



*Al-Manara University*

جامعة المنارة

*Faculty of Business Administration*

كلية إدارة الأعمال

# “Decisions Making Theory”

## Chapter 6

“البرمجة الخطية وصنع - القرارات - تطبيقات

**Linear Programming – Application 1**

Lect. Hadi KHALIL

Email: [hadi.khalil@hotmail.fr](mailto:hadi.khalil@hotmail.fr)

# البرمجة الخطية Linear programming:

- مثال 1:
- تصنع الشركة منتجين (X) و (Y) باستخدام جهازين (A) و (B). تتطلب كل وحدة من وحدات X التي يتم إنتاجها 50 دقيقة من وقت المعالجة على الجهاز A و 30 دقيقة من وقت المعالجة على الجهاز B. كل وحدة من وحدات Y التي يتم إنتاجها تتطلب 24 دقيقة من وقت المعالجة على الجهاز A و 33 دقيقة من وقت المعالجة على الجهاز B
- في بداية الأسبوع الحالي، هناك 30 وحدة من X و 90 وحدة من Y في المخزون.

# البرمجة الخطية Linear programming:

- من المتوقع أن تصل مدة المعالجة المتاحة على الجهاز A إلى 40 ساعة ومن المتوقع أن تصل إلى 35 ساعة على الماكينة B
- حسب مدير التسويق من المتوقع أيضا أن يصل الطلب على X في الأسبوع الحالي إلى 75 وحدة ومن Y 95 وحدة.
- سياسة الشركة هي زيادة إجمالي وحدات X ووحدات Y في المخزون إلى أقصى حد في نهاية الأسبوع.
- المطلوب: صياغة مشكلة تحديد مقدار كل منتج يتم إنتاجه في الأسبوع الحالي كبرنامج خطي. و حل هذا البرنامج الخطي بيانيا

# البرمجة الخطية Linear programming

• الحل:

•  $x$  عدد وحدات X المنتجة في الأسبوع الحالي

•  $y$  عدد وحدات Y المنتجة في الأسبوع الحالي

•  $50x + 24y \leq 40(60)$  machine A time

•  $30x + 33y \leq 35(60)$  machine B time

•  $x \geq 75 - 30$

•  $y \geq 95 - 90$

• أي أن الانتاج من كل من X و Y يجب أن يكون أكبر من أو يساوي الفرق بين حجم الطلب المتوقع وبين حجم المخزون الأولي.

# البرمجة الخطية Linear programming

The objective is: maximise •

$$(x+30-75) + (y+90-95) = (x+y-50) •$$

• أي تعظيم عدد الوحدات في المخزون في نهاية الأسبوع

• بعد ان نقوم برسم كل من المعادلات السابقة والتي تمثل قيود الحل لهذه المشكلة نقوم بتعيين منطقة الحلول باستخدام الطريقة التالية:

• نعوض النقطة (0,0) في المستقيم الذي يمثل القيد الأول:  $50x + 24y \leq 40(60)$  نجد أنها تحقق هذا القيد بالتالي منقطة الحل تقع على يسار هذا المستقيم.

## البرمجة الخطية Linear programming:

- نعوض النقطة (0,0) في المستقيم الذي يمثل القيد الثاني :  $30x + 33y \leq 35(60)$  نجد أنها تحقق هذا القيد بالتالي منطقة الحل تقع على يسار هذا المستقيم أيضاً.
- نعوض النقطة (0,0) في المستقيم الذي يمثل القيد الثالث:  $x \geq 75 - 30$  نجد أنها لا تحقق هذا القيد بالتالي منطقة الحل لا تتضمن هذه النقطة أي أنها تقع على يمين هذا المستقيم.
- نعوض النقطة (0,0) في المستقيم الذي يمثل القيد الرابع:  $y \geq 95 - 90$  نجد أنها لا تحقق هذا القيد بالتالي منطقة الحل لا تتضمن هذه النقطة أي أنها تقع أعلى هذا المستقيم.
- بعد أن حددنا منطقة الحل نقوم بتحديد نقطة الحل المثلى أي ما هو عدد الوحدات المثلى الذي يجب إنتاجه من كلا من X و Y لكل تحقق دالة الهدف وهي زيادة المخزون ما أمكن من كلا المنتجين.

