

أولاً- دراسة الأظفار القصيرة والأكتاف

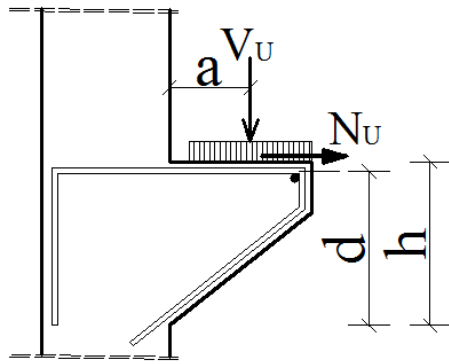
1- مقدمة - تعاريف

يوضح الشكل التالي مثالاً لحالة هذه العناصر الظفرية، إذ يبين جزء من إطار متكرر (الظفر والعمود) في منشأة صناعية أو مخبر يحمل جوائز الرافعة المتحركة التي تستند بدورها على أظفار من البيتون المسلح متصلة جيداً بأعمدة الإطارات.

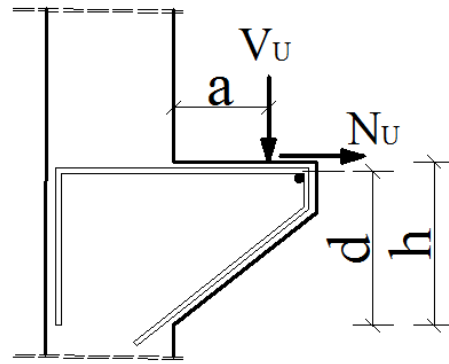
يعرف الظفر القصير أو الكتف بأنه عنصر إنشائي يبرز أفقياً من عمود أو جدار من البيتون المسلح، ويتعرض هذا العنصر الأفقي إلى حمولة مركزة شاقولية (رد فعل الجائر) وإلى قوة أفقية.

نقول بأن العنصر الأفقي الظفري هو ظفر قصير أو كتف عندما تكون النسبة بين مجازه الحسابي وارتفاعه الفعال

$$\text{أصغر من الواحد } \left(\frac{a}{d} \leq 1 \right).$$



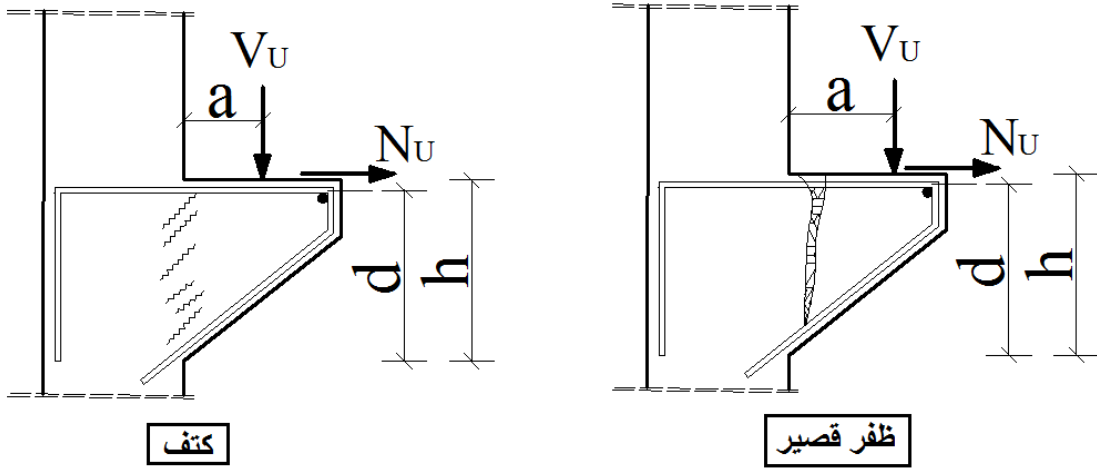
حالة حمولة موزعة



حالة حمولة مركزة

يمكننا تعريف نوعين رئيسيين لمثل هذه الأظفار وذلك وفقاً لنمط الانهيار (الأشكال المرفقة):

- **ظفر قصير:** يكون الانهيار بالانعطاف بوصول الإجهادات في فولاذ التسليح إلى حد الخضوع.
 - **كتف:** الكتف هو ظفر قصير ولكنه ينهار بالقص في الوجه المشترك بينه وبين العمود (قص مباشر احتكاكي).
- من جهة أخرى يمكن أن يحصل الانهيار لهذه العناصر بآليات أخرى مثل انكسار أو انفصال الجزع المضغوط المتشكل ضمنه، أو بالانهيار الموضعي أو القص تحت صفيحة التحميل.



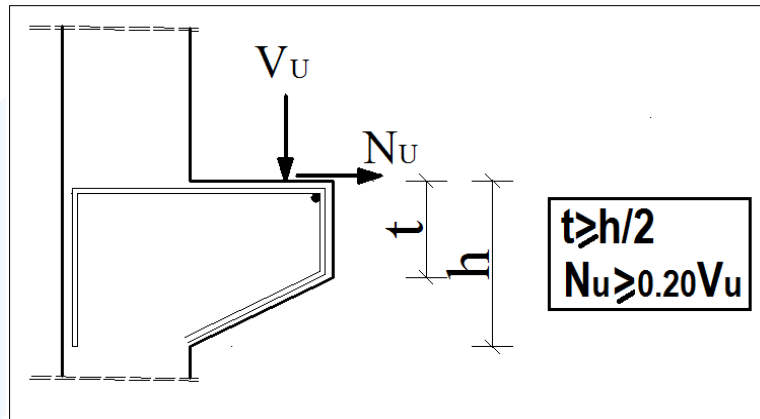
2- اشتراطات الكود للأبعاد والأحمال

➤ لا يقل ارتفاع الظفر القصير أو الكتف (t) عند الطرف عن نصف ارتفاعه الكلي (h):

$$\left(t \geq \frac{h}{2} \right)$$

➤ يجب التصميم على قوة أفقية (N_u) لا تقل عن 20% من القوة الشاقولية (V_u):

$$(N_u \geq 0.20V_u)$$



3- مكونات تسليح الأظفار القصيرة والأكتاف

يبين الشكل التالي التسليح الخاص بهذه العناصر، وهو مكون من ما يلي:

✓ التسليح الرئيس: (A_s)

