من الجداول العامة السابقة الذكر بقصد إجراء بحث معين يبرز أهمية ظاهرة معينة في صورة مبسطة

3- الجداول البسيطة: وهي عبارة عن جداول تستخدم الترتيب أو التبويب لظاهرة معينة واحدة زماناً أو مكاناً

جدول 1: توزع الطلاب في جامعة ما حسب كلياتهم خلال فترة زمنية معينة:

عدد الطلاب	الكليات
650	الصيدلة
280	الهندسة
190	الإدارة
175	طب الاسنان

- **الجدول المزدوجة:** عبارة عن جداول بسيطة تستخدم الترتيب أو تبويب البيانات لظاهرة معينة والتي يمكن تقسيمها إلى مجموعتين أو جزأين مع الزمان أو المكان.
جدول 2: توزيع الطلاب الجامعة حسب الكليات والجنس مع الزمن:

كلية العلوم		كلية التجارة والاقتصاد		الأعوام
إناث	ذكور	إناث	ذكور	
580	1020	200	250	2000/1999
720	1200	300	400	2001/2000
850	1300	400	600	2002/2001

5- **الجدول المركبة:** عبارة عن جداول تستخدم لتبويب البيانات أو لتبويب مؤشري واحد أو أكثر متفرع إلى مؤشرات جزئية أخرى
جدول 3: يبين عدد الطلاب في الجامعات السورية للعام 2004-2005

عدد الطلاب / ألف طالب						
متخرجون		طلاب		مستجدون		الجامعات
إناث	ذكور	إناث	ذكور	إناث	ذكور	
4041	4584	43136	48853	8657	8115	دمشق
1587	2765	178876	31138	4735	6573	حلب
2014	1410	20581	14267	4737	3641	تشرين

المصدر المجموعة الإحصائية السورية لعام 2004-2005

6- **الجدول التفضيلية:** عبارة عن جداول ترتب فيها المتغيرات المدروسة وتعطى ترتيباً معيناً أو يقوم الباحث بإعطاء ترتيب معين.

جدول 4: ذلك تفضيل مجموعة من الكلية لأقسام كلية الاقتصاد كما يلي:

الأقسام الطلاب	علوم مالية	ادارة	احصاء	اقتصاد	محاسبة
AA	1	2	3	4	5
BA	5	2	4	3	1
CC	4	5	1	4	2

(مثال فرضي)

- **جداول التشابه:** عبارة عن جداول ترتب فيها الموضوعات أو المتغيرات حسب درجة قرابتها أو تشابهها مع بعضها البعض والتي تتراوح قيمتها بين الصفر والواحد. كما في المثال الآتي:

مثال

الألات M ₁	A	B	C	D	E
الألات M ₂					
A	0.3	0.7	0.8	0.1	0.9
B	0.1	0.9	0.2	0.4	0.6
C	0.2	0.4	0.8	0.6	0.7
D	0.6	0.8	0.3	0.9	0.2
E	0.4	0.5	0.7	0.5	0.6

3- الشروط الواجب توفرها في الجدول الإحصائي:

1. **رقم الجدول:** يوضع لكل جدول رقم معين ويتم ترقيم الجداول إما بشكل.
2. **عنوان الجدول:** يجب أن تكون لكل جدول عنوان كامل ومختصر يفسر محتوياته
3. **عناوين الخانات:** يجب أن تكون الخانات مرتبة ومختصرة سواء للخانات الرأسية أو الأفقية
4. **خانة المجموع:** يجب أن يتضمن الجدول خانة للمجموع الأفقي أو العمودي وللمجموع الإجمالي.
5. **الوحدات المستعملة:** يفضل تحديد الوحدات المستعملة في البيانات وتكتب عادة تحت عنوان الخانة الرأسية
6. **مصدر البيانات:** إن تحديد مصدر البيانات أمر ضروري جداً يحدّد مدى الوثوق فيها
7. **المذكرات التفسيرية:** توضع هذه المذكرات عادة تحت الجدول مباشرة وفوق المصدر على أن توضع برموز أو بحروف، وليس بأرقام منعاً للالتباس
8. **ترتيب البيانات:** يساعد ترتيب البيانات على سهولة فهم وتحليل بيانات الجدول وإمكانية المقارنة فيما بينها
9. **البساطة يجب أن يتصف الجدول الإحصائي بالبساطة ويجب أن يكون الجدول الإحصائي مغلقاً**
10. **يفضل أن يكتب وترتب الجداول بنمط واحد في جميع أجزاء التقرير**
11. **تفضل الجداول الإحصائية المربعة الشكل قدر الإمكان.**

