

ذكاء صناعي 2

محاضرة 5

Self-Organizing Maps (SOM)

د. فادي متوج

- ❑ الخرائط ذاتية التنظيم Self-Organizing Maps تسمى أيضاً شبكات كوهونين Kohonen Maps
- ❑ اقترحها العالم الفنلندي Teuvo Kohonen في عام 1982
- ❑ هي شبكة عصبية اصطناعية يتم تدريبها بالاعتماد على **التعلم غير المراقب Unsupervised Learning**، بمعنى آخر إن هذا النوع من الشبكات العصبية تدرّب نفسها بنفسها (تتميز بعدم وجود هدف target)
- ❑ تستخدم SOM بكثرة في عملية **تصنيف البيانات** (data classification and clustering) وتحليلها (data analysis) وإظهارها (data visualization)
- ❑ تقدم SOM أيضاً وسيلة **لتمثيل البيانات متعددة الأبعاد** (multidimensional data) في فضاءات ذات أبعاد أقل من ذلك بكثير - عادةً بعد واحد أو بعدين (**تخفيض أبعاد البيانات**) مما يسهل عملية فهم هذه البيانات وتحليلها
- ❑ عملية تخفيض أبعاد البيانات، هي في الأساس تقنية ضغط بيانات معروفة باسم **vector quantisation**
- ❑ وبالإضافة إلى ذلك، فإن شبكة Kohonen تقوم بتخزين المعلومات بطريقة يتم بها الاحتفاظ بأية علاقات ضمن مجموعة التدريب. لذلك تدعى أيضاً بخرائط الحفاظ على الخواص

SOM Architecture

□ تتكون الشبكة ذاتية التنظيم SOM من مجموعة من **العقد (العصبونات)** المنتظمة على

خريطة ثنائية البعد **2D**

□ كل عصبون (عقدة) مرتبط ارتباطاً كاملاً بطبقة الدخل

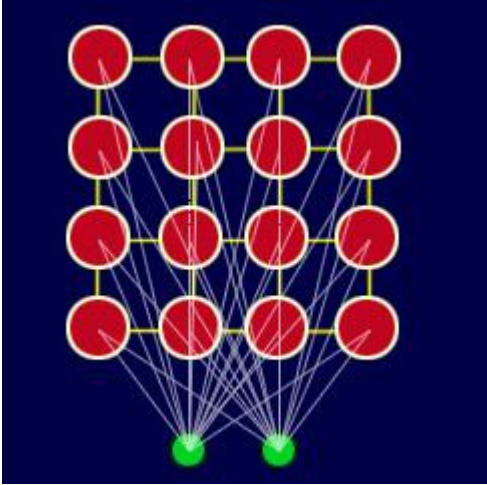
□ يمكن أن يتراوح عدد العصبونات من بضع عشرات إلى عدة آلاف

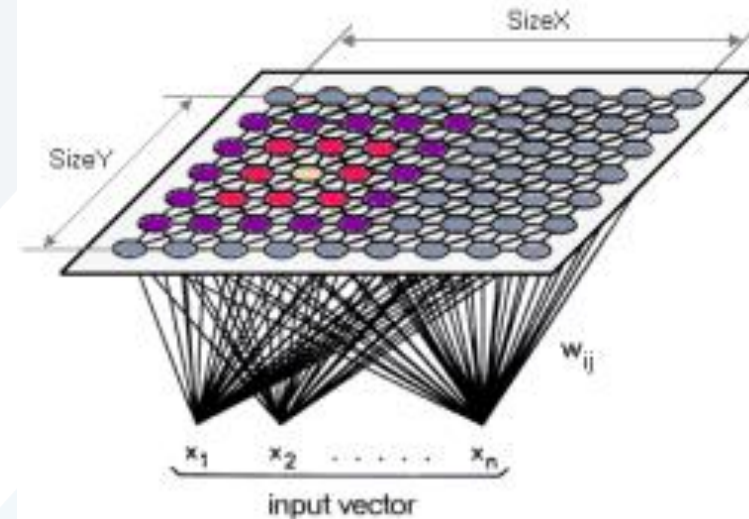
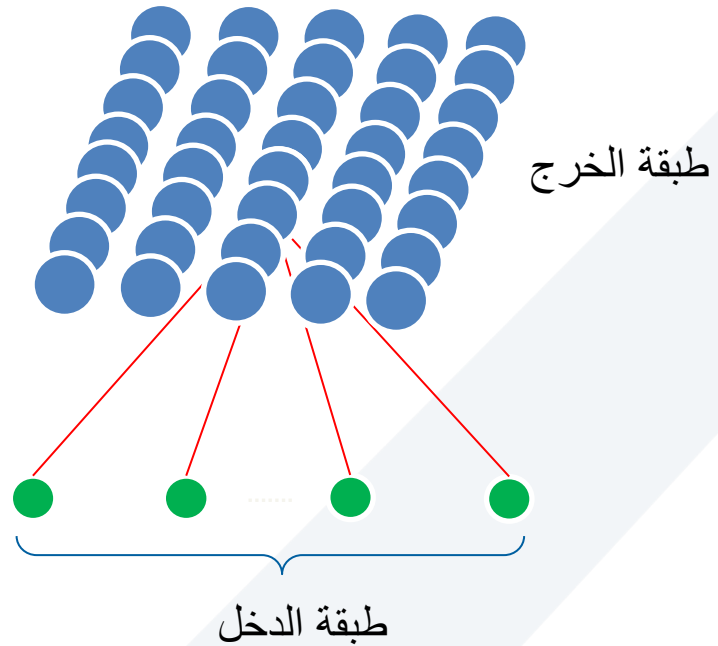
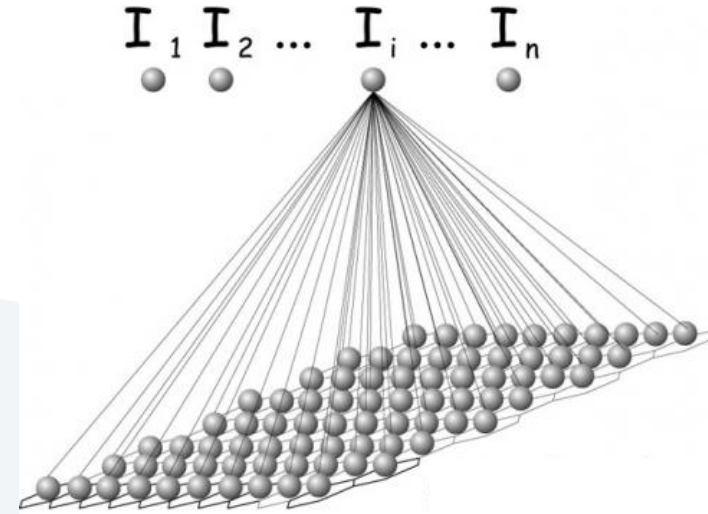
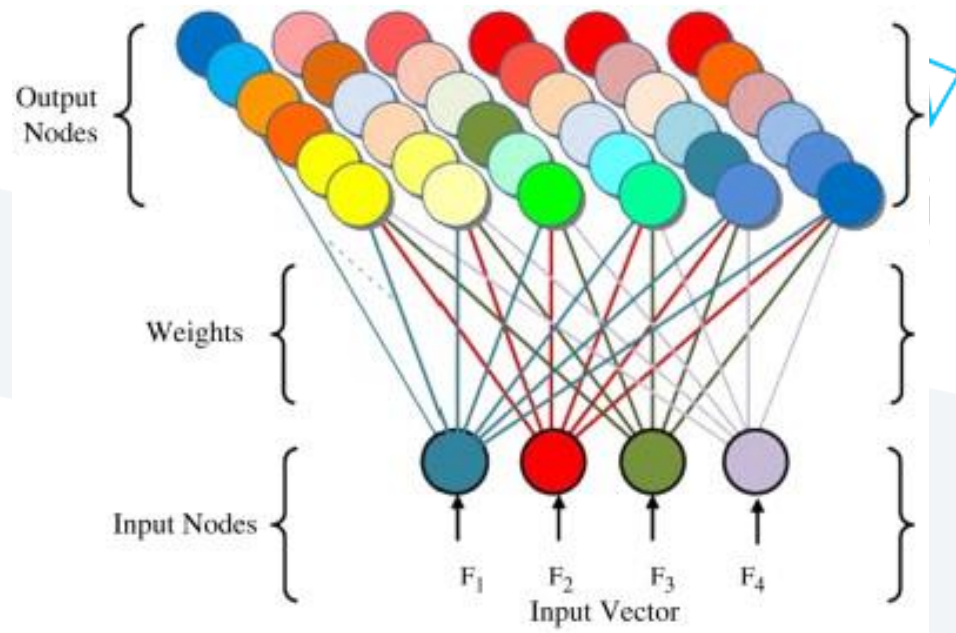
□ كل عصبون لديه موقع محدد (إحداثي x ، إحداثي y) في الشبكة و يمثل بواسطة شعاع وزن بعده يساوي بعد أشعة الدخل. أي إذا كانت بيانات التدريب تتألف من أشعة V ذات n بعد