# البرمجة الخطية Linear programming:

- نلاحظ ان منطقة الحل تتألف من ثلاث أركان أو زوايا، وهي :
- نقطة تقاطع القيد الثالث مع الرابع، و نقطة تقاطع القيد الأول مع الثالث، ونقطة تقاطع القيد الأول مع الرابع:
- لإيجاد إحداثيات هذه النقاط نقوم بإيجاد الحل المشترك بين معادلة القيد الثالث والرابع وهي من الواضح النقطة  
 $x=45, Y=5$
- و بين القيد الأول مع الثالث، نعوض قيمة  $X=45$  في معادلة القيد الاول فنجد أن  $Y=6,25$  أي 6 وحدات
- و بين القيد الأول مع الرابع: نعوض  $y=5$  في معادلة القيد الاول فنجد أنها  $x=45,6$  أي 46 وحدة
- نقو بتعويض النقاط الثلاثة بدالة الهدف على الشكل التالي:

## البرمجة الخطية Linear programming:

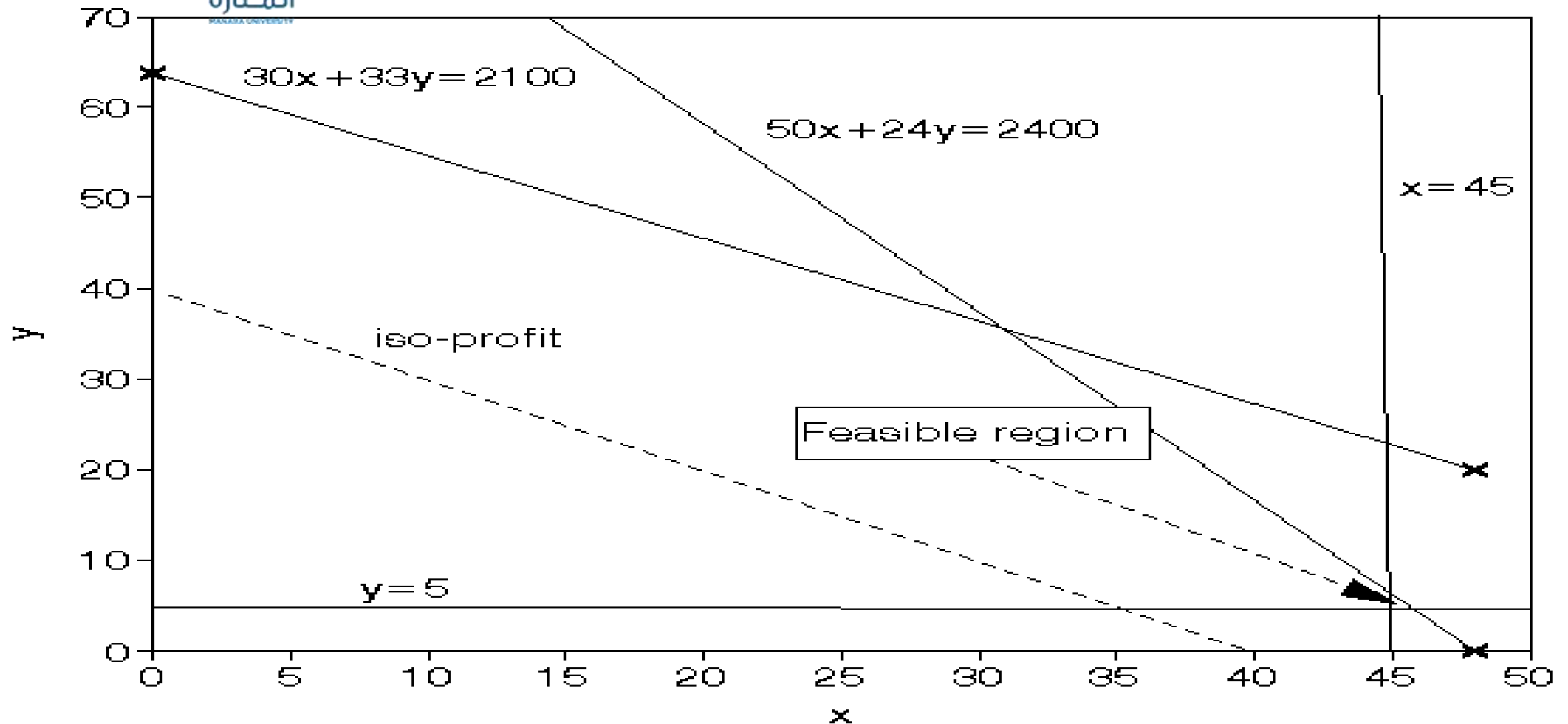
- نلاحظ ان منطقة الحل تتألف من ثلاث أركان أو زوايا، وهي :