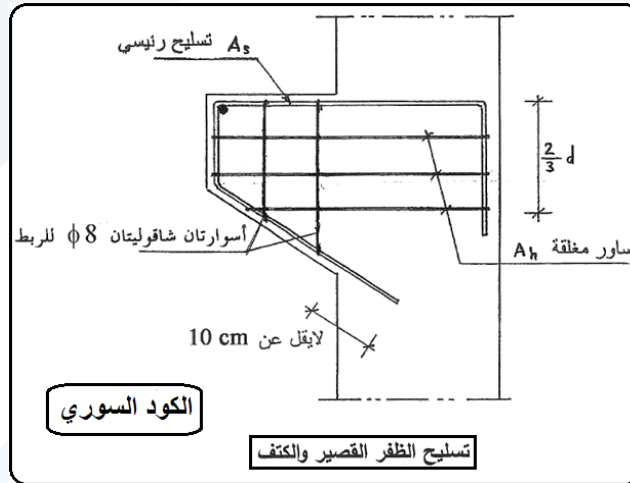
هذا التسليح يقاوم الشد الناجم عن الانعطاف لحالة الظفر القصير، وفي حالة الكتف يشارك التسليح الثانوي الأفقي (A_h) لمقاومة القص المباشر الاحتكاكي.

✓ التسليح الثانوي (أساور أفقية مغلقة): (A_h)

يحسب هذا التسليح لمقاومة القص المباشر الاحتكاكي، ويوزع على مسافة $\left(\frac{2}{3}d\right)$ ابتداءً من التسليح

الرئيس (A_s).

✓ التسليح الإنشائي: أساور شاقولية للربط لا تقل عن أساورتين بقطر لا يقل عن 8 ملم.



4- حساب وتصميم الأظفار القصيرة والأكتاف (أنواع التسليح)

➤ تحقيق إجهادات القص:

$$\tau_u = \frac{V_u}{\Omega \cdot b \cdot d} \leq \bar{\tau}_u \text{ (MPa)}$$

$$\Omega = 0.75$$

$$\bar{\tau}_u = \min \begin{cases} 5.5 \text{ MPa} \\ 0.2 f'_c \end{cases}$$

➤ تسليح القص الاحتكاكي (حالة الأكتاف) (A_{vf}):

$$A_{vf} = \frac{V_u}{\Omega \cdot f_y \cdot \rho}$$

$$\Omega = 0.75$$

$\rho = 1.4$ عامل الاحتكاك عندما يكون الكنتف والعمود مصبوبين مع بعض (استمرارياً)

$\rho = 1$ عامل الاحتكاك لحالة سطح متصلب خشن

$\rho = 0.6$ عامل الاحتكاك لحالة سطح متصلب ناعم

➤ تسليح الانعطاف (A_f):

$$A_f = \frac{V_u \cdot a + N_u (h - d)}{\Omega \cdot f_y \cdot z}$$

$$\Omega = 0.75 \quad ; \quad z = 0.85d$$

➤ تسليح الشد المباشر (A_n):

$$A_n = \frac{N_u}{\Omega \cdot f_y} = \frac{N_u}{0.75 f_y}$$

5- تحديد التسليح الرئيس (A_s):

يحدد التسليح الرئيس (A_s) بالقيمة الأكبر من ما يلي:

$$A_s = \max \begin{cases} 1 - \frac{2}{3} A_{vf} + A_n \\ 2 - A_f + A_n \\ 3 - 0.04 \frac{f'_c}{f_y} b \cdot d \end{cases}$$

6- اختيار التسليح الثانوي (الأفقي) (A_h):

يتم تحديد هذا النوع من التسليح كتابع لنمط انهيار بمعنى إما نمط انهيار بالقص (حالة الكنتف) أو نمط

انهيار بالانعطاف (حالة الظفر القصير):

➤ حالة انهيار بالقص (كنتف) تكون عندما يكون التسليح الرئيس مساوي إلى $A_s = \frac{2}{3} A_{vf} + A_n$ عندها

$$A_h = \frac{1}{3} A_{vf} \text{ نعتمد:}$$

➤ حالة انهيار بالانعطاف (ظفر قصير) تكون عندما يكون التسليح الرئيس مساوي إلى $A_s = A_f + A_n$ عندها

$$A_h = \frac{1}{2} A_f \text{ نعتمد:}$$

7- ترتيبات التسليح:

فضلاً على ما تم ذكره أعلاه، يجب أن تتحقق من النسب التالية للتسليح:

➤ نسب تسليح الانعطاف:

$$\mu_{s \min} = 0.4\%$$

$$\mu_{s \max} = 1.2\%$$

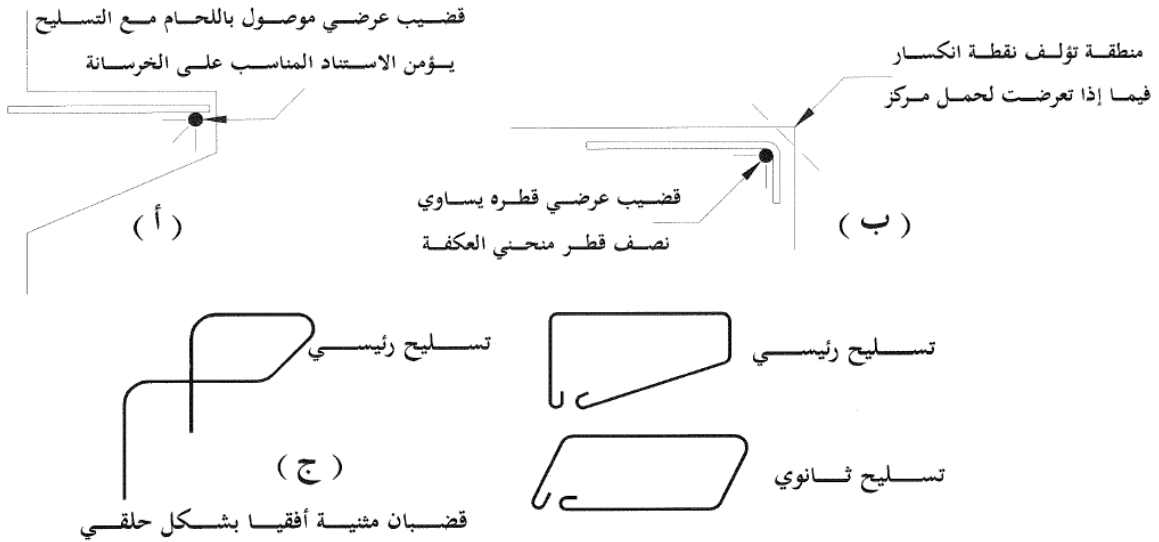
➤ نسب تسليح الانعطاف والقص:

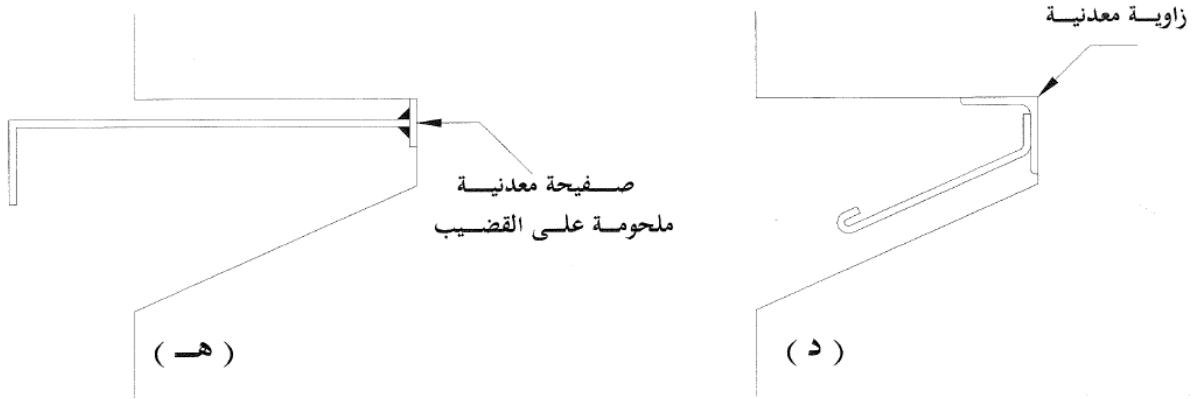
$$\mu_{sg \min} = 0.6\%$$

$$\mu_{sg \max} = 2.0\%$$

يجب تثبيت نهاية قضيب التسليح عند نهاية الظفر أو الكتف بشكل جيد، ليتم تطوير الإجهادات ضمن القضيب. ويوجد عدة طرق للتثبيت (الأشكال المرفقة)، نذكر أهمها كما ورد في الكود السوري:

- أ - لحام قضبان الانحناء بنهاياتها مع قضيب تسليح عرضي من القطر ذاته.
- ب- ثني نهايات قضبان الانحناء للأسفل، وتثبيتها ضمن المسند.
- ج- استعمال قضبان مثنية أفقياً بشكل حلقي.
- د- استعمال زاوية معدنية.
- هـ- استعمال صفيحة معدنية ملحومة على القضيب.





**ملاحظة: (باقي التسليح غير ظاهر)
تثبيت نهايات القضبان في الأظفار القصيرة والأكتاف**

8- تطبيق:

يطلب حساب التسليح لظفر (يهمل وزنه الذاتي) متصل بعمود صلابته كبيره بحيث يمكن أن يؤمن الوثاقه المطلوبة (انظر الشكل المرفق)، باعتبار لدينا المعطيات التالية:

- طول الظفر $L = 100cm$

- ارتفاعه الكلي عند منطقة الاتصال مع العمود $h = 100cm$

- ارتفاعه الكلي عند الطرف $t = 50cm$

- عرضه $b = 50cm$

- تتم عملية الصب بشكل منفصل والسطح خشن، بمعنى نستخدم قيمة عامل الاحتكاك مساوية $\rho = 1$.

- الظفر خاضع لحمل شاقولي حدي (مصعد) مركز على مسافة مقدارها $a = 50cm$ من وجه العمود. أيضاً، يخضع

لحمل أفقي: $N_u = 100kN$; $V_u = 500kN$

- خواص المواد: $f'_c = 25MPa$; $f_y = f_{yt} = 400MPa$

الحل:

1- نوع الظفر (آلية عمله):

$$\frac{a}{d} = \frac{500}{0.9h = 90} = 0.56 < 1$$

بالتالي الظفر قصير

2- التحقق من إجهاد القص:

$$\tau_u = \frac{V_u}{\Omega \cdot b \cdot d} = \frac{500000}{0.75 \times 500 \times 900} = 1.48 \text{ MPa} < 5 \text{ MPa}$$

$$\bar{\tau}_u = \min \begin{cases} 5.5 \text{ MPa} \\ 0.2 f'_c = 0.2 \times 25 = 5 \text{ MPa} \end{cases}$$

القص محقق

3- تسليح القص الاحتكاكي (حالة كتف):

$$A_{vf} = \frac{V_u}{\Omega \cdot f_y \cdot \rho} = \frac{500000}{0.75 \times 400 \times 1} = 1667 \text{ mm}^2$$

4- تسليح الانعطاف:

$$A_f = \frac{V_u \cdot a + N_u (h - d)}{\Omega \cdot f_y \cdot z} = \frac{500000 \times 500 + 100000 \times (1000 - 900)}{0.75 \times 400 \times (0.85 \times 900)} = 1133 \text{ mm}^2$$

$$\Omega = 0.75 \quad ; \quad z = 0.85d$$

5- تسليح الشد المباشر:

$$A_n = \frac{N_u}{\Omega \cdot f_y} = \frac{100000}{0.75 \times 400} = 334 \text{ mm}^2$$

6- التسليح الرئيس (A_s):

$$A_s = \max \begin{cases} 1 - \frac{2}{3} A_{vf} + A_n = \frac{2}{3} \times 1667 + 334 = 1446 \text{ mm}^2 \\ 2 - A_f + A_n = 1133 + 334 = 1467 \text{ mm}^2 \\ 3 - 0.04 \frac{f'_c}{f_y} b \cdot d = 0.04 \times \frac{25}{400} \times 500 \times 900 = 1125 \text{ mm}^2 \end{cases}$$

$$\therefore A_s = 1467 \text{ mm}^2$$

بالتالي الانعطاف هو المسيطر والظفر قصير

7- اختيار التسليح الثانوي (الأفقي) (A_h):

$$A_h = \frac{1}{2} A_f = 0.5 \times 1133 = 567 \text{ mm}^2 \text{ : نعتمد (ظفر قصير)، نعتمد:}$$