$V_1, V_2, V_3, \dots, V_n$ فإن كل عصبون يمثل بشعاع W ذات بعد n $W_1, W_2, W_3, \dots, W_n$

□ لا توجد وصلات بين العقد في الشبكة.

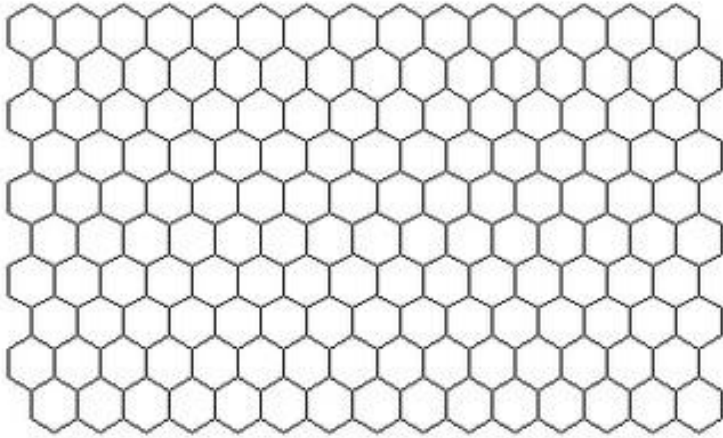
□ ويبين الشكل شبكة Kohonen صغيرة جداً مؤلفة من 4X4 عقدة متصلة بطبقة الدخل والتي تمثل شعاع ثنائي البعد.



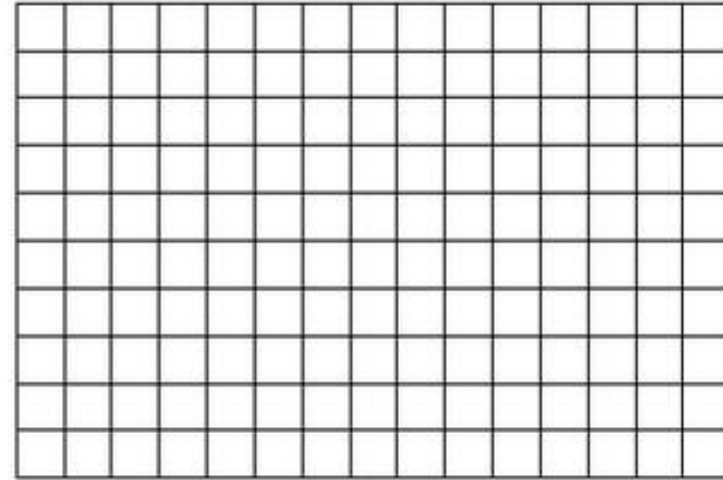


- البنية المستخدمة الأكثر شيوعاً للخريطة هي **المستطيلة Rectangular** والسداسية **Hexagonal**.

