



الدارات الكهربائية المحاضرة الخامسة

أ.د. فادي غصنه

العناصر الكهربائية الفعالة

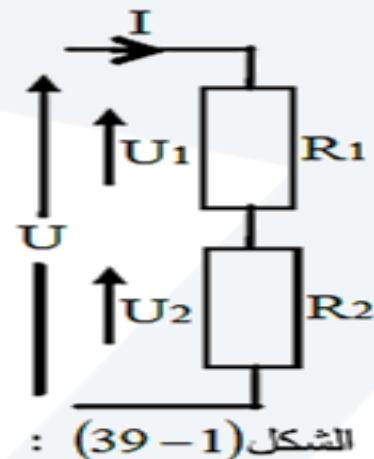
1-6-4 مجزئ التوتر (الجهد)

عند تصميم الدوائر الكهربائية المختلفة وتنفيذها، تظهر أحياناً الحاجة إلى استخدام جهد كهربائي، يكفي جزءاً فقط، من جهد مصدر الجهد الكهربائي الكلي المغذي للدارة، ولتحقيق هذا المطلب، تستغل خاصية تقسيم الجهد على المقاومات الموصلة على التسلسل (التوازي)، ويطلق على التوصيل الكهربائي، في هذه الحالة "جزئ الجهد".

العناصر الكهربائية الفعالة

يتألف مجزئي الجهد من n مقاومة مربوطة على التسلسل، ولكن سوف ندرس مجزئي جهد مؤلف من مقاومتين على التسلسل كما هو مبين في الشكل (1-39)، حيث يتجزأ الجهد الكلي U إلى جهدين U_1, U_2 هابطين على المقاومتين R_1, R_2 على التوالي.

العناصر الكهربائية الفعالة



بما أن التيار المار في المقاومتين المربوطةين على التسلسل هو نفسه :

$$I_1 = I_2 \Rightarrow \frac{U_1}{R_1} = \frac{U_2}{R_2}$$

بالتقاسب يمكن أن نكتب ما يلي :

$$\frac{U_1}{U_2} = \frac{R_1}{R_2} \quad (37 - 1)$$

العناصر الكهربائية الفعالة

في حال الربط التسلسلي يمكن كتابة ما يلي :

$$U = U_1 + U_2, \quad R_{eq} = R_1 + R_2$$

بجمع المقام إلى البسط في العلاقة التالية (37 - 1) نحصل على :

$$\frac{U_1}{U_2} = \frac{R_1}{R_2} \Rightarrow \frac{U_1 + U_2}{U_2} = \frac{R_1 + R_2}{R_2}$$

$$\frac{U}{U_2} = \frac{R_{eq}}{R_2} \Rightarrow U_2 = U \cdot \frac{R_2}{R_1 + R_2}$$

وبنفس الطريقة نحصل على العلاقة التي تمكنا من حساب التوتر U_1 من خلال العلاقة

التالية :

العناصر الكهربائية الفعالة

$$U_1 = U \cdot \frac{R_1}{R_1 + R_2} \quad (38-1)$$

من خلال مما سبق، نلاحظ أن التوتر U_1 يتعلّق بالمقاومة R_1 و التوتر U_2 يتعلّق بالمقاومة R_2 .

التوتر الجزئي يساوي جداء التوتر الكلّي بالمقاومة المراد حساب هبوط التوتر عليها مقسومة على مجموع المقاومتين المرتبطتين على التسلسل كما هو موضح بالعلاقات الرياضية السابقة.

العناصر الكهربائية الفعالة

مثال 1

احسب التوتر U_1 والتوتر U_2 الهازيين على المقاومتين $R_1 = 40K\Omega$ و ذلك في حال التوتر الكلي المطبق هو $U = 220V$ $R_2 = 80K\Omega$

بتطبيق قانون مجزئ التوتر نحصل مباشرة على قيم التوترات الجزئية وفق ما يلي:

$$U_1 = U \cdot \frac{R_1}{R_1 + R_2} = 220 \times \frac{40 \times 10^3}{40 \times 10^3 + 80 \times 10^3} = 73.33V$$

$$U_2 = U \cdot \frac{R_2}{R_1 + R_2} = 220 \times \frac{80 \times 10^3}{40 \times 10^3 + 80 \times 10^3} = 146.67V$$