8- التحقق من نسب التسليح (انعطاف و قص):

➤ نسب تسليح الانعطاف:

$$\mu_{sf} = \frac{1467}{500 \times 900} = 0.0033 < \mu_{s \min} = 0.4\%$$

$$USE \mu_{sf} = 0.4\% \Leftrightarrow A_s = 0.004 \times 500 \times 900 = 1800 \text{mm}^2$$

USE 6T20mm or 4T25mm

ملاحظة مهمة: تبين أن تسليح الانعطاف صغير (نسبة التسليح الأصغر)، بالتالي يمكن أن نعيد النظر بحساب الارتفاع الفعال وتكبيره ليصبح مثلاً $d = h - 50 \text{mm} = 1000 - 50 = 950 \text{mm}$ ، ونكمل الحل من جديد. ولكننا سنكمل المسألة بهدف رسم التسليح كاملاً. ➤ نسب تسليح الانعطاف والقص:

$$\mu_{svf} = \mu_{sv} + \mu_{sf} = \frac{567}{500 \times \left(\frac{2}{3} \times 900\right)} + 0.4\% = 0.189\% + 0.4\% = 0.589\% < \mu_{s \min} = 0.6\% \text{ N.G.}$$

نزيد التسليح الثانوي الأفقي ليصبح 0.2%

$$\therefore A_h = 0.002 \times 500 \times \frac{2}{3} \times 900 = 600 \text{mm}^2$$

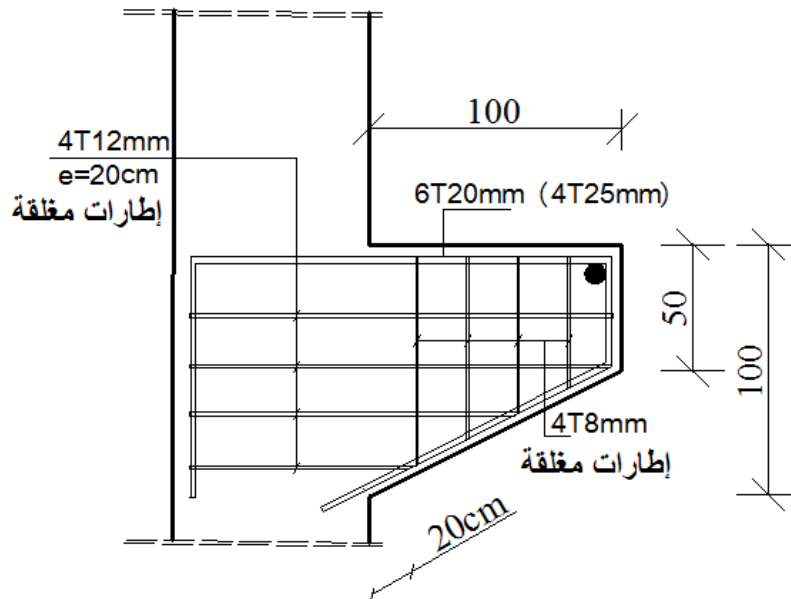
$$\frac{2}{3} \times 900 = 600 \text{mm}$$

$$600 \text{mm}^2 \text{ l } 600 \text{mm} \Leftrightarrow 200 \text{mm}^2 \text{ l } 200 \text{mm}$$

USE T12mm / 20cm

ثلاثة إطارات أفقية بمعدل إطار كل 20 سم

وبين الشكل التالي تسليح الظفر القصير.



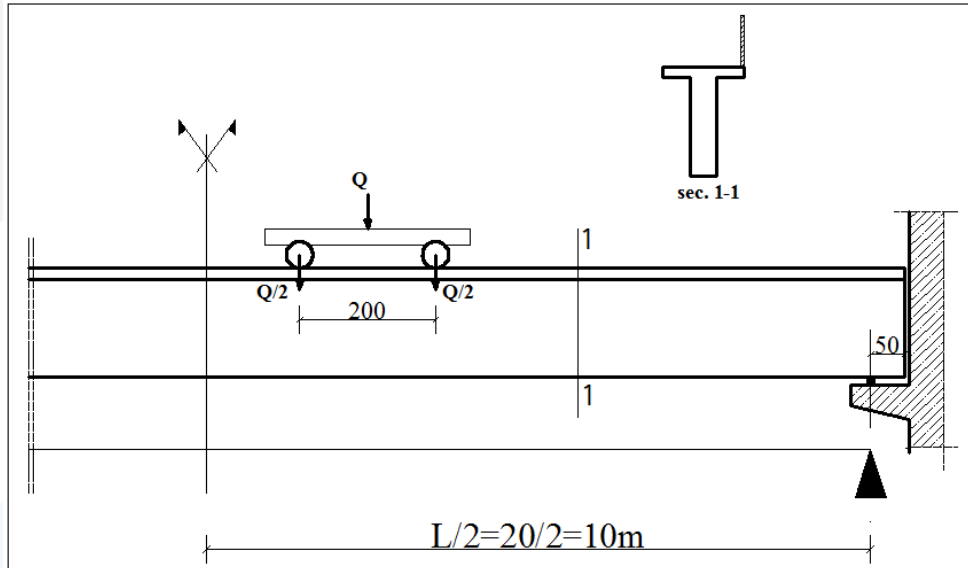
ثانياً- دراسة جوائز حامل لجسر متحرك في منشأة صناعية

1- المعطيات

المطلوب تصميم جوائز من البيتون المسلح يستند على أكتاف بارزة من إطارات مقاومة للعزوم تشكل الهيكل الحامل لمنشأة صناعية ما. هذا الجوائز يحمل جسر متحرك (جسور الرافعة المتحركة) (الشكل المرفق).