Hexagonal SOM grid

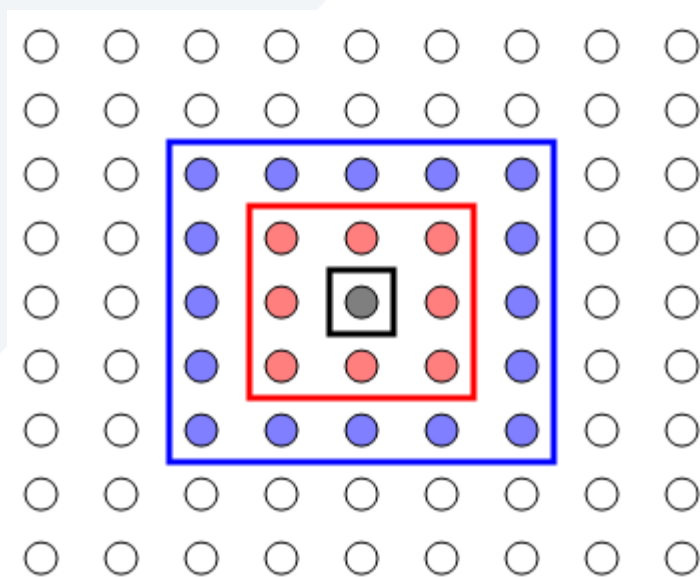
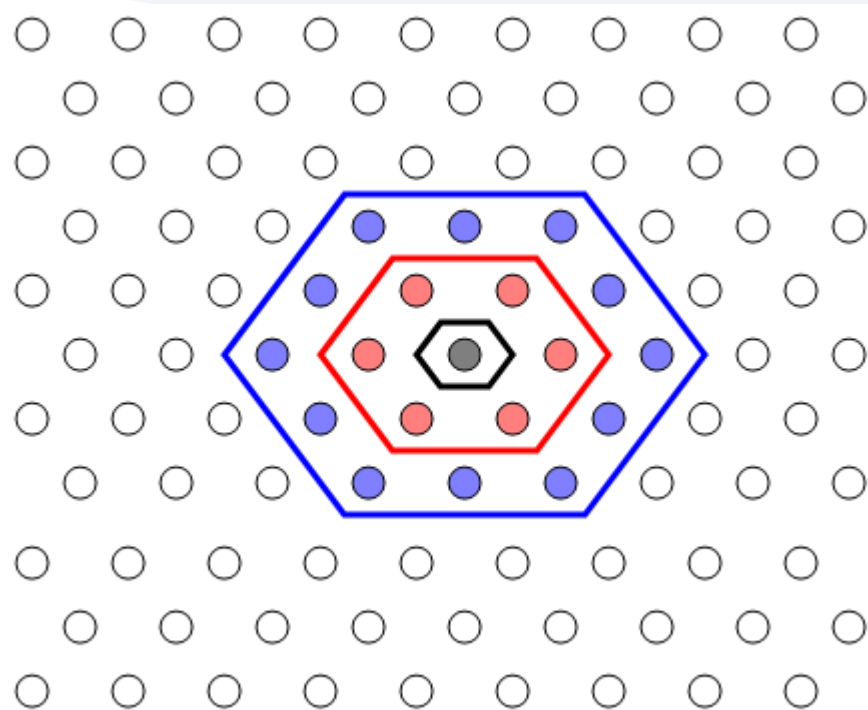


Rectangular SOM grid





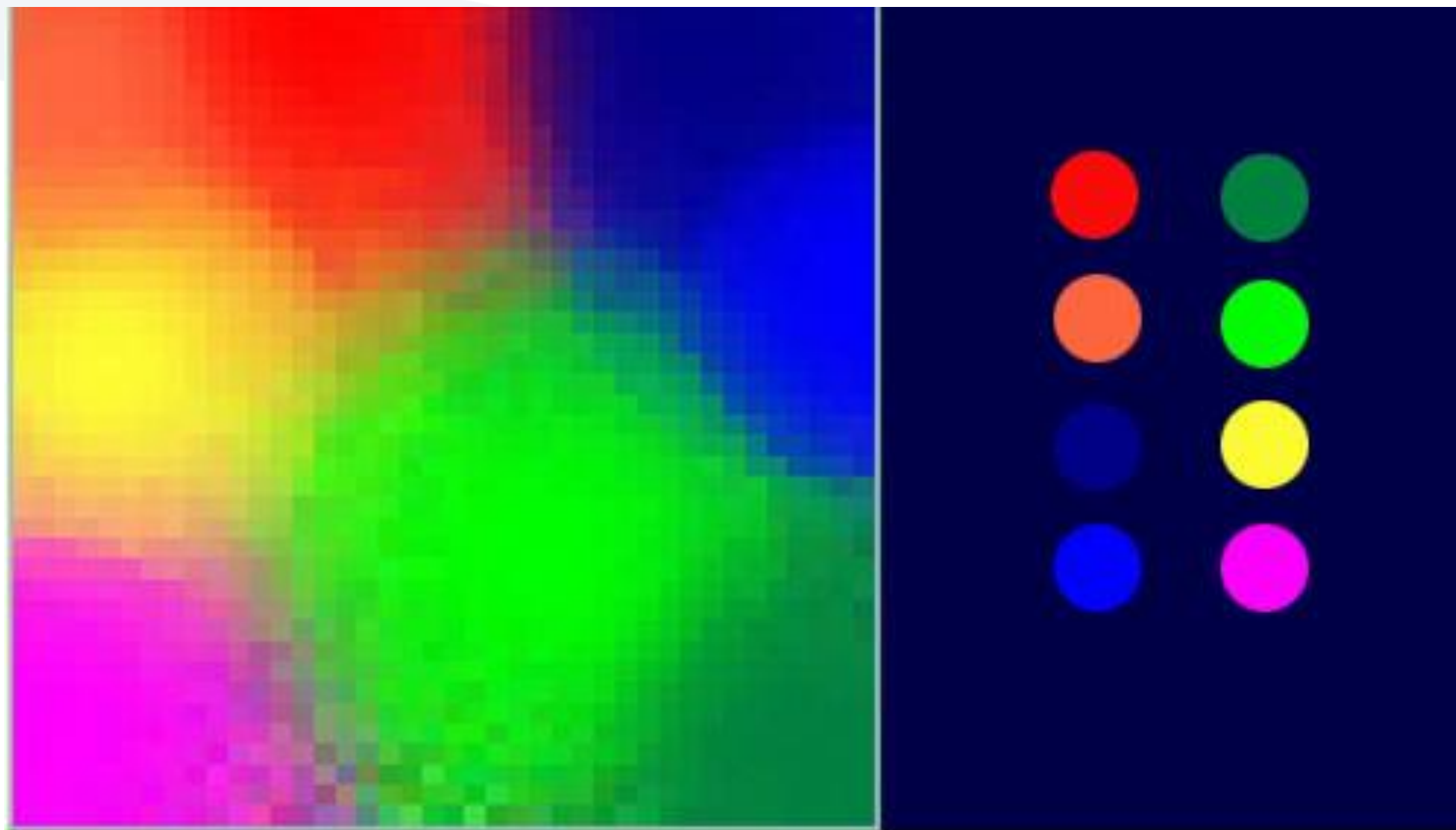
جامعة
المنارة
MANARA UNIVERSITY



- من الأمثلة الشائعة المستخدمة للمساعدة في فهم SOM هو **تمثيل الألوان** من مكوناتها **ثلاثية الأبعاد** (الأحمر والأخضر والأزرق) في **بعدين**.
- يبين الشكل مثالا على SOM تم تدريبها على التعرف على ثمانية ألوان مختلفة تظهر على اليمين.
- تم عرض الألوان على الشبكة على شكل أشعة ثلاثية الأبعاد (بعد واحد لكل من مكونات اللون) وتعلمت الشبكة على تمثيلهم في فضاء 2D.
- يمكن ملاحظة أنه بالإضافة إلى تجميع الألوان في مناطق مختلفة، فإن المناطق ذات الخصائص المتشابهة هي مجاورة لبعضها البعض.