العناصر الكهربائية الفعالة

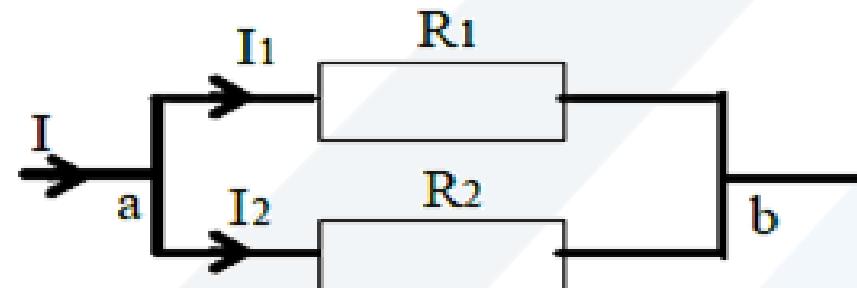
١-٦-٥ مجزئ التيار

عند تصميم الدارات الكهربائية المختلفة وتنفيذها، تظهر أحياناً الحاجة إلى التحكم في قيمة التيار المار بمكون معين، ليكون جزءاً من التيار الكلي، المار بالدارة، ولتحقيق ذلك، تستخدم خاصية تقسيم التيار الكهربائي، بين المكونات الموصولة على التفرع (التوازي)، ويطلق على هذا التوصيل الكهربائي، في هذه الحالة، "جزئ التيار".

يتالف مجزئ التيار في الحالة العامة من n فرع مربوط على التفرع، لكن في دراسة هذه سوف ندرس مجزئ التيار المؤلف من فرعين مربوطين على التفرع.

العناصر الكهربائية الفعالة

الهدف من مجزئ التيار هو معرفة قيمة التيار المار في أحد فرعي الدارة الكهربائية بعد معرفة قيمة التيار الكهربائي الكلي وفق الدارة الموضحة بالشكل التالي (40-1).



الشكل (40-1)

بتطبيق قانون كيرشوف الأول في العقدة (a) نحصل على العلاقة التالية :

$$I = I_1 + I_2$$

العناصر الكهربائية الفعالة

ومن خلال التعويض بقانون أوم تصبح العلاقة السابقة على الشكل التالي :

$$I = \frac{U}{R_1} + \frac{U}{R_2} = U \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \right)$$

من جهة أخرى فإن التوتر U يعطى بالعلاقة التالية :

$$U = I \cdot \frac{R_1 \cdot R_2}{R_1 + R_2} \quad (39-1)$$

بتعويض العلاقة $I = \frac{U}{R_1}$ في العلاقة السابقة نحصل على ما يلي:

$$I_1 = I \cdot \frac{R_2}{R_1 + R_2} \quad (40-1)$$

العناصر الكهربائية الفعالة

بتعریض العلاقة $I_2 = \frac{U}{R_2}$ في العلاقة السابقة نحصل على ما يلي:

$$I_2 = I \cdot \frac{R_1}{R_1 + R_2} \quad (41-1)$$

من ذلك نستخلص أن قيمة التيار المار في إحدى فرعي الدارة تساوي قيمة التيار الكلي مضروبة بقيمة المقاومة في الفرع الآخر مقسومة على مجموع مقاومتي الفرعين كما هو موضح بالعلاقات السابقة.

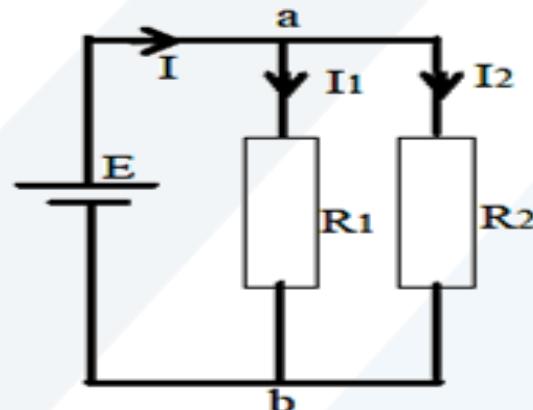
العناصر الكهربائية الفعالة

مثال 1 - 16

احسب قيم كل من التيارات الفرعية و التيار الكلي للدارة التالية.