طرق عرض البيانات الإحصائية النوعية:

1- عرض البيانات النوعية (الاسمية):

إن البيانات النوعية (données qualitatives) والتي تشتمل على متغير واحد من المستوى الاسمي, يمكن تبويبها بسهولة ويسر, نظراً لأنها تكون مصنفة في أقسام متميزة أثناء عملية جمعها

جدول (2) : تكرارات مجموعة من الأفراد بحسب متغير الحالة الاجتماعية

التكرارات	الحالة الاجتماعية
30	أعزب
52	متزوج
7	مطلق
11	أرمل
100	مجموع

إذا رغب الباحث المقارنة بين توزيعي مجموعتين مختلفتين في العدد الكلي لأفرادهما بالنسبة لمتغير اسمي معين, فعندئذ لا تجوز المقارنة باستخدام التكرارات وإنما ينبغي إيجاد النسب المئوية لتكرارات الأقسام لكل من المجموعتين وبحسب التكرار النسبي المئوي كما يلي:

$$\text{تكرار المئوي} = \frac{\text{تكرار القسم}}{\text{التكرار الكلي}} \times 100$$

$$f \% = \frac{fi}{\sum f} * 100 = n \% = \frac{ni}{\sum n} * 100$$

نفترض لدينا مجموعتين من الأفراد إحداهما تشتمل على 100 فرد والأخرى تشتمل على 200 فرد وإذا أدرنا المقارنة بين تكرارات أقسام متغير الحالة الاجتماعية لكل من المجموعتين لا بد من حساب التكرارات النسبية المئوية

جدول 2: توزيع التكرارات المطلقة والعينة لبيانات نوعية

العينة الثانية N2=200		العينة الأولى N1=100		الحالة الاجتماعية
التكرار النسبي %	التكرار المطلق	التكرار النسبي %	التكرار المطلق	
36	72	30	30	أعزب
48	96	55	55	متزوج
12	24	4	4	مطلق
4	8	11	11	أرمل
%100	200	%100	100	المجموع

2- عرض البيانات الرتبية:

يختلف هذا النوع من البيانات data ordinals عن البيانات النوعية أو التصنيفية، في أن هذه البيانات تراعي الترتيب أي تكون مرتبة إما تصاعدياً أو تنازلياً من حيث درجة الخاصية أو المتغير الزممي المراد دراسته
مثال : نفترض أننا طلبنا من 400 طالب من طلاب كلية الاقتصاد السنة الأولى تحديد مدى الاهتمام بالالتحاق بقسم المحاسبة، فإنه يمكن تنظيم التكرارات

جدول 3: توزيع التكرارات العادية والنسبية المئوية لمجموعة من الطلاب وفق المتغير الترتيبي

التكرار النسبي %	التكرارات (ni)	مدى الاهتمام بالالتحاق بالقسم
50%	200	سوف ألتحق بالتأكيد
32.75	131	ربما ألتحق
7.5	30	ربما لا ألتحق
9.75	39	لن ألتحق قطعاً
%100	400	المجموع

التوزيعات التكرارية غير المبوبة

Ungrouped Data

التوزيع التكراري:

هو وسيلة لتنظيم وتجميع الدرجات أو القياسات أو البيانات في مجموعات, ومن شأن هذا التنظيم أو التجميع تلخيص بيانات التوزيع في عدد محدود من هذه المجموعات لتسهيل معالجتها رياضياً. ولإنشاء جدول التوزيع التكراري غير المبوب ترتب الدرجات ترتيباً تنازلياً أو تصاعدياً ويسجل عدد مرات تكرار كل درجة منها.

مثال : التوزيع التكراري لدرجات مجموعة طالباً في الاختبار النهائي

الطريقة (B)		الطريقة (A)	
التكرارات n	الدرجة x	التكرارات n	الدرجة x
1	4	1	5
2	8	1	6
2	9	4	7
1	10	1	8
4	11	4	9
4	12	3	10
3	13	2	11
2	14	7	12
5	15	6	13
1	16	5	14
5	17	4	15
5	18	2	16
4	19	3	17
1	20	2	18

جداول التوزيع التكراري لبيانات مَبَوَّبة:

Grouped data

- عبارة عن مجموعات من المتغيرات المتجانسة التي تتميز بحد أدنى وحد أعلى لمدى هذا التجانس أما التكرارات فهي عدد المفردات التي تندرج تحت فئة معينة من هذه الفئات
- خطوات إعداد جدول التوزيع التكراري:
- 1- ترتيب البيانات ترتيباً منتظماً تصاعدياً أو تنازلياً.
 - 2- حساب المدى الكلي: وهو الفرق بين أكبر وأصغر قيمة في قيم التوزيع أي:

$$\text{المدى الكلي} = \text{أكبر قيمة} - \text{أصغر قيمة}$$

$$R = X \max - X \min$$

$$R = Lu - Ls + 1$$

- ملاحظة: نظراً لأن هذا المدى قد لا يشمل كل المفردات لذلك يفضل إضافة +1 المدى وذلك لضمان شمول هذا المدى الجديد لجميع المفردات.
- 3- حساب عدد المجالات (الفئات) ويتم عادة باستخدام إحدى المعادلتين التاليتين:
- أ- معادلة سترجيس وتعطى بالعلاقة التالية:

$$k = 1 + 3.322 * \log n$$

ولقد استخلص سترجيس هذه القاعدة من التوزيع التكراري لتوزيع ذات الحدين ويعيها أنها تعطي عدداً كبيراً من الأقسام حينما يكون عدد الأفراد قليلاً، وعدد قليلاً من الأقسام عندما

يكون عدد الأفراد كبيراً لذلك فهي لا تعطي نتائج مرضية إذا كان عدد الأفراد أقل من 10/ أو أكبر من 1000/ فرد.

ب- معادلة يول وتعطى بالعلاقة التالية:

$$k = 2.5 * \sqrt[4]{n}$$

ولتسهيل الحسابات نأخذ لوغاريتم الطرفين للمعادلة السابقة على لوغاريتم عدد الأقسام وباستخدام الحاسبات الالكترونية نحصل على عدد الأقسام باعتماد التعليمة التالية:
اضغط على مفتاح

Shift ثم ← مفتاح INV ثم ← لوغاريتم (log) فنحصل على عدد الفئات أو الأقسام.

مثال

احسب عدد الأقسام اللازمة لتبويب 150 قياساً باستخدام معادلة يول.

الحل :

$$k = 2.5 \sqrt[4]{150}$$

$$\log k = \log 2.5 + 0.25 * \log n$$

$$0.3979 + \frac{1}{4} (2.17609125) = 0.9419228$$

ومنه حساب $\text{Intilog}(0.9419228) = 8.75 \approx 9$ أقسام.

4- حساب مدى القسمة الواحد وبحسب بالعلاقة التالية:

$$C = \frac{R}{V} = \frac{\text{مدى الفئة}}{\text{المدى}} = \frac{\text{المدى}}{\text{المدى}}$$

ويمكن تحديد طول الفئة بحساب الفرق بين مركزي فئتين متتاليتين عندما يكون الجدول منتظم (أي أطوال الفئات متساوية) أو الفرق بين الحدين الأدنى لفئتين متتاليتين أو الفرق بين الحدين الأعلى لفئتين متتاليتين.

5- تحديد مركز الفئة: ويعطى بالصيغة التالية:

$$\text{مركز الفئة} = \frac{\text{الأعلى} + \text{الأدنى}}{2}$$

- تعيين حدود الفئات:

وعموماً تقسم الفئات إلى نوعين هما:

أ- الفئات المتصلة (السيارة):

وهي الفئات التي يكون حدها الأعلى هو الحد الأدنى للفئة التي تليها .

25-20 وتصاغ من 20 إلى أقل من 25

30-25 وتصاغ 25 إلى أقل من 30

وفيهما يكون الحد الأدنى للفئة المتصلة من ضمن الفئة على حين أن الحد الأعلى لا يكون من ضمنها.

أما طول الفئة = الحد الأعلى للفئة – الحد الأدنى للفئة

ويكون الحد الأعلى للفئة المتصلة هو الحد الأعلى الفعلي (الحقيقي) وكذلك الحد الأدنى الفعلي (الحقيقي) وهو ما يعرف عادة بالتبويب نصف المفتوح :

$$\lceil a - b \rceil$$

$$\lceil b - c \rceil$$

ب- الفئات المنفصلة (الوثابة):

وهي الفئات التي يكون الحد الأعلى لها لا يساوي الحد الأدنى للفئة التي تليها وإنما بينهما فاصل.

مثال:

15-10

20-16

ويحسب طول الفئة الوثابة = الحد الأعلى للفئة – الحد الأدنى للفئة + 1

طول الفئة (المتصلة) = الحد الأعلى الفعلي – الحد الأدنى الفعلي.

