

جامعة المنارة الخاصة كلية الهندسة هندسة الروبوت والأنظمة الذكية

مهارات الحاسوب Computer Skills UNRC101

مدرس المقرر أ.د. مثنى علي القبيلي

العام الدراسي 2023-2022

الاثنين 02/01/2023

الفصل الدراسى الأول

https://manara.edu.sy/



عناوين المحاضرة السابعة

RSA(Rivest Shamir et Adleman) خوارزمية

- ✓ الأسس الرياضية لخوارزمية RSA
 - ✓ آلية عمل الخوارزمية
 - √ أمن الخوارزمية
 - ✓ استخداماتها الحالية

DH(Diffie-Hellman) خوارزمية ديفي هيلمان لتوزيع المفاتيح

- ✓ أهمية الخوارزمية
- ✓ آلية عمل الخوارزمية
 - ✓ أمن الخوارزمية



- ❖ هي عبارة عن خوارزمية تشفير غير متناظر، وضعت من قبل Ronald L. Rivest, Adi \$\frac{\phi}{2}\$ هي عبارة عنى عدة أسس رياضية في Shamir and Leonard M. Adleman في عام 1977, و هي تعتمد على عدة أسس رياضية في نظرية الأعداد.
 - 💠 هي عبارة عن نظام تعمية كتلي
- ❖ دخله وخرجه عبارة عن أرقام صحيحة تتراوح قيمتها بين 0 − (n-1) من أجل قيمة لـ n ،
 الحجم النموذجي لـ n هي 1024 خانة ثنائية
- ❖ تعتمد هذه الخوارزمية على صعوبة تحليل الأعداد الكبيرة إلى عواملها الأولية. هذه الأرقام الكبيرة هي عبارة عن ناتج من ضرب عددين أوليين كبيرين.

https://manara.edu.sy/

أسس رياضية لخوارزمية RSA



الأعداد الأولية فيما بينها:

- ✓ نقول عن عددين أنهما عددين أوليين فيما بينهما إذا كان القاسم المشترك الأكبر لهما
 هو الواحد
- مثال: العددين 21,10 هما عددين أوليين فيما بينهما لأن 10 يقبل القسمة على 1,2,5,10 و العدد 21 يقبل القسمة على 1,3,7,21 أي لا يوجد بينها معامل مشترك سوى الواحد.
 - $:\phi(n)$ التابع
 - √ يعرف اعلى أنه عدد الأعداد الأقل من n و التي تكون أولية مع (n)

مثال: $2=(6)\phi$. لأن الأعداد الأقل من 6 هي 1,2,3,4,5 لكن نلاحظ أن 1,5 هما فقط العددين الأوليين مع العدد 6 بينما 2,4 يشتركان مع العدد 6 بالمعامل 2 و العدد 3 يشترك مع 6 بالمعامل 3

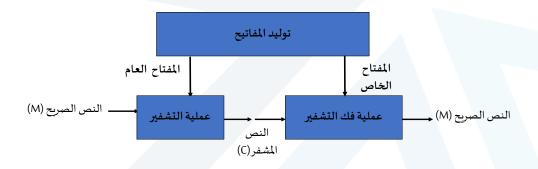
 $\phi(7)=6$ من أجل أي عدد أولى n يكون: $\phi(n)=n-1$ مثال: $\phi(n)=0$

https://manara.edu.sy/

4



المخطط الصندوقي لخوارزمية RSA



https://manara.edu.sy/

5



(المفتاح العام والمفتاح الخاص)

 $p \neq q$ و بحیث (q,p) و بحیث اولیین کبیرین (1. نختار عددین أولیین کبیرین

 $n = p \times q$: نحسب: 2

 $\phi(n) = (p-1) \times (q-1)$: نحسب: 3

4. نختار عدد صحيح (e) بحيث يكون:

 $gcd(\phi(n), e) = 1; 1 < e < \phi(n)$

 $d \equiv e^{-1} \mod \phi(n) \rightarrow d \times e \equiv 1 \mod \phi(n)$: (d) نحسب 5

 $K_{pri} = \{d,n\}$: فيكون المفتاح الخاص

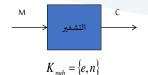
https://manara.edu.sy/

6

فيكون المفتاح العام:

 $K_{pub} = \{e, n\}$

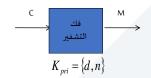




النص الصريح: M<n

 $C = M^e \mod(n)$ النص المشفر:

عملية فك التشفير (Decryption) يستخدم المفتاح الخاص للمستقبل



النص المشفر: С

 $M = C^d \mod(n)$ النص الصريح:

https://manara.edu.sy/

أمن الخوارزمية RSA (1/2)



* توجد عدة هجومات نذكر منها:

ightharpoonup الهجوم الأعمى (Brute force):