علماً أن : $E = 24V$ ، $R_1 = 20\Omega$ ، $R_2 = 30\Omega$

الحل :



الشكل (41 - 1)

العناصر الكهربائية الفعالة

يتم حساب التيار الكلي من خلال قانون أوم :

$$I = \frac{E}{R_{eq}} = \frac{E}{\frac{R_1 \cdot R_2}{R_1 + R_2}} = \frac{24}{\frac{20 \times 30}{20 + 30}} = 2A$$

لحساب التيارات الفرعية، نطبق قانون مجزئ التيار فنحصل على:

$$I_1 = I \cdot \frac{R_2}{R_1 + R_2} = 2 \times \frac{30}{20 + 30} = 1.2A$$

$$I_2 = I \cdot \frac{R_1}{R_1 + R_2} = 2 \times \frac{20}{20 + 30} = 0.8A$$

العناصر الكهربائية الفعالة

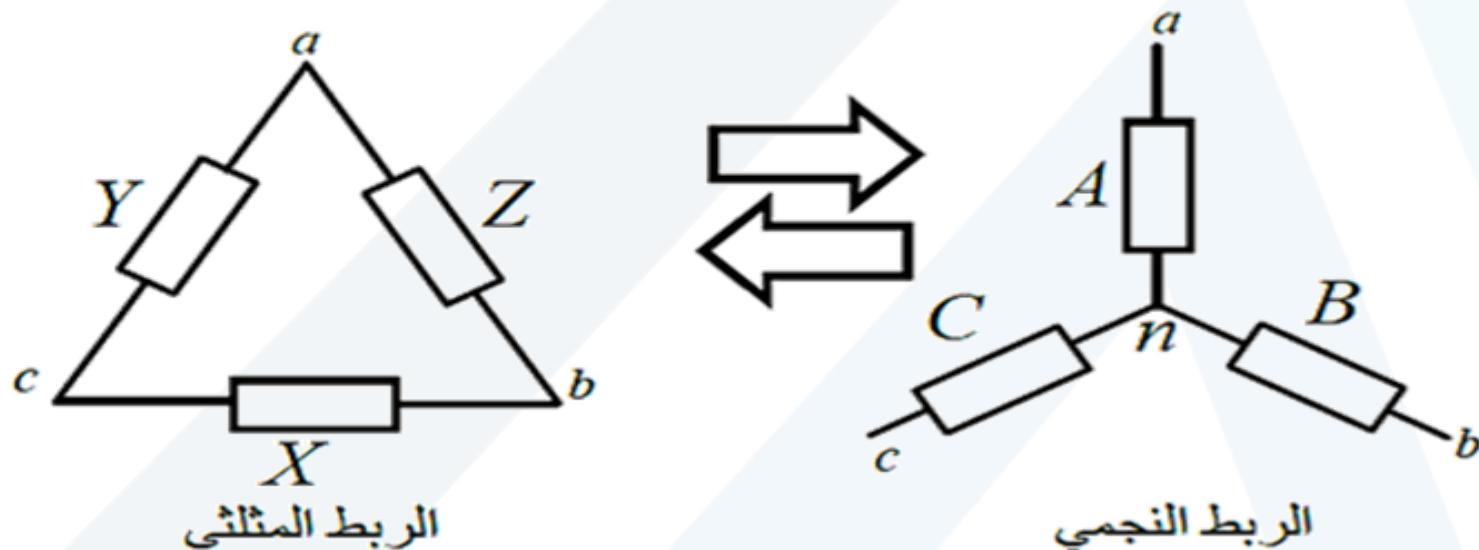
1-7 التحويل من الربط النجمي للمقاومات إلى الربط المثلثي و بالعكس

في بعض الحالات يتم وصل المقاومات مع بعضها البعض بحيث تشكل دارات معدنة، عندئذ لا يمكن استخدام قوانين الربط التفرعي والتسلسلي من أجل اختصار الدارة الكهربائية وتبسيطها. وبالتالي لابد من تحويل هذه الدارات إلى شكل أبسط يسمح بحلها. من أجل ذلك لابد من معرفة قوانين التحويل ما بين الربط النجمي إلى الربط المثلثي و بالعكس.

العناصر الكهربائية الفعالة

١-٧-١ التحويل من الربط المثلثي إلى الربط النجمي

المقاومات X, Y, Z مربوطة على شكل مثلثي و يراد تحويل هذا الربط للمقاومات إلى الربط النجمي المبين من خلال المقاومات A, B, C .