كما يحسب الحد الحقيقي الأعلى أو الأدنى بالعلاقات التالية:

الحد الأدنى الحقيقي لأي فئة = مركز تلك الفئة - $\frac{1}{2}$ (طول الفئة)

الحد الأعلى الحقيقي لأي فئة = مركز تلك الفئة + $\frac{1}{2}$ (طول الفئة).

الحد الأعلى الفعلي (الحقيقي) لأي فئة وثابة = الحد الأعلى للفئة + 0.5

الحد الأدنى الفعلي (الحقيقي) لأي فئة وثابة = الحد الأدنى للفئة - 0.5

وبشكل عام يفضل أن يكون الحد الأدنى للفئة الأولى أصغر أو يساوي لأصغر قيمة في التوزيع وفي حالة وجود بعض القياسات خارج حدود الفئات الأخيرة عموماً ينصح باعتماد تصحيح مدى الفئات وذلك بإضافة ثابت (1) إلى مدى كل فئة ويعاد كتابة حدود الفئات عموماً يتوقف تعيين حدود الفئات على طبيعة الظاهرة والقياسات والصفة الإحصائية ومن أهم طرق تعيين أو كتابة حدود الفئات.

- عبارة عن مجال مغلق تنتهي إليه جميع القيم الواقعة بين a, b كما يتقيم قيمتي a, b نفسيهما $a \leq x \leq b$

- عبارة عن مجال نصف مفتوح يحتوي على جميع القيم المساوية للحد الأدنى والقيم الواقعة بين a و b والتي هي أصغر من قيمة الحد الأعلى للفئة $a \leq x < b$

- عبارة عن مجال مفتوح من حديه تنتهي إليه جميع القيم بين a, b فقط ودون قيمتي a, b نفسيهما أي $a < x < b$.

7- تفرغ البيانات لكل فئة . (التوزيع الشكلي للمفردات):

ويتم ذلك بتحديد القيم الأصلية واحدة، واحدة في الفئة الخاصة أو المنتمية إليها المفردة ويتم تفرغ البيانات (المفردات) بطرق عدة منها:

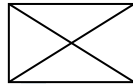
- الحزم الخماسية: حيث يرمز لكل مفردة بشحطة 1 وكل أربع مفردات تحزم بمفردة خامسة وهكذا.

لتكن لدينا القياسات التالية:

$$\begin{array}{c} \lceil 35, 30, 29, 27, 25 \rceil \lceil 24, 23, 22, 21, 20 \rceil \\ \text{5 مفردات} = \text{||||} \quad \text{5 مفردات} = \text{||||} \end{array}$$

- طريقة المغلف: ويعبر المغلف عن 10 مفردات تمثل بـ

4 زوايا + 4 أضلاع + قطران = 10 قياسات



ويفضل دائماً البدء بالزوايا ثم الأضلاع ثم القطرين وبنهاية التفرغ تحصر المفردات المقابلة لكل فئة من الفئات وتعطي ما يعرف بالتكرارات (Fréquences).

مثال

جدول يبين درجات 80 طالباً وطالبة في المستوى الأول – كلية إدارة الأعمال في مقرر الإحصاء.

80	87	98	81	74	48	79	80
78	82	93	91	70	90	80	84
73	74	81	56	65	92	70	71
86	83	93	65	51	85	68	72
68	86	43	74	73	83	90	35
75	67	72	90	71	76	92	93
81	88	91	97	72	61	80	91
77	71	59	80	95	99	63	60
63	89	67	60	82	83	76	63
75	79	88	66	70	88		

المطلوب: هيئ جدول التوزيع التكراري وفق الخطوات العامة لتكوين جدول التوزيع التكراري.
الحل:

1- حساب المدى الكلي = أعلى قيمة – أقل قيمة

$$R = 99 - 35 = 64$$

2- تحديد عدد الفئات : يمكن حساب ذلك بعدة طرق منها:

$$1- \text{طريقة سترجس : } K = 1 + 3.322 * \log 80 = 7.32$$

$$2- \text{طريقة يول : } k = 2.5 \sqrt[4]{80} = 7.47 \approx 7$$

ملاحظة : يجب أن يكون الحد الأدنى للفئة الأولى مساوياً أو أصغر من أقل قيمة في التوزيع ويجب أن يكون الحد الأعلى للفئة الأخيرة أكبر من أكبر قيمة في التوزيع .