يتضمن تجربب جميع المفاتيح المكنة، الحل يكون باستخدام مفاتيح طويلة أي قيم e,d

الهجوم الرباضي (Mathematical Attack):

عادة يتبع الهجوم الرياضي ما يلي: (المفتاح العام معروف من قبل المهاجم)

- n=p*q بحيث (p,q)بحيث (p,q)بحيث 1.
 - $\phi(n) = (p-1) \times (q-1)$ والر أولر .2
 - 3. إيجاد المفتاح الخاص بمعرفة d

 $d \equiv e^{-1} \bmod \phi(n)$

يمكن مقاومة هذا الهجوم عن طريق تكبير قيمة n كثيراً ليصعب تحليلها إلى العوامل الأولية



اختار رقمين أوليين كبيرين p,q عشوائيين و مختلفين عن بعضهما . لدينا هنا مثال عن أعداد أولية ولدت باستخدام اختبار Rabin-Miller primality tests

p

12131072439211271897323671531612440428472427633701410925634549312301 96437304208561932419736532241686654101705736136521417171171379797429 9334871062829803541

q

 $12027524255478748885956220793734512128733387803682075433653899983955\\179850988797899869146900809131611153346817050832096022160146366346391\\812470987105415233$

https://manara.edu.sy/

9

10



n باستخدام هذین الرقمین نحسب (n و n

n

 $1459067680075833232301869393490706352924018723753571643995818710198734387990053589\\ 3836957140267014980212181808629246742282815702292207674690654340122488967247240792\\ 6969987100581290103199317858753663710862357656510507883714297115637342788911463535\\ 102712032765166518411726859837988672111837205085526346618740053$

$\phi(n)$

 $1459067680075833232301869393490706352924018723753571643995818710198734387990053589\\ 3836957140267014980212181808629246742282815702292207674690654340122488964831381123\\ 2279966317301397777852365301547848273478871297222058587457152891606459269718119268\\ 971163555070802643999529549644116811947516513938184296683521280$



أمن الخوارزمية RSA (2/2)

تاريخ الكسر	العدد التقريبي للبتات الثنائية
1991	332
1992	365
1993	398
1994	428
1999	465
1999	512
2005	664

أمثلة عن كسر الخوارزمية بالهجوم الرباضي:

🗸 يعد المفتاح ذو الطول الذي يتراوح [4096-2048] بت آمن .

https://manara.edu.sy/



الاستخدامات الحالية لخوارزمية RSA

- 🏕 تستخدم في WEB Browsersعند
- 💠 تستخدم في عدة منتجات برمجية تجاربة وفي أنظمة التشغيل مثل Microsoft, Apple, sun, Novell
- 💠 تستخدم أيضاً في العتاد الصلب كالهواتف الآمنة وبطاقات شبكات الايثرنت, وعلى البطاقات الذكية.
 - 🍫 كما تستخدم في أغلب بروتوكولات الاتصالات الآمنة عبر الإنترنت مثل S/MIME وSSL,



أهمية خوارزمية ديفي هيلمان(DH(Diffie-Hellman

تبادل المفتاح السرى (المتناظر) بين طرفين (أليس وبوب) يكون باتباع الخطوات الآتية:

- 1. يولد بوب المفتاح المتناظر Ks
- 2. يشفر بوب المفتاح المتناظر Ks باستخدام المفتاح العام لأليس
- 3. تفك أليس التشفير باستخدام المفتاح الخاص لها، و تحصل على المفتاح المتناظر Ks
- 4. يشفر كل من بوب وأليس المعلومات باستخدام المفتاح المتناظر وأية خوارزمية تشفير متناظر (...DES,3DES)

المشكلة هنا: ماذا لو أن أحد الطرفين لا يملك مفتاحاً عاماً

الحل: استخدام خوارزمية ديفي هيلمان لتبادل المفاتيح لأنها تسمح بتوليد مفتاح سري بين طرفين دون وجود مسبق لمفتاح عام

https://manara.edu.sy/



الفكرة العامة لخوارزمية ديفي هيلمان

تعتمد على أن الطرفين يتبادلان معلومات، هذه المعلومات تسمح بتوليد مفتاح متناظر بشكل آمن، يستخدم لتشفير المعلومات المتبادل بينهما



https://manara.edu.sy/



آلية عمل خوارزمية ديفي هيلمان لتبادل المفاتيح (1/3)

1. يتفق الطرفان (أليس وبوب) على معلومات عامة معروفة لكليهما (Common Global Information) هي:

حيث P > g g: مولد وهو جذر أولى P L P: عدد أولى كبير (1024 bits على الأقل)

2. يختار بوب عدداً عشو ائياً XBE[1,P-1]: يختار بوب عدداً عشو ائياً

 $YB=g^{XB} mod \ P$ يولد بوب باستخدام قيمة XB قيمة عامة YB وفق العلاقة : $YB=g^{XB} mod \ P$.3