توصيف الجوائز الحامل وجسر الرافعة:

- المجاز الفعال ($L = 20m$)، ومقطعه على شكل T.
- وزن الجسر المتحرك ($50kN$).
- وزن الخطاف الذي يؤثر على كامل مجاز الجوائز ($400kN$).
- المسافة بين عجلات الخطاف ($2m$).
- خواص المواد: $\Delta_{Concrete} = 25 kN / m^3$; $f'_c = 25 MPa$; $f_y = f_{yt} = 400 MPa$;

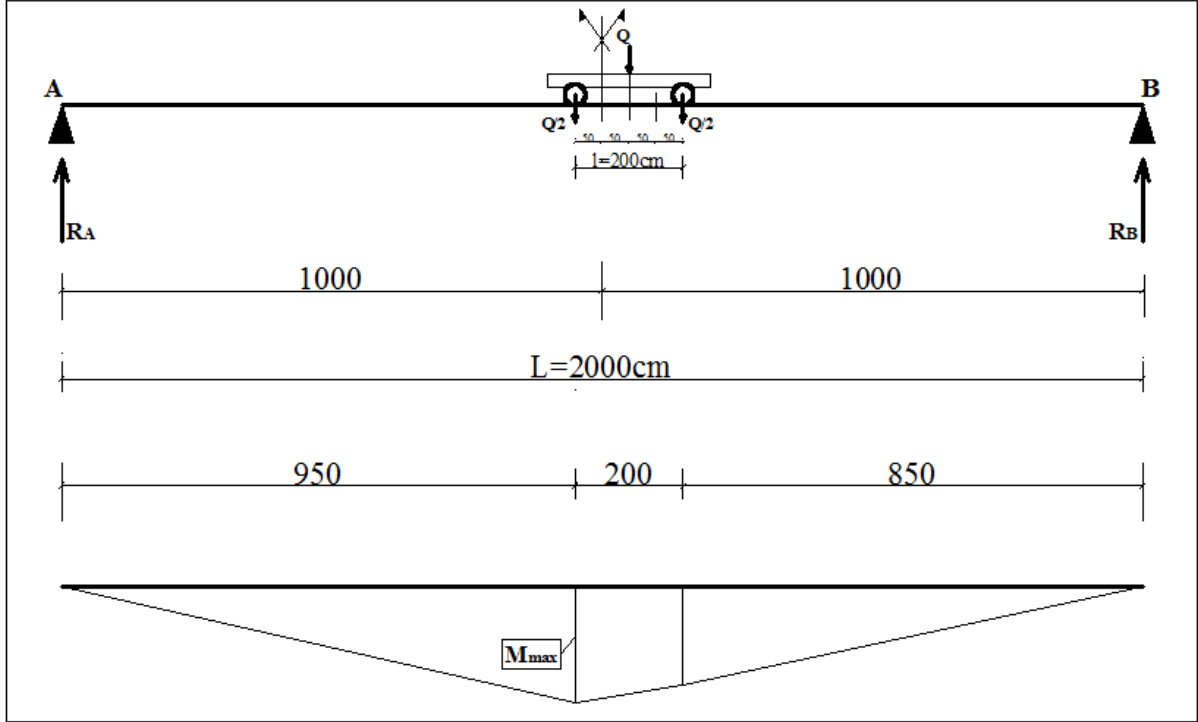


2- حساب العزم الأعظمي

- موقع العزم الأعظمي (حمل متحرك):

استناداً لفرضية باريه Barre، يتشكل العزم الأقصى في جوائز ما خاضع لحمل متحرك $Q = 2 \times (Q/2)$ على يسار محور التناظر تحت تأثير الحمولة اليسارية $(Q/2)$ ، حيث يقع محور التناظر بين (Q) و $(Q/2)$ ، بمعنى عند المسافة (x) :

$$x = \frac{L}{2} - \frac{l}{4} = \frac{20}{2} - \frac{2}{4} = 10 - 0.5 = 9.5m$$



- حمولة جسر الرافعة (Q):

$$Q = 400 + 50 = 450 \text{ kN}$$

- العزم الأعظمي الناجم عن حمولة الاستثمار المتحركة (دون لحظ الأثر الديناميكي):

$$M_Q = R_A \cdot x = 9.5 R_A$$

$$\sum M_B = 0 \Rightarrow R_A \times 20 = \frac{Q}{2} \times 10.5 + \frac{Q}{2} \times 8.5 \Rightarrow R_A = 213.75 \text{ kN}$$

$$\therefore M_Q = 213.75 \times 9.5 = 2031 \text{ kN.m}$$

- تحديد ارتفاع الجائز:

هذا النوع من الجوائز يتلقى حمولات مهمة ومتحركة لذلك يتم حساب الارتفاع من العلاقة التالية:

$$h \geq \frac{L}{10 \rightarrow 12} = \frac{2000}{12} = 167 \text{ cm}$$

وكون الجائز يعمل كمقطع تي T، سنصغر الارتفاع ليصبح $h = 160 \text{ cm}$ ، وسنعمد سمك طاولة الضغط مساوي لـ:

$$t_f \geq \frac{h}{10} = \frac{160}{10} = 16 \text{ cm}$$

- الحملات الدائمة للجائز (G):

وزن ذاتي ووزن الدرايزون:

$$g = (0.4 \times 1.6 + 0.8 \times 0.16) \times 25 + 1 = 20.2 \text{ kN/ml}$$

$$\therefore G = 20.2 \times L_{tot.} = 20.2 \times (20 + 1) = 424.2 \text{ kN}$$

- العامل الديناميكي (δ):

$$\delta = 1 + \frac{0.4}{1 + 0.2L} + \frac{0.6}{1 + 4 \frac{G}{Q}} = 1 + \frac{0.4}{1 + 0.2 \times 20} + \frac{0.6}{1 + 4 \frac{424.2}{450}} = 1.21$$

- العزوم الاستثمارية الأعظمية:

$$M_{g \max} = \frac{g \cdot L^2}{8} = \frac{20.2 \times 20^2}{8} = 1010 \text{ kN.m}$$

$$M_{Q \max} = M_Q \cdot \delta = 2031 \times 1.21 = 2458 \text{ kN.m}$$

-3 حساب التسليح (دراسة أولية)

$$M_{\max} \approx M_{g \max} + M_{Q \max} = 1010 + 2458 = 3468 \text{ kN.m}$$

$$h = 160 \text{ cm} \text{ \& } z = 0.87d$$

$$d = h - a = 160 - 15 = 145 \text{ cm} \Rightarrow z = 0.87 \times 145 = 126 \text{ cm}$$

بافتراض أن:

تكون قوة الشد المحتملة في فولاذ التسليح:

$$F_s = \frac{M_{\max}}{z} = \frac{3468}{1.26} = 2752 \text{ kN}$$

$$A_s = \frac{F_s}{0.55 f_y} = \frac{2752000}{0.55 \times 400} = 12509 \text{ mm}^2$$