جامعة
المنارة
MANARA UNIVERSITY



- لتجنب الخلط بين هذا النوع من الشبكات العصبية و كل ما تعلمناه سابقاً عن الشبكات العصبية، يجب نسيان كل ما تعلمته حول الشبكات العصبية حيث لا يجب النظر إلى شبكات SOM على أنها مكونة من عصبونات لها توابع تفعيل ووصلات تغذية أمامية/عكسية بل من الأفضل النظر إليها على أنها نوع جديد مختلف

Learning Algorithm



1. تهيئة أوزان كل عصبون بشكل عشوائي بحيث $0 < w < 1$
2. اختيار شعاع دخل بشكل عشوائي من مجموعة بيانات الدخل و عرضه على الشبكة
3. فحص كل عصبون لإيجاد العصبون الذي تكون أوزانه مشابهة أكثر لشعاع الدخل. العصبون الفائز يعرف عادةً **بأفضل وحدة مطابقة (BMU) Best Matching Unit**
4. حساب **نصف قطر المنطقة المجاورة لـ BMU**. حيث تكون هذه القيمة في البداية كبيرة، عادة تعطى قيمة مساوية إلى نصف قطر الخريطة، ولكن تقل مع كل خطوة زمنية
5. **تعديل أوزان** العصبون الفائز و أوزان العصبونات المجاورة له (العصبونات التي وجدناها في الخطوة 4) لجعلها أكثر قرباً من شعاع الدخل. كلما كان العصبون أقرب لـ BMU كلما كان تغير أوزانه أكبر
6. تكرار الخطوة الثانية N مرة

- يمكن وصف عملية تعلم SOM كمنافسة **competition** بين العصبونات لتمثيل أشعة الدخل.
- العصبون الذي شعاع وزنه أقرب إلى شعاع الدخل المقدم يفوز في المنافسة.
- يتم تعديل شعاع الوزن للعصبون الفائز وكذلك للعصبونات في المنطقة المجاورة للفائز لكي تشابه أكثر شعاع الدخل

Finding the Best Matching Unit

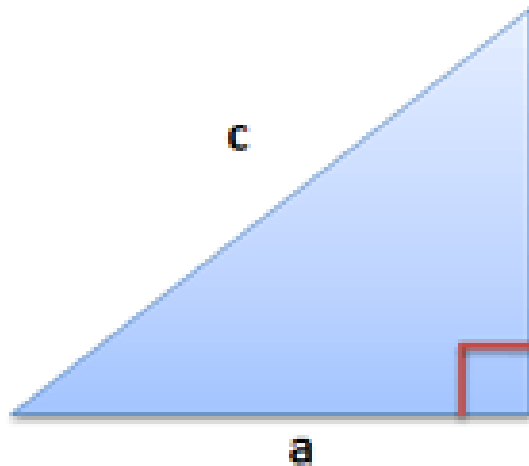
- إحدى الطرق لتحديد أفضل وحدة مطابقة، هي بحساب **المسافة الإقليدية Euclidean distance** بين **شعاع وزن** كل عقدة و **شعاع الدخل** الحالي. العصبون الذي يكون شعاع وزنه أقرب إلى شعاع الدخل يكون هو ال BMU

المسافة الإقليدية

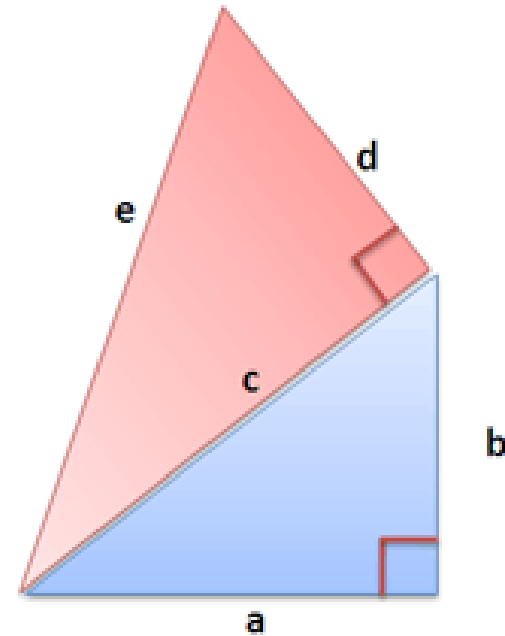
$$D = \sqrt{\sum_{i=0}^{i=n} (V_i - W_i)^2}$$