4. يرسل بوب القيمة العامة YB إلى أليس

5. تختار أليس عدداً عشوائياً XA(خاص) بحيث: [1,P-1]

 $YA = g^{XA} mod P$

6. تولد أليس باستخدام قيمة XA قيمة عامة YA وفق العلاقة:

7. ترسل أليس القيمة العامة YA إلى بوب

https://manara.edu.sy/



آلية عمل خوارزمية ديفي هيلمان لتبادل المفاتيح (2/3)

 $K = YA^{XB} mod P$

8. يولد بوب المفتاح السرى (المتناظر) وفق العلاقة:

 $K = YB^{XA} mod P$

9. تولد أليس المفتاح السري (المتناظر) وفق العلاقة:

https://manara.edu.sy/



آلية عمل خوارزمية ديفي هيلمان لتبادل المفاتيح (3/3) ليس

يختار عدداً عشو ائياً XB

18

الاتفاق على قيم gوP

تختار عدداً عشو ائياً XA

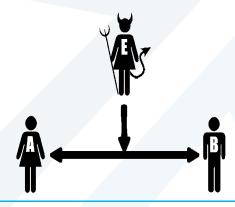


https://manara.edu.sy/



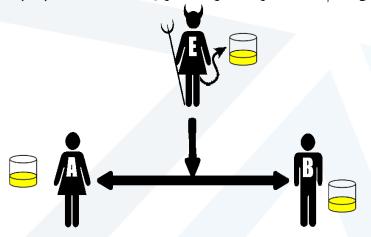
أمن خوارزمية ديفي هيلمان لتبادل المفاتيح

بفرض أن المهاجم ينصت لعمليات التبادل التي تجري بين أليس و بوب





سيتفق كلاهما على القيم العامة المعروفة (اللون الأصفر)و كذلك سيحصل عليها المهاجم

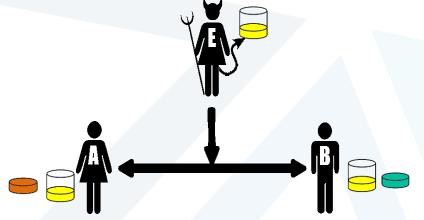


https://manara.edu.sy/

19

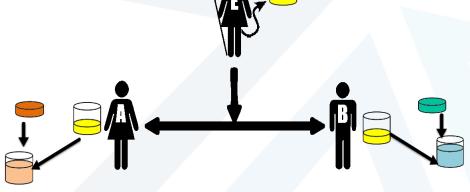


يختار كل من الطرفين قيمة سرية (اللون الأخضر لبوب، اللون البرتقالي لأليس)، لا يمكن للمهاجم معرفة أي





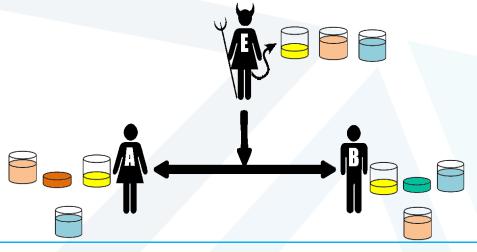
يولد كل من الطرفين قيمة علنية (أخضر +أصفر =تركواز لبوب، برتقالي +أصفر =أصفر طيني الأليس)

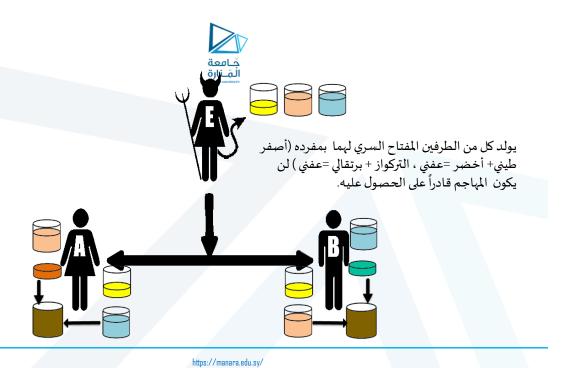


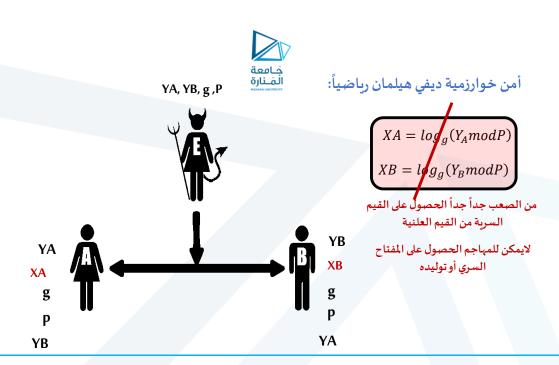
https://manara.edu.sy/



يرسل كل من الطرفين القيمة العلنية للآخر (تركواز ،أصفر طيني) فيحصل عليها المهاجم







https://manara.edu.sy/



Thanks