الشكل (42 - 1)

العناصر الكهربائية الفعالة

من خلال الشكل (42-1) يمكن أن نكتب العلاقات التالية:

$$A + B = \frac{Z(X+Y)}{Z + X + Y} \quad (42-1)$$

$$B + C = \frac{X(Z+Y)}{Z + X + Y} \quad (43-1)$$

$$A + C = \frac{Y(X+Z)}{Z + X + Y} \quad (44-1)$$

العناصر الكربائية الفعالة

بطرح العلاقة $(42 - 1)$ من العلاقة $(43 - 1)$ نحصل على :

$$C - A = \frac{YX - YZ}{Z + X + Y} \quad (45 - 1)$$

بجمع العلاقة $(45 - 1)$ مع العلاقة $(43 - 1)$ نحصل على:

$$2 C = \frac{2 YX}{Z + X + Y} \quad (46 - 1)$$

العناصر الكهربائية الفعالة

بالتالي نحصل على العلاقات التي تسمح بتحويل الربط المثلثي للمقاومات الكهربائية إلى

الربط النجمي :

$$A = \frac{YZ}{Z + X + Y} \quad (47-1)$$

$$B = \frac{ZX}{Z + X + Y} \quad (48-1)$$

$$C = \frac{YX}{Z + X + Y} \quad (49-1)$$

يمكن التعبير عن العلاقات السابقة بالشكل التالي : قيمة كل مقاومة من مقاومات التوصيل النجمي تساوي جداء المقاومتين المجاورتين من التوصيل المثلثي مقصومة على مجموع مقاومات هذا التوصيل.

العناصر الكهربائية الفعالة

١-٧-٢ التحويل من الربط النجمي إلى الربط المثلثي

المقاومات A, B, C مربوطة على شكل نجمي و يراد تحويل هذا الربط للمقاومات إلى الربط المثلثي المبين من خلال المقاومات X, Y, Z

من الفقرة السابقة يمكن أن نكتب ما يلي:

$$C = \frac{YX}{Z + X + Y} \quad (50-1)$$

$$B = \frac{ZX}{Z + X + Y} \quad (51-1)$$

العناصر الكربائية الفعالة

$$A = \frac{YZ}{Z + X + Y} \quad (52-1)$$

بتقسيم العلاقة $(51-1)$ على العلاقة $(50-1)$ نحصل على:

$$Z = \frac{B}{C} Y \quad (53-1)$$

بتقسيم العلاقة $(52-1)$ على العلاقة $(51-1)$ نحصل على:

$$X = \frac{B}{A} Y \quad (54-1)$$

العناصر الكهربائية الفعالة

بتعويض كل من Z و X من المعادلتين (53-1) و (54-1) نحصل على ما يلي :

$$X = B + C + \frac{BC}{A} \quad (55-1)$$

$$Z = A + B + \frac{AB}{C} \quad (56-1)$$

$$Y = A + C + \frac{C.A}{B} \quad (57-1)$$

يمكن التعبير عن العلاقات السابقة بالشكل التالي : قيمة كل مقاومة من المقاومات في الوصل المثلثي تساوي مجموع جداء مقاومات الوصل النجمي مثني مقسمة على المقاومة المقابلة لالمقاومة المراد حسابها في الوصل المثلثي.