مقارنة أولية ومبسطة لنسب التسليح:

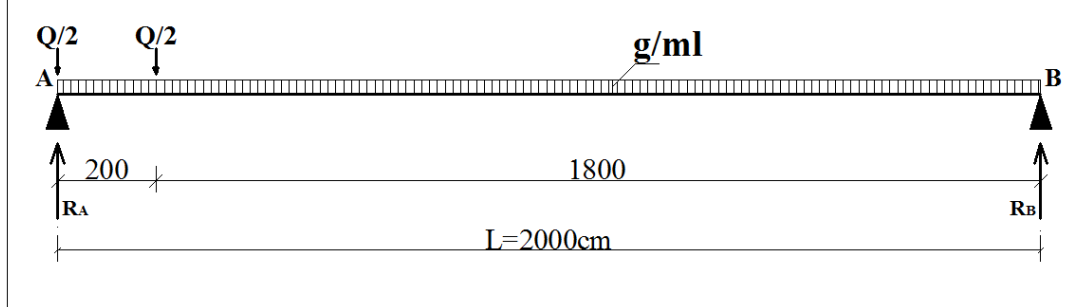
$$\mu_s = \frac{A_s}{b \cdot d} = \frac{12509}{400 \times 1450} = 0.022$$

$$\mu_{s \max} = 0.5 \left[\frac{455}{630 + f_y} \frac{f'_c}{f_y} \right] = 0.75 \left[\frac{455}{630 + 400} \times \frac{28}{400} \right] = 0.023$$

$$\mu_{s \min} = \frac{0.9}{f_y} = \frac{0.9}{400} = 0.00225$$

$$\mu_s = 0.022 < \mu_{s \max} = 0.023 \quad O.K..$$

4- حساب الجهد القاطع الأعظمي:



$$V_g = \frac{gL}{2} = \frac{20.2 \times 20}{2} = 202kN$$

$$V_Q = R_A = \frac{Q}{2} \left(\frac{20+18}{20} \right) \times 1.21 = \frac{450}{2} \left(\frac{38}{20} \right) \times 1.21 = 517.3kN$$

$$V_{\max} = V_g + V_Q = 202 + 517.3 = 719.3kN$$

دراسة القص وفق الحالة الحدية القصوى:

$$V_u = 1.4V_g + 1.7V_Q = 1.4 \times 202 + 1.7 \times 517.3 = 1162.21kN$$

$$\tau_u = \frac{V_u}{\Omega b_w d} = \frac{1162210}{0.85 \times 400 \times 1450} = 2.36MPa$$

$$\tau_{u \max} = 0.65 \sqrt{f'_c} = 0.65 \sqrt{28} = 3.44MPa > \tau_u = 2.36MPa \quad O.K.$$

$$\tau_{ou} = 0.16 \sqrt{f'_c} = 0.16 \sqrt{28} = 0.85MPa$$

$$A_{st} \geq \frac{(\tau_u - \tau_{ou}) b_w S}{f_y} = \frac{(2.36 - 0.85)}{400} \times 400 \times 200 = 302mm^2$$

نستخدم إطارين بقطر T10mm : $A_{st} = 4 \times 78.5 = 314mm^2$

5- حساب التسليح المقاوم للانعطاف وفق الحالة الحدية القصوى:

$$M_u = 1.4M_g + 1.7M_Q = 1.4 \times 1010 + 1.7 \times 2458 = 5593kN.m$$

$$\text{Section } T (t_f = 160mm; b_f = 1200mm; d = 1450mm; h = 1600mm)$$

$$\Omega(0.85 f'_c) t_f b_f \left(d - \frac{t_f}{2} \right) = 0.9 \times 0.85 \times 28 \times 160 \times 1200 \left(1450 - \frac{160}{2} \right) 10^{-6}$$

$$= 5634kN.m > M_u = 5593kN.m$$

فالمقطع يعمل كمستطيل عرضه: $b = b_f = 1200 \text{ mm}$

$$A_0 = \frac{M_u}{\Omega 0.85 f'_c b_f d^2} = \frac{5593 \times 10^6}{0.9 \times 0.85 \times 28 \times 1200 \times 1450^2} = 0.1035$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \alpha = 1 - \sqrt{1 - 2A_0} = 0.1095 \\ \gamma = \frac{A_0}{\alpha} = 0.9452 \end{cases}$$

$$\therefore A_s = \frac{M_u}{\Omega \gamma d f_y} = \frac{5593 \times 10^6}{0.9 \times 0.9452 \times 1450 \times 400} = 11336 \text{ mm}^2$$

$$\mu_s = \frac{A_s}{b.d} = \frac{11336}{1200 \times 1450} = 0.0065$$

$$\mu_{s \max} = 0.5 \left[\frac{455}{630 + f_y} \frac{f'_c}{f_y} \right] = 0.5 \left[\frac{455}{630 + 400} \times \frac{28}{400} \right] = 0.0155$$

$$\mu_{s \min} = \frac{0.9}{f_y} = \frac{0.9}{400} = 0.00225$$

$$\mu_{s \min} = 0.00225 < \mu_s = 0.0065 < \mu_{s \max} = 0.0155 \quad O.K..$$

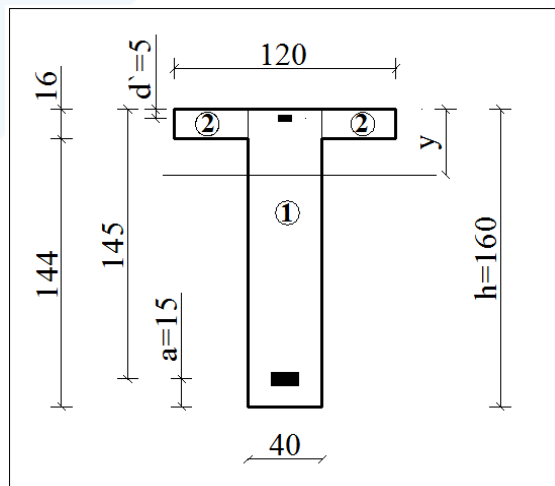
6- التحقق من الاجهادات وفق حالة الاجهادات المسموحة (نطاق الاستثمار):

➤ العزم الناجم عن حمولات الاستثمار:

$$M_{\max} \approx M_{g \max} + M_{Q \max} = 1010 + 2458 = 3468 \text{ kN.m}$$

➤ حساب (y & I):