النقطة $(x, y)$	$(x+y-50)$	
(45 , 5)	$(45 + 5 - 50)$	0
(45 , 6)	$(45 + 6 - 50)$	1
(46 , 5)	$(46 + 5 - 50)$	1

- وبالتالي الحل الأمثل هو أن تنتج الشركة 45 وحدة كم  $X$  و 6 وحدات من  $Y$  أو 46 وحدة من  $X$  و 5 وحدات من  $Y$ .



# البرمجة الخطية Linear programming



# البرمجة الخطية Linear programming

• مثال 2

• يظهر أدناه الطلب على منتجين في كل من الأسابيع الأربعة الماضية:

WEEK	1	2	3	4
Demand 1	23	27	34	40
Demand 2	11	13	15	14

• بتطبيق Exponential Smoothing مع ثابت تجانس 0.7 نولد توقعات للطلب على هذه المنتجات في الأسبوع 5

## البرمجة الخطية Linear programming:

- يتم إنتاج هذه المنتجات باستخدام جهازين  $X$  و  $Y$ . كل وحدة من المنتج الأول التي يتم إنتاجها تتطلب 15 دقيقة من المعالجة على الجهاز  $X$  و 25 دقيقة من المعالجة على الجهاز  $Y$ . كل وحدة من المنتج الثاني التي يتم إنتاجها تتطلب معالجة 7 دقائق على الجهاز  $X$  و 45 دقيقة من المعالجة على الجهاز  $Y$ . من المتوقع أن يكون الوقت المتاح على الجهاز  $X$  في الأسبوع 5 هو 20 ساعة وعلى الجهاز  $Y$  في الأسبوع 5 من المتوقع أن يكون 15 ساعة.
- تساهم كل وحدة مبيعات من المنتج الأول في الأسبوع 5 مساهمة في الربح بقيمة 10 جنيهات إسترلينية وكل وحدة مبيعات من منتجات الثاني في الأسبوع 5 تقدم مساهمة في الربح بقيمة 4 جنيهات إسترلينية:

# البرمجة الخطية Linear programming:

- قد لا يكون بالإمكان إنتاج ما يكفي لتلبية الطلب المتوقع على هذه المنتجات في الأسبوع 5 وكل وحدة من الطلب غير الملبى على المنتج الأول تكلف 3 جنيهات إسترلينية ، وكل وحدة من الطلب غير الملبى على المنتج الثاني تكلف 1 جنهماً إسترلينياً.
- المطلوب:
- قم بصياغة مشكلة تحديد مقدار كل منتج يتم إنتاجه في الأسبوع 5 كبرنامج خطي.
- حل هذا البرنامج الخطي بيانياً.
- الحل:
- لاحظ أن الجزء الأول من السؤال يتعلق بالتنبؤ:

# البرمجة الخطية Linear programming

• بالنسبة للمنتج 1 بتطبيق Exponential smoothing مع ثابت 0.7 ، نحصل على:

•  $M1 = Y1 = 23$

$$M2 = 0.7Y2 + 0.3M1 = 0.7(27) + 0.3(23) = 25.80$$

$$M3 = 0.7Y3 + 0.3M2 = 0.7(34) + 0.3(25.80) = 31.54$$

$$M4 = 0.7Y4 + 0.3M3 = 0.7(40) + 0.3(31.54) = 37.46$$

• التوقع للأسبوع الخامس هي متوسط الطلب في الأسبوع 4 =

•  $M4 = 37.46 = 37$  كونه من غير المنطقي إنتاج جزء من المنتج

# البرمجة الخطية Linear programming:

• بالنسبة للمنتج الثاني بتطبيق Exponential smoothing مع ثابت 0.7 ، نحصل على:

•  $M1 = Y1 = 11$

$$M2 = 0.7Y2 + 0.3M1 = 0.7(13) + 0.3(11) = 12.40$$

$$M3 = 0.7Y3 + 0.3M2 = 0.7(15) + 0.3(12.40) = 14.22$$

$$M4 = 0.7Y4 + 0.3M3 = 0.7(14) + 0.3(14.22) = 14.07$$

• التوقع للأسبوع الخامس هي متوسط الطلب في الأسبوع 4 =

•  $M4 = 14,07 = 14$  كونه من غير المنطقي إنتاج جزء من المنتج



جامعة  
المنارة  
MANARA UNIVERSITY

# البرمجة الخطية Linear programming:

• يمكننا الآن صياغة LP للأسبوع 5 باستخدام رقمي الطلب (37 للمنتج 1 و 14 للمنتج 2) المشتق أعلاه.