حيث: V هو شعاع الدخل
 W هو شعاع الوزن

حساب المسافة الإقليدية باستخدام نظرية فيثاغورث



$$a^2 + b^2 = c^2$$

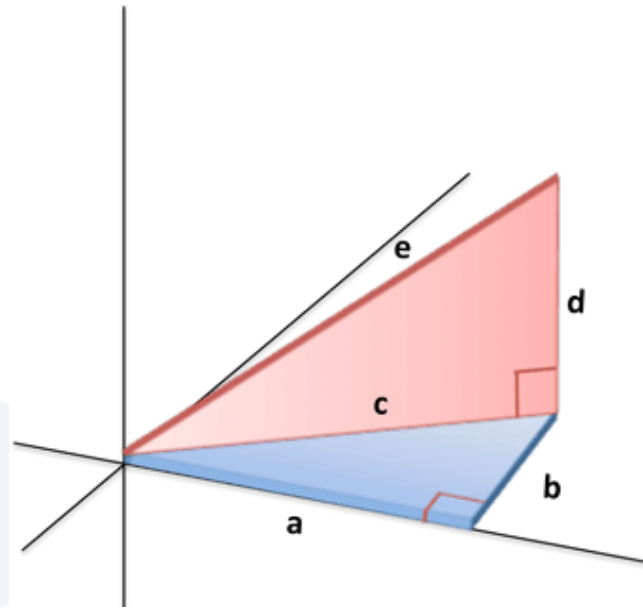


$$\begin{aligned} a^2 + b^2 &= c^2 \\ c^2 + d^2 &= e^2 \end{aligned}$$

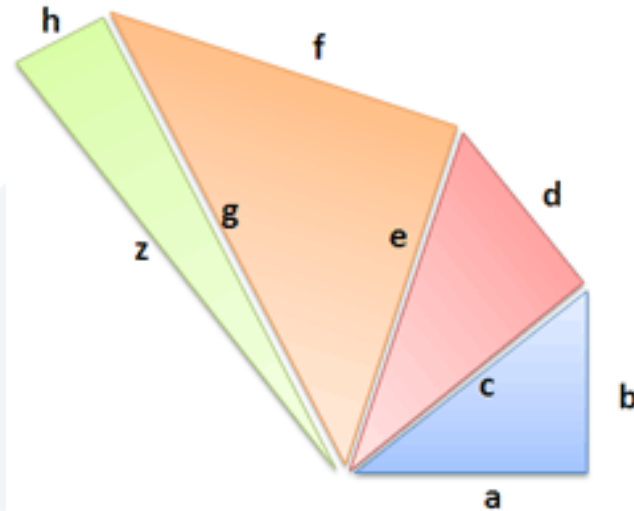


$$a^2 + b^2 + d^2 = e^2$$

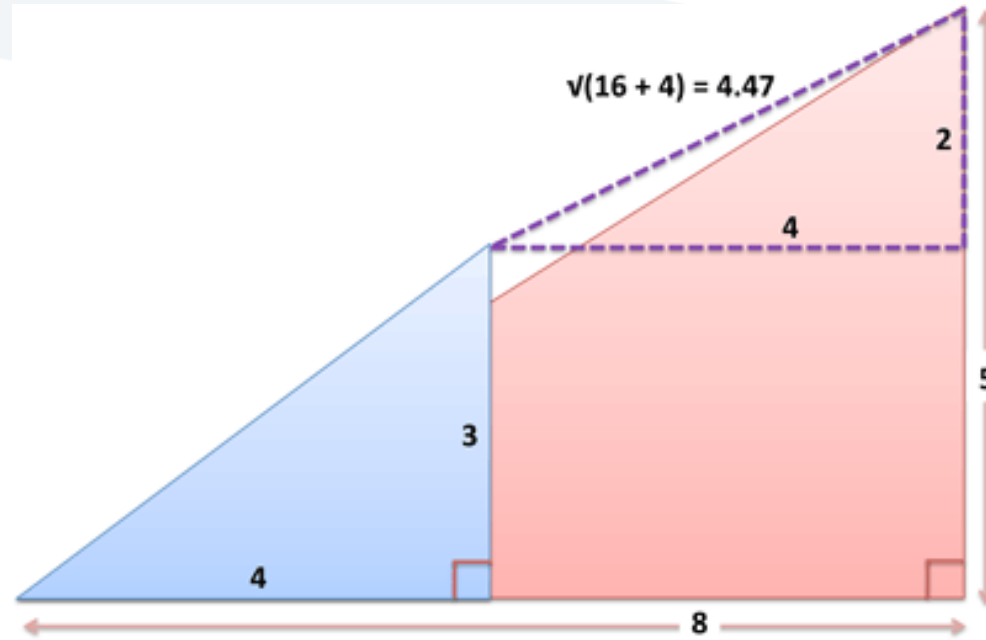
$$x^2 + y^2 + z^2 = \text{distance}^2$$



Use Any Number of Dimensions



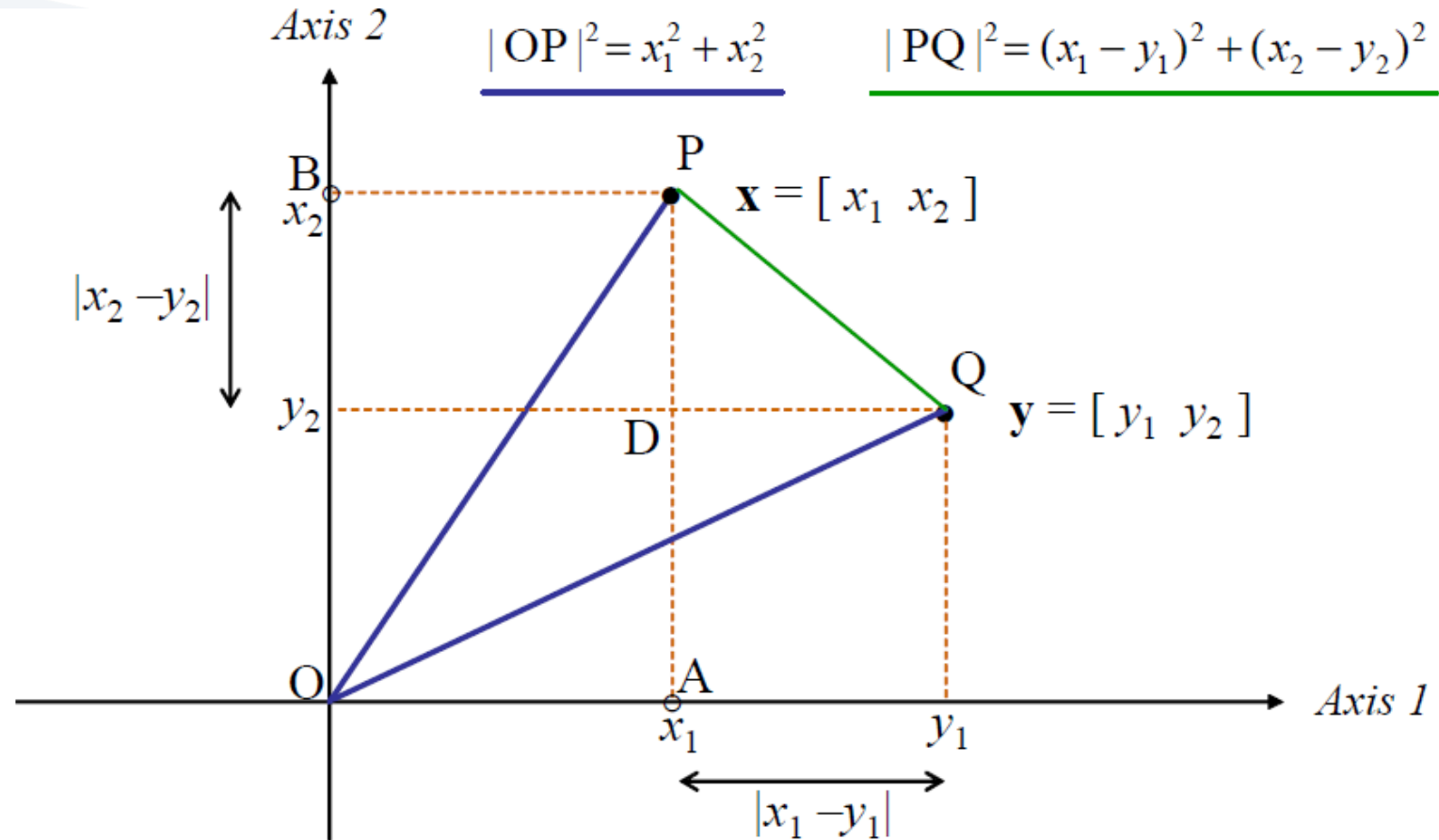
$$a^2 + b^2 + d^2 + f^2 + h^2 = z^2$$