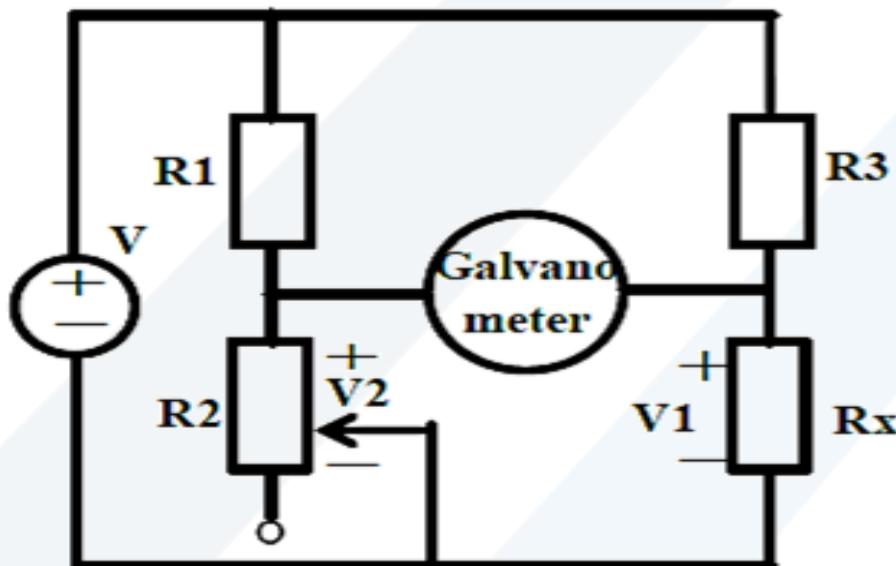
العناصر الكهربائية الفعالة

١- قياس المقاومة

بالرغم من إمكانية قياس المقاومة بواسطة جهاز الأومميتر Ohmmeter و التي تعتبر طريقة بسيطة وسهلة. و القياس يمكن أكثر دقة و ذلك باستخدام جسر القياس واطسون Wheatstone bridge. يستخدم جهاز الأومميتر لقياس المقاومات من قيم صغيرة وحتى القيم الكبيرة، بينما جسر واطسون يستخدم لقياس المقاومات ذات القيم الصغيرة والمتوسطة ما بين المجال $[1\Omega - 1M\Omega]$ ، بينما القيم العالية جداً يستخدم جهاز يسمى Megger tester.

العناصر الكهربائية الفعالة

دارة جسر واطسون (جسر المقاومة) استخدمت في الكثير من التطبيقات، حيث تستخدم لقياس المقاومة المجهولة. حيث المقاومة المجهولة ترتبط إلى الجسر كما هو مبين في الشكل . (43 – 1)



الشكل (43 – 1)

العناصر الكهربائية الفعالة

يتم التغيير في المقاومة المتغيرة Variable resistance حتى تصبح قيمة التيار في مقياس غلفاني Galvanometer معروفة. من أجل تحقيق الشرط $V_1 = V_2$ عند الجسر يتوازن.

في حالة التوازن ونتيجةً لعدم مرور التيار في مقياس الغلفاني، فإن المقاومة R_1 تتصرف وكأنها مربوطة على التسلسل مع المقاومة R_2 . كذلك المقاومتين R_3 و R_X .

العناصر الكهربائية الفعالة

بما أن التيار المار عبر مقايس الغلفاني معدوم و تحقق الشرط $V_1 = V_2$ ، نطبق مجزي التوتر ، فنحصل على ما يلي :

$$V_2 = V \cdot \frac{R_X}{R_3 + R_X} , V_1 = V \cdot \frac{R_2}{R_1 + R_2}$$

بما أن $V_1 = V_2$ فنحصل على ما يلي :

$$\frac{R_2}{R_1 + R_2} = \frac{R_X}{R_3 + R_X} \Rightarrow R_3 \cdot R_2 = R_1 \cdot R_X$$

العناصر الكهربائية الفعالة

$$R_X = R_2 \frac{R_3}{R_1} \quad (58-1)$$

في حال $R_1 = R_3$ و تم ضبط المقاومة R_2 حتى تصبح قيمة التيار المار في المقاييس معدومة، فإن المقاومة $R_X = R_2$.

العناصر الكهربائية الفعالة

مثال 17

من أجل المقاومة $R_1 = 500\Omega$ والمقاومة $R_3 = 200\Omega$ ، تتم موازنة الجسر من أجل ضبط المقاومة عند القيمة $R_2 = 125\Omega$. حدد قيمة المقاومة المجهولة R_x .

الحل

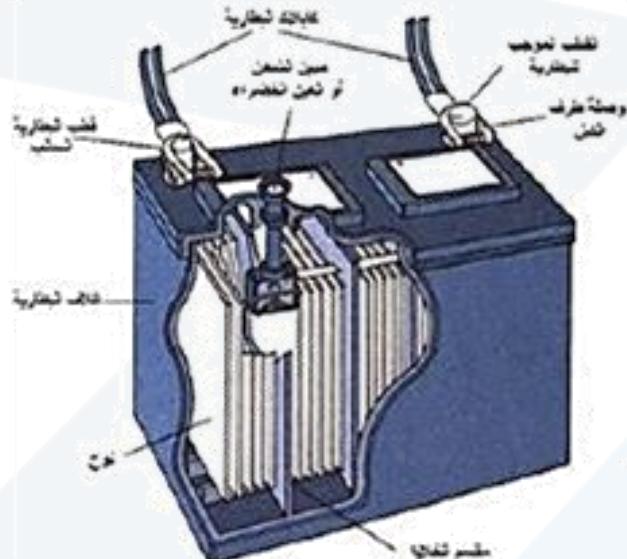
$$R_x = R_2 \frac{R_3}{R_1} = 125 \times \frac{200}{500} = 50\Omega$$