• لنفترض:

•  $X_1$  عدد وحدات المنتج الأول المنتجة

•  $x_2$  يكون عدد وحدات المنتج الثاني المنتجة

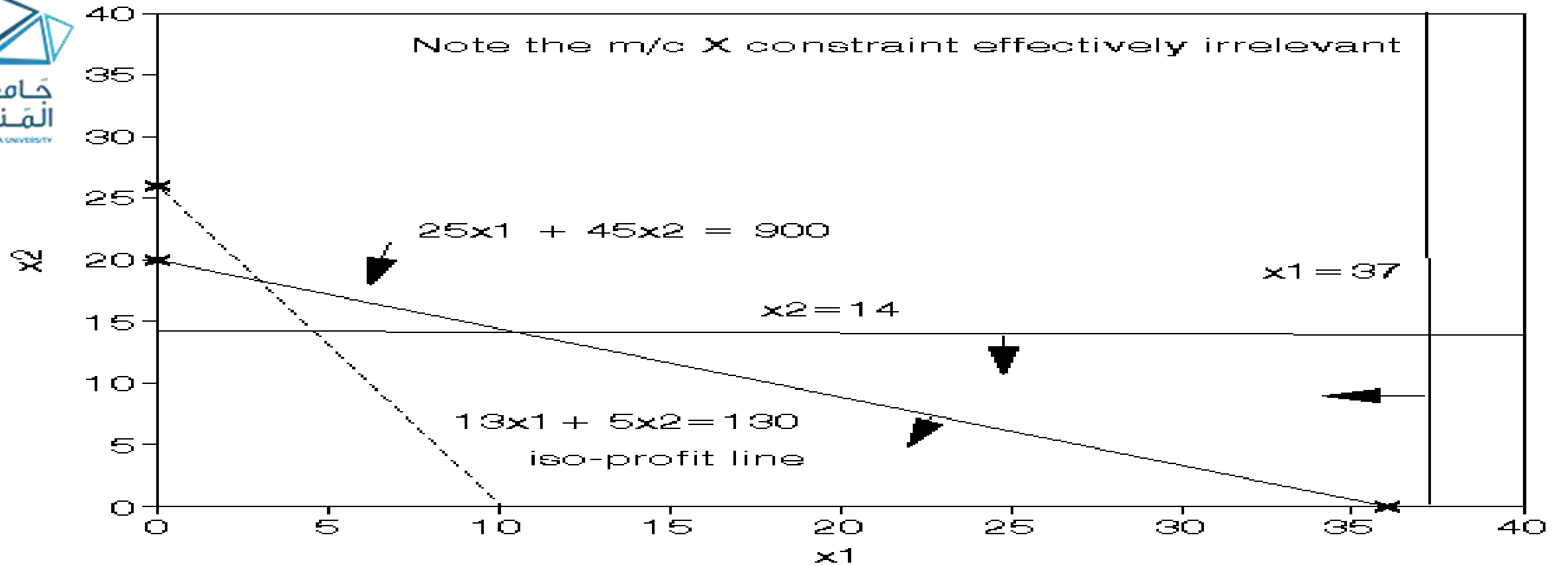
• where  $x_1, x_2 \geq 0$

# البرمجة الخطية Linear programming

• القيود هي:

- $15x_1 + 7x_2 \leq 20(60)$  machine X
- $25x_1 + 45x_2 \leq 15(60)$  machine Y
- $x_1 \leq 37$  demand for product 1
- $x_2 \leq 14$  demand for product 2
- The objective is to maximise profit,
- maximise  $10x_1 + 4x_2 - 3(37 - x_1) - 1(14 - x_2)$
- maximise  $13x_1 + 5x_2 - 125$





- يظهر الرسم البياني أدناه ، أن الحل يحدث على المحور الأفقي ( $x_2 = 0$  عند  $x_1 = 36$ ) عند هذه النقطة الحد الأقصى للربح هو

- $13(36) + 5(0) - 125 = 343£$