3- طول الفئة : هو المدى العددي بين حدي الفئة ويستحسن أن تكون أطوال الفئات متساوية لتسهيل العمليات الحسابية ونرمز لها بـ c

$$\text{طول الفئة} = \frac{\text{المدى الكلي}}{c}$$

$$c = \frac{64}{9.14} \approx 10$$

يجب تبويب البيانات الواردة في الجدول ضمن سبع فئات مدى الفئة الواحدة (10)

جدول 6: التوزيع التكراري لدرجات 80 طالب: تبويب مغلق

التكرار n_i	التوزيع الشكلي	مركز الفئة x_i'	الحدود الحقيقية للفئات	الفئات	م
1		35.5	40.5-30.5	40-31	1
2		45.5	50.5-40.5	50-41	2
5		55.5	60.5-50.5	60-51	3
15		65.5	70.5-60.5	70-61	4
25		75.5	80.5-70.5	80-71	5
20		85.5	90.5-80.5	90-81	6
12		95.5	10.5-90.5	100-91	7
80	-	-	-	المجموع	

تعين طول الفئات:

لنأخذ الفئة الرابعة 70-61

الحد الأدنى للفئة الرابعة = 61

الحد الأعلى للفئة الرابعة = 70

طول الفئة الرابعة يمكن حسابه من جدول التوزيع التكراري بإحدى الطرق التالية:

الطريقة الأولى: (عندما تكون حدود الفئات أعداد صحيحة فقط).

طول الفئة = الحد الأدنى - الحد الأدنى + 1

$$70 - 61 + 1 = 10$$

الطريقة الثانية:

طول الفئة = الحد الحقيقي للأعلى - الحد الحقيقي الأدنى لتلك الفئة

$$70.5 - 60.5 = 10$$

الطريقة الثالثة :

طول الفئة = الفرق بين الحدين الأدنى أو الحدين الأعلى لفئتين متتاليتين

$$71 - 61 = 10 \quad \text{الفرق بين الحدين الأدنى}$$

$$80 - 70 = 10 \quad \text{الفرق بين الحدين الأعلى}$$

الطريقة الرابعة:

طول الفئة = الفرق بين الحدين الحقيقيين الأدنى أو الأعلى لفئتين متتاليتين .

$$10 = 60.5 - 70.5 =$$

$$10 = 70.5 - 80.5 =$$

الطريقة الخامسة :

طول الفئة = الفرق بين مركزي فئتين متتاليتين

$$10 = 65.5 - 75.5 =$$

تعيين الحدود الحقيقية للفئات:

من المعروف أن القيمة الحقيقية للعدد تساوي قيمته الظاهرية مضافاً إليها مرة ومطروحاً منها مرة $\frac{1}{2}$ وحدة قياس، وهي قاعدة صحيحة في حالة البيانات المبوبة ويمكن حساب الحدود الحقيقية لأي فئة بإحدى الطرق التالية:

الطريقة الأولى:

الحد الأدنى الحقيقي لأي فئة = مركز تلك الفئة - $\frac{1}{2}$ (طول تلك الفئة).

$$\text{الحد الأدنى الحقيقي للفئة الرابعة} = 65.5 - \frac{1}{2} (10) = 60.5$$

أما الحد الأعلى الحقيقي = مركز الفئة + $\frac{1}{2}$ (طول الفئة)

$$70.5 = 65.5 + \frac{1}{2} (10) =$$

ملاحظة: إذا كانت حدود الفئات أعداد صحيحة فإن:

الحد الأدنى الحقيقي لأي فئة = الحد الأدنى لتلك الفئة - 0.5

الحد الأعلى الحقيقي لأي فئة = الحد الأعلى لتلك الفئة + 0.5

الطريقة الثانية:

مركز الفئة = حساب مركز الفئة :

$$\text{مركز الفئة} = \frac{\text{الأدنى} + \text{الحد الأعلى}}{2}$$

$$\text{مركز الفئة الرابعة} = \frac{70 + 61}{2} = 65.5$$

* إعداد جدول التوزيع التكراري النسبي :

$$100 \times \frac{\text{تكرار تلك الفئة}}{\text{التكرار النسبي المئوي لكل فئة}} =$$

مثال : التكرار النسبي للفئة الخامسة = $\frac{25}{80} = 0.3125$ أو تكرار النسبي المئوي للفئة الخامسة

$$= \frac{25}{80} \times 100 = 31.25 \% \text{ وهكذا بالنسبة لباقي الفئات كما في الجدول التالي :}$$

جدول 7: التوزيع التكراري النسبي والنسبي المئوي لدرجات الطلاب في الإحصاء.