المدخرات (البطاريات)

١-٩ المدخرات (البطاريات)

المدخرة (البطارية) هي منبع جهد ثُولَدْ تيار كهربائي مستمر DC. لها استخدامات عديدة، فمنها ما يستخدم في إقلاع المحركات و في التهوية الذائي للمولدات ، ومنها ما يستخدم في إضاءة السيارات والقاطرات و تغذية بعض الأحمال المتقللة و البسيطة و منها ما يستخدم في تجهيزات عدم انقطاع التغذية الكهربائية (Unit Power System UPS).

المدخرات (البطاريات)



الشكل (44-1) : مقطع عام للمدخرة

تقوم المدخرات على تحويل الطاقة الكهربائية إلى طاقة كيميائية عند عملية شحن المدخرة، ثم إعادة الطاقة الكيميائية إلى كهربائية أثناء تفريغها.

المدخرات (البطاريات)

١-٩-١ الصفات العامة للمدخرات :

من الصفات الأساسية للمدخرات و التي تعتبر من الضروري معرفتها عند دراسة المذكرة وهي :

الجهد أو فرق الكمون للعنصر الواحد. ومن أجل الحصول على الجهد المطلوب لتغذية الحمل، يلجأ إلى تجميع عدة عناصر على التسلسل داخلياً ضمن المذكرة أو ربط عدة مدخرات.

المدخرات (البطاريات)

- السعة الكهربائية : و يعبر عنها بالأمبير ساعة ($A.h$)
- الطاقة المخزنة و تفاس (Wh) .
- التيار الأعظمي و يقاس بالأمبير (A)
- الممانعة الداخلية و تفاس بالأوم (Ω). عادة يتم التعبير عن هذه الممانعة بمقاومة صرفة.
- الكثافة الكتيلية وهي مميزة مهمة للمدخرة وتوافق كمية الكهرباء ($A.h / Kg$) أو الطاقة (Wh / Kg) التي يمكن استردادها بالنسبة إلى وزنها.
- الكثافة الحجمية و يعبر عنها بكمية الكهرباء ($A.h / m^3$) أو الطاقة (Wh / m^3) التي يمكن استعادتها بالنسبة لحجمها.
- التقادم وذلك بسبب أن المدخرات تفقد سعتها مع الزمن
- التلف أو الاستهلاك (عدة ألاف من دورات الشحن و التفريغ).

المدخرات (البطاريات)

من النصائح العامة عند استعمال البطاريات بكافة أنواعها :

- تجنب وضع البطارية دائمًا على الشحن حتى وإن اكتملت شحنها، إن الخلايا في البطارية تخزن الطاقة الكهربائية وعندما لا تفصل من الشحن، تستمر الخلايا في التخزين مما يؤدي إلى انفاس البطارية ثم تلفها.
- من الأفضل لشحن البطارية أن تفرغ البطارية ويبقى فيها القليل من الشحن ثم إعادة شحنها من جديد.
- عدم تعرض البطارية إلى مصدر حراري حيث يؤدي ذلك إلى انفاس البطارية ثم تلفها أو ملامسة القطب السالب للقطب الموجب.

المدخرات (البطاريات)

- لا تجفف بطارية مبللة أو رطبة باستخدام جهاز أو مصدر حرارة، مثل مجفف شعر أو فرن الميكروويف.
- تأكد دائمًا من إغلاق حجرة البطارية وأي غطاء من أغطية منافذ التوصيل وتأمينها لتجنب التعرض المباشر للبطارية لأي من حالات التلف.
- تخلص من البطاريات المستعملة فورًا بشكل يتوافق مع القوانين المحلية الوطنية لإعادة التصنيع

تحذير: لا تخلص من البطاريات بالقائها في النار حيث قد يؤدي ذلك إلى انفجارها.