$$distance^2 = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 + (z_2 - z_1)^2$$



distance between two vectors $\mathbf{x} = [x_1 \ x_2]$ and $\mathbf{y} = [y_1 \ y_2]$



$$d_{x,y}^2 = (x_1 - y_1)^2 + (x_2 - y_2)^2$$

$$d_{x,y} = \sqrt{(x_1 - y_1)^2 + (x_2 - y_2)^2}$$

Example



وكمثال على ذلك، لحساب المسافة بين شعاع دخل (1، 0، 0) وشعاع وزن عشوائي (0.1، 0.4، 0.5)

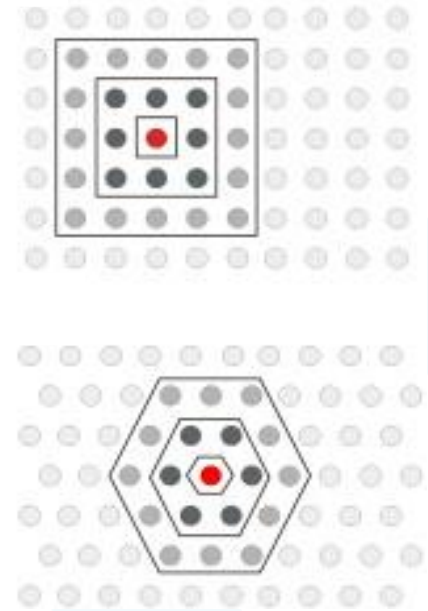
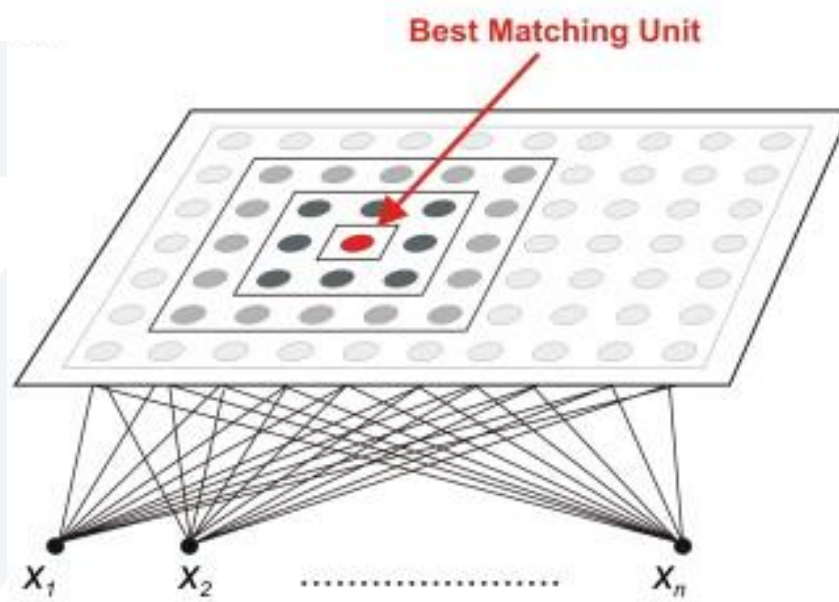
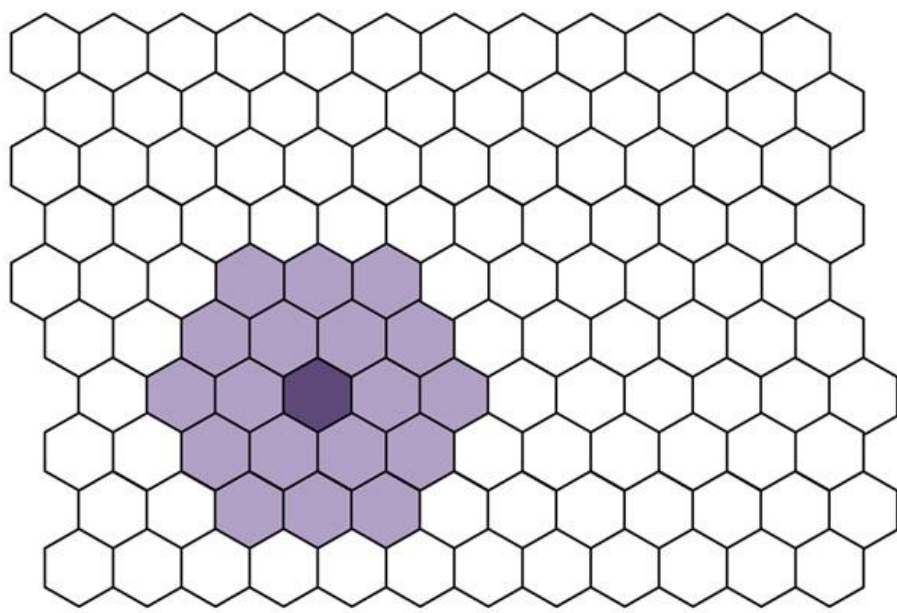
$$\text{distance} = \text{sqrt}((1 - 0.1)^2 + (0 - 0.4)^2 + (0 - 0.5)^2)$$

$$= \text{sqrt}((0.9)^2 + (-0.4)^2 + (-0.5)^2)$$

$$= \text{sqrt}(0.81 + 0.16 + 0.25)$$

$$= \text{sqrt}(1.22)$$

$$\text{distance} = 1.106$$



العلاقة الرياضية لتعديل الأوزان

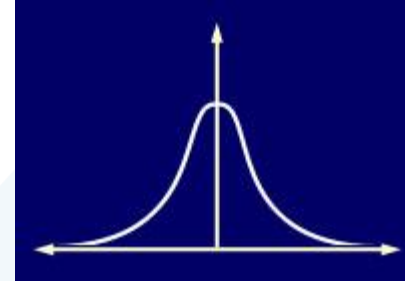
- يتم تعديل أوزان العصبون الفائز و العصبونات المجاورة له وفق العلاقة

معدل التعلم

$$L(t) = L_0 \exp\left(-\frac{t}{\lambda}\right) \quad t=1,2,3\dots$$

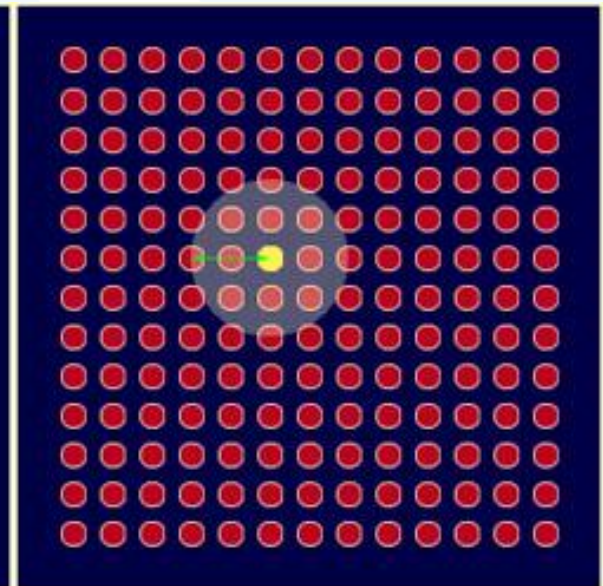
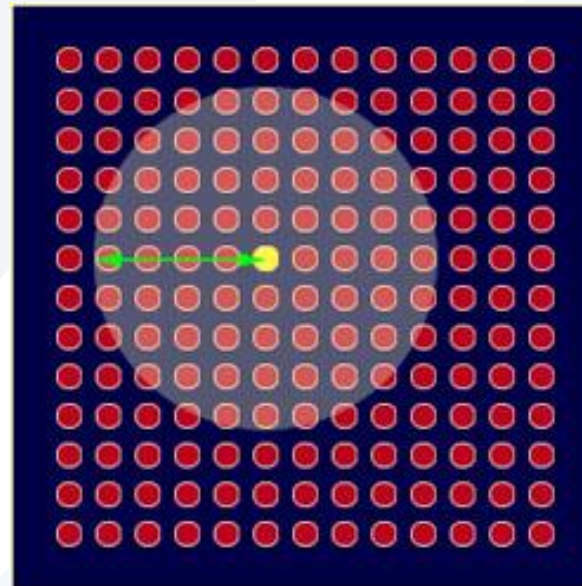
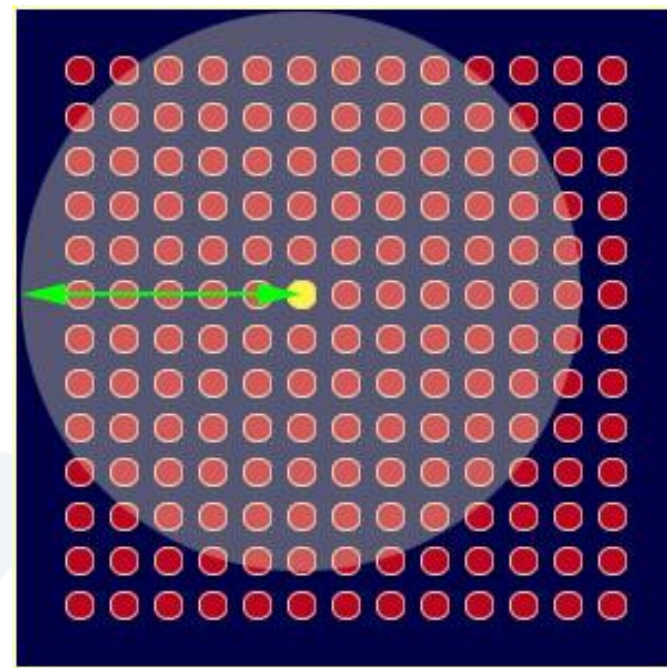
تابع الجوار