Section properties ($t_f = 160 \text{ mm}; b_f = 1200 \text{ mm}; d = 1450 \text{ mm}; h = 1600 \text{ mm}$)



➤ معادلة العزم الستاتيكي لتحديد موقع المحور المحايد (y):

➤ معادلة العزم الستاتيكي بالنسبة لمحور مار أسفل طاولة الضغط (الجناح) ($y = t_f$):

$$T = \frac{b_f t_f^2}{2} + nA'_s(t_f - d') - nA_s(d - t_f)$$

المحور المحايد يمر ضمن الجناح $T > 0 \Rightarrow y < t_f$

المحور المحايد يمر في الجسد $T < 0 \Rightarrow y > t_f$

$$A_s = 11336 \text{ mm}^2$$

$$A'_s = (\geq 15\%) A_s$$

ملاحظة مهمة: من المفضل ألا نستخدم تسليح مضغوط في المقاطع تي (T)

$$T = \frac{120 \times 16^2}{2} - 15 \times 113.36(145 - 16) < 0 \Rightarrow y > t_f = 16 \text{ cm}$$

المحور المحايد يمر في الجسد

موقع المحور المحايد (y):

$$\frac{b_f y^2}{2} - (b_f - b_w) \frac{(y - t_f)^2}{2} + nA'_s(y - d') - nA_s(d - y) = 0$$

$$\frac{120 \times y^2}{2} - (120 - 40) \frac{(y - 16)^2}{2} - 15 \times 113.36(145 - y) = 0$$

$$y = 51.11 \text{ cm}$$

➤ عزم العطالة (I):

$$I = \frac{b_f y^3}{3} - (b_f - b_w) \frac{(y - t_f)^3}{3} + nA'_s(y - d')^2 + nA_s(d - y)^2$$

$$\frac{120 \times 51.11^3}{3} - (120 - 40) \frac{(51.11 - 16)^3}{3} + 15 \times 113.36(145 - 51.11)^2 = 19175891 \text{ cm}^4$$

➤ حساب الاجهادات والتحقق من أنها أقل من المسموحة:

✓ اجهاد الضغط في البيتون عند الليف العلوي:

$$\sigma'_c = \frac{M}{I} y \leq 0.45 f'_c \quad \text{مقاطع تي T}$$

$$\sigma'_c = \frac{M}{I} y \leq 0.55 f'_c \quad \text{مقاطع مستطيلة}$$

✓ اجهاد الضغط في التسليح المضغوط:

$$\sigma'_s = \frac{nM}{I} (y - d') \leq 0.55 f_y$$

✓ اجهاد الشد في التسليح المشدود:

$$\sigma_s = \frac{nM}{I} (d - y) \leq 0.55 f_y$$

$$M_{ser.max} = 3468 kN.m$$

$$\sigma'_c = \frac{3468 \times 10^6}{19175891 \times 10^4} \times 511.1 = 9.24 MPa \leq 0.45 f'_c = 0.45 \times 28 = 12.6 MPa \quad O.K.$$

$$\sigma'_s = \frac{15 \times 3468 \times 10^6}{19175891 \times 10^4} (511.1 - 50) = 125 MPa \leq 0.55 \times 400 = 220 MPa \quad O.K.$$

$$\sigma_s = \frac{15 \times 3468 \times 10^6}{19175891 \times 10^4} (1450 - 511.1) = 255 MPa > 0.55 \times 400 = 220 MPa \quad N.G.$$

ملاحظة: عندما تكون التشققات غير ضارة فلا حدود للإجهادات في التسليح المشدود، بالمقابل عندما تكون ضارة إذ إن المنشأة تكون في وسط هجومي (أملاح...) فإنه يتوجب العمل على دراسة الحد من التشقق المعيب لهكذا حالة، ويتم الحساب كحالة حدية في نطاق الاستثمار.

ثالثاً- تطبيق ومقارنة بين حمولات الرياح والزلازل

لدينا بناء من البيتون المسلح (الشكل المرفق)، مسقطه مستطيل الشكل $(20 \times 30m)$ ، واقع على شاطئ البحر (معرض لعواصف)، هذا البناء مؤلف من خمسة عشر طابقاً، بارتفاع $(H = nh = 15 \times 3 = 45m)$ ، هيكله الحامل عبارة عن جملة من الإطارات والجدران القصية الموثوقة جيداً عند مستوى القاعدة. إذا علمت أن:

- الحمولات الدائمة على المتر المربع من البلاطة (وزن ذاتي، جوائز، أعمدة، جدران...): $G = DL = 8kN/m^2$

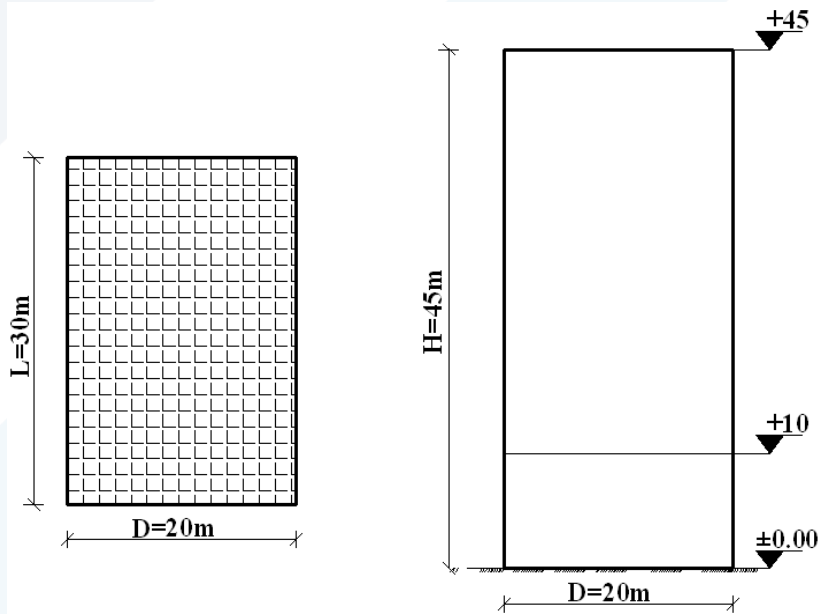
- الحمولات الإضافية على المتر المربع من البلاطة: $P = LL = 3kN/m^2$

- السرعة التصميمية للرياح (الطريقة الأولى): $V = f(V_k) = 40.37m/sec$

- القوة الناجمة عن الزلزال عبارة عن محصلة مثلث مقلوب، قاعدته عند قمة المبنى، وتساوي هذه المحصلة بالاتجاهين الطولي والعرضي:

$$V_T \approx V_L = V = \alpha W = \alpha \sum (G + 0.25P) = 0.10 \sum (G + 0.25P)$$

يطلب دراسة المبنى على الانقلاب عند مستوى القاعدة تحت تأثير الزلازل والرياح (الكود السوري).