التكرار النسبي $\frac{n_i}{80}$	التكرار النسبي $\frac{n_i}{80}$	التكرار n_i	الفئات	مسلسل
$\frac{1}{80} * 100$	0.0125	1	40-31	1
1.25	0.0250	2	50-41	2
2.50	0.0625	5	60-51	3
6.25	0.1875	15	70-61	4
18.75	0.3125	25	80-71	5
31.25	0.2500	20	90-81	6
25	0.1500	12	100-91	7
15	1	80	-	مجموع
%100				

- جداول التوزيع التكراري التجميعي التصاعدي:

وهي الجداول التي تعطينا عدد المفردات التي تقل قيمتها عن الحد الأعلى الحقيقي لفئة معينة ويتكون الجدول من ثلاثة أعمدة وهي الحدود العليا للفئات فأقل - التكرارات التجميعية الصاعدة والعادية وذلك كما يلي:

جدول 8: التوزيع التكراري المجتمع الصاعد العادي والنسبي المئوي

التكرار المئوي	التكرار المئوي %	التكرار التجميعي التصاعدي	التكرار n_i	حدود الفئات العليا فأقل	مسل
1.25	1.25	1	1	أقل من 41	1
3.75	2.5	3	2	أقل من 51	2
10.0	6.25	8	5	أقل من 61	3
28.75	18.75	23	15	أقل من 71	4
60.0	31.25	48	25	أقل من 81	5
85.0	25	68	20	أقل من 91	6
100	15	80	12	أقل من 101	7
-	100		80	المجموع	

2- جدول التوزيع التكراري التجميعي التنازلي:

وهو الجدول الذي يعطينا عدد ونسبة المفردات التي تزيد قيمتها عن الحد الأدنى الحقيقي لفئة معينة ويتألف من عمودين الأول الحد الأدنى فأكثر الفئات ومحور التكرارات التجميعية وذلك جدول (9):

جدول 9: التوزيع التكراري التجميعي النازل العادي والنسبي المئوي:

التكرار المئوي التجميعي التنازلي	التكرار المئوي	التكرار التجميعي التنازلي	التكرار n_i	الحدود الدنيا فأكثر	
%100	1.25	80	1	31 فأكثر	1
99.75	2.50	97	2	41 فأكثر	2
96.75	6.25	77	5	51 فأكثر	3
90	18.75	72	15	61 فأكثر	4
71.25	11.25	57	25	71 فأكثر	5
40	25	32	20	81 فأكثر	6
15	15	12	12	91 فأكثر	7
0	0	0	0	101 فأكثر	8
	100		80	المجموع	

وبقراءة متأنية للجداول السابقة نجد أن :

- بقراءة جدول التوزيع التكراري العادي نجد 25 طالباً وطالبة كانت درجاتهم بين 71-80 درجة أي بنسبة تساوي 31.25% من الطلاب.
- بقراءة التكرارات التجميعية التصاعدية والنسبة التصاعدية نجد أنه لدينا 23 طالب كانت درجاتهم أقل من 70 درجة أي بنسبة 28.75%.
- بقراءة التكرارات التجميعية التنازلية والنسبية المئوية نجد أنه لدينا 72 طالباً وطالبة كانت درجاتهم أكثر من 61 درجة أي بنسبة مئوية تساوي 90% وكذلك 32 طالباً كانت درجاتهم أكثر من 81 درجة أي بنسبة 40%.

مثال

إذا كان طول فئة ما يساوي 12 وحدها الأدنى 30. أوجد حدها الأعلى.

الحل:

حساب طول الفئة = الحد الأدنى - الحد الأعلى + 1

الحد الأعلى للفئة x

$$12 = x - 30 + 1$$

مثال

إذا كانت أكبر مشاهدة في توزيع ما 556 و أقل مشاهدة 333. أوجد مدى التوزيع.
مدى التوزيع = أكبر مشاهدة - أقل مشاهدة + 1

$$R.D=556-333+1=224$$

مثال

إذا كان الحد الحقيقي للفئة الأدنى يساوي 19.5 وطولها 5 أوجد الحد الأعلى الحقيقي للفئة.

الحل:

$$5 = x - 19.5$$

الحد الحقيقي الأعلى = $x \Rightarrow x = 5 + 19.5 = 24.5$

فالحدود الحقيقية للفئة هي: 19.5-24.5

نهاية المحاضرة الثانية