$$\Theta(t) = \exp\left(-\frac{dist^2}{2\sigma^2(t)}\right) \quad t=1,2,3\dots$$

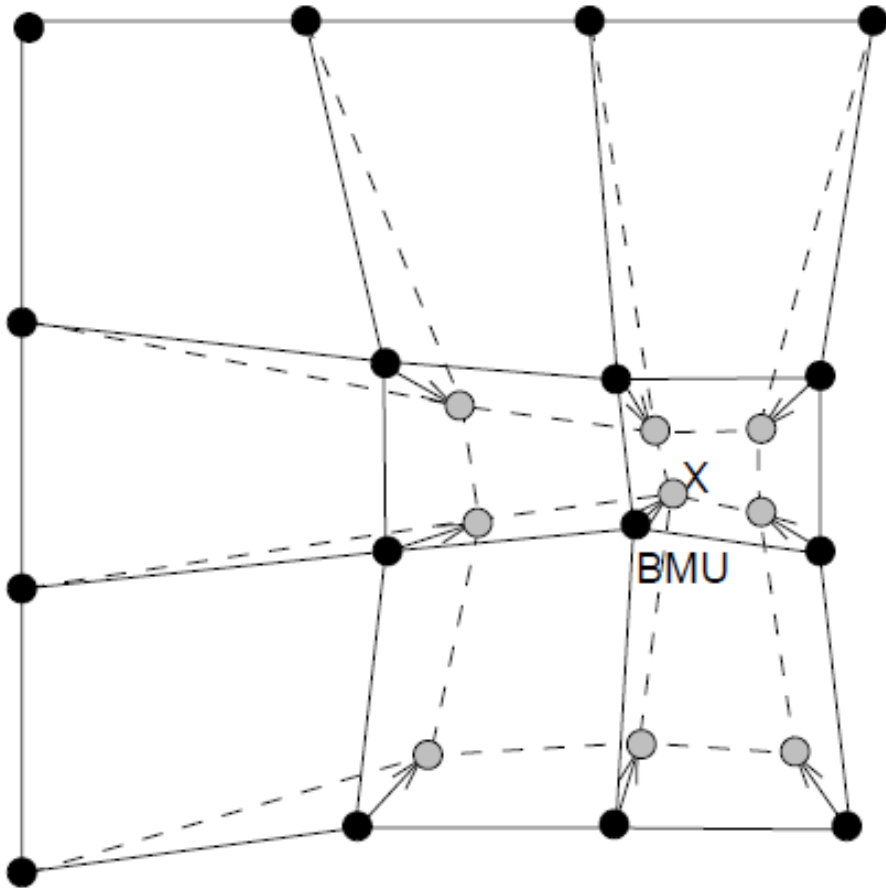


- تتناقص منطقة الجوار مع الزمن مع تقدم عملية التدريب.
- كذلك يتناقص معدل التعلم مع تقدم عملية التدريب

$$\sigma(t) = \sigma_0 \exp\left(-\frac{t}{\lambda}\right) \quad t=1,2,3\dots$$



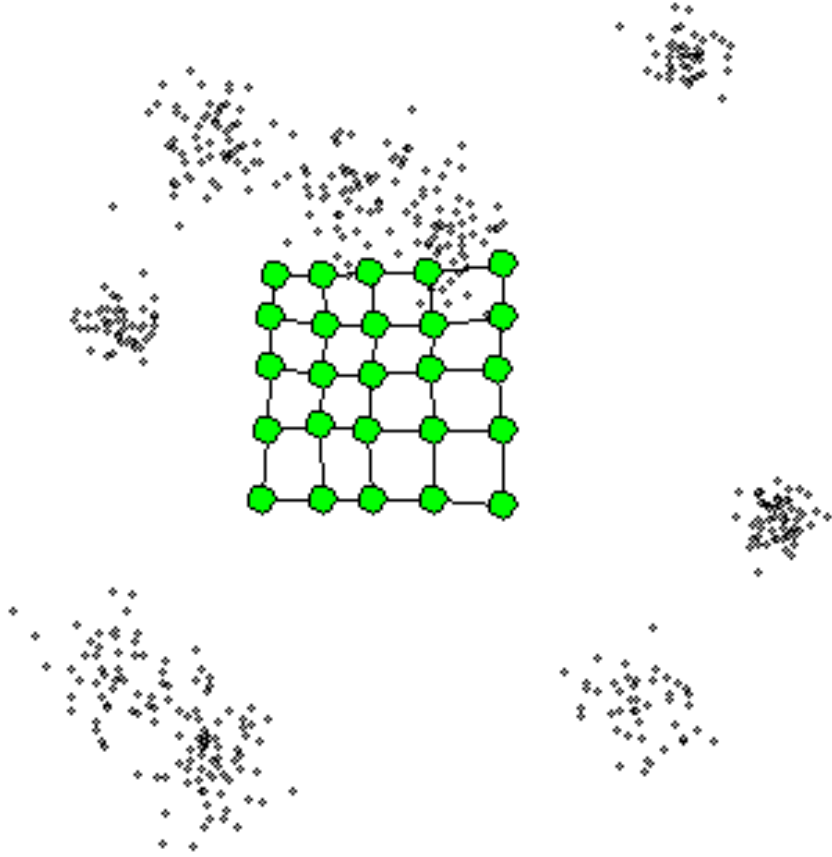
تحديث أفضل وحدة مطابقة (BMU) وجيرانها باتجاه عينة الدخل التي يرمز لها x



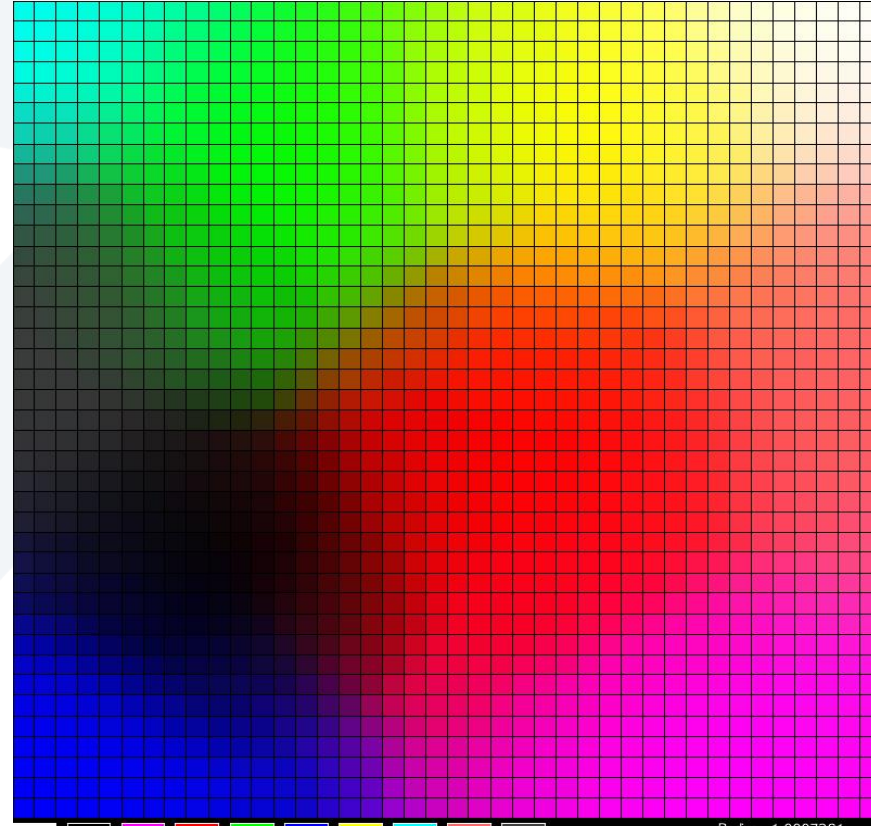