الحل:

أولاً - تحديد ضغط الرياح المكافئ (W_e) :

من معطيات المسألة يمكننا تحديد قيم العوامل المؤثرة على قيمة هذا الضغط، استناداً للجداول والعلاقات المقترحة في الطريقة الأولى، والموجودة في الكود السوري الأساس لعام 2004م:

$$W_e = \alpha_o \cdot K_h \cdot K_s \cdot W_d$$

$$W_d = \frac{V^2}{1630} = \frac{40.37^2}{1630} = 1 \text{ kN/m}^2$$

$$\alpha_o = 1.30 \quad , \quad K_s = 1.3$$

$$K_h = 2.5 \left(1 - \frac{42}{h + 60} \right)$$

$$h \leq 10 \text{ m} \Rightarrow K_h = 1 \Rightarrow W_e = 1.3 \times 1 \times 1.3 \times 1 = 1.69 \text{ kN/m}^2$$

$$h = 45 \text{ m} \Rightarrow K_h = 1.5 \Rightarrow W_e = 1.3 \times 1.5 \times 1.3 \times 1 = 2.535 \text{ kN/m}^2$$

ثانياً - التوزيع الرأسى لضغط الريح المكافئ (W_e):

- بالاتجاه القصير للمبنى (العرضي):

$$W_{eT(h \leq 10 \text{ m})} = 1.69 \times 30 = 50.70 \text{ kN/m}$$

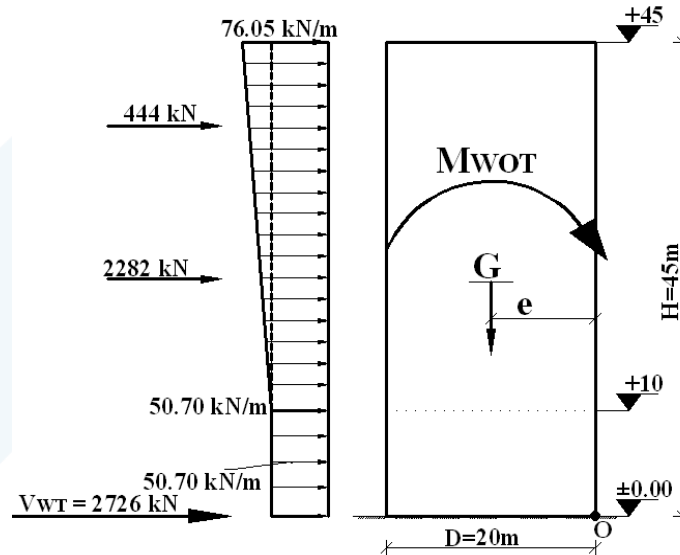
$$W_{eT(h = 45 \text{ m})} = 2.535 \times 30 = 76.05 \text{ kN/m}$$

- بالاتجاه الطويل للمبنى (الطولي):

$$W_{eL(h \leq 10 \text{ m})} = 1.69 \times 20 = 33.80 \text{ kN/m}$$

$$W_{eL(h = 45 \text{ m})} = 2.535 \times 20 = 50.70 \text{ kN/m}$$

وبين الشكل التالي توزيع ضغط الريح بالاتجاه العرضي:



ثالثاً – عزوم الانقلاب والتثبيت بالاتجاه العرضي (حول النقطة O) (رياح):

- عزوم الانقلاب الناجم عن الرياح (M_{WOT}):

$$M_{WOT} = \frac{50.7 \times 45^2}{2} + \frac{1}{2} (76.05 - 50.7)(45 - 10) \left[\left(\frac{2}{3} \right) (45 - 10) + 10 \right]$$

$$M_{WOT} = 66121 \text{ kNm}$$

- عزوم التثبيت (M_{RT}):

$$M_{RT} = G.e = \sum G_i \left(\frac{D}{2} \right) = 8 \times 20 \times 30 \times 15 \left(\frac{20}{2} \right) = 720000 \text{ kNm}$$

- عامل الأمان ضد الانقلاب بالاتجاه العرضي ($S.F.O$):

$$S.F.O. = \frac{M_{RT}}{M_{WOT}} = \frac{720000}{66121} = 10 \gg 1.5$$

وتكون قيمة هذا العامل أكبر بالتأكيد بالاتجاه الطولي.

رابعاً – عزوم الانقلاب والتثبيت بالاتجاه العرضي (حول النقطة O) (زلازل):

- حساب محصلة القوى الزلزالية (قوة القص القاعدي) بالاتجاه العرضي:

$$V_T \approx V_L = V = \alpha W = \alpha \sum (G) = 0.10 [(8) \times 20 \times 30 \times 15]$$

$$V_T = 0.1 \times 72000 = 7200 \text{ kN}$$

- عزوم الانقلاب الناجم عن الزلازل (M_{SOT}):

$$M_{SOT} = V_T \left(\frac{2}{3} H \right) = 7200 \times \frac{2}{3} \times 45 = 216000 \text{ kNm} \gg M_{WOT} = 66121 \text{ kNm}$$

بالتالي الزلزال هو الأخطر.

- ويكون عامل الأمان ضد الانقلاب بالاتجاه العرضي في حالة الزلازل ($S.F.O$):

$$S.F.O. = \frac{M_{RT}}{M_{SOT}} = \frac{720000}{216000} = 3.33 > 1.5 \quad O.K.$$

وبين الشكل التالي توزيع قوة القص القاعدية الناجمة عن الزلازل بالاتجاه العرضي، بافتراض أن المبنى منتظم

ومتناظر (التوزيع مثلي).

$$V_T = \frac{1}{2} Hq \Rightarrow q = \frac{2V_T}{H} = \frac{2 \times 7200}{45} = 320 \text{ kN/m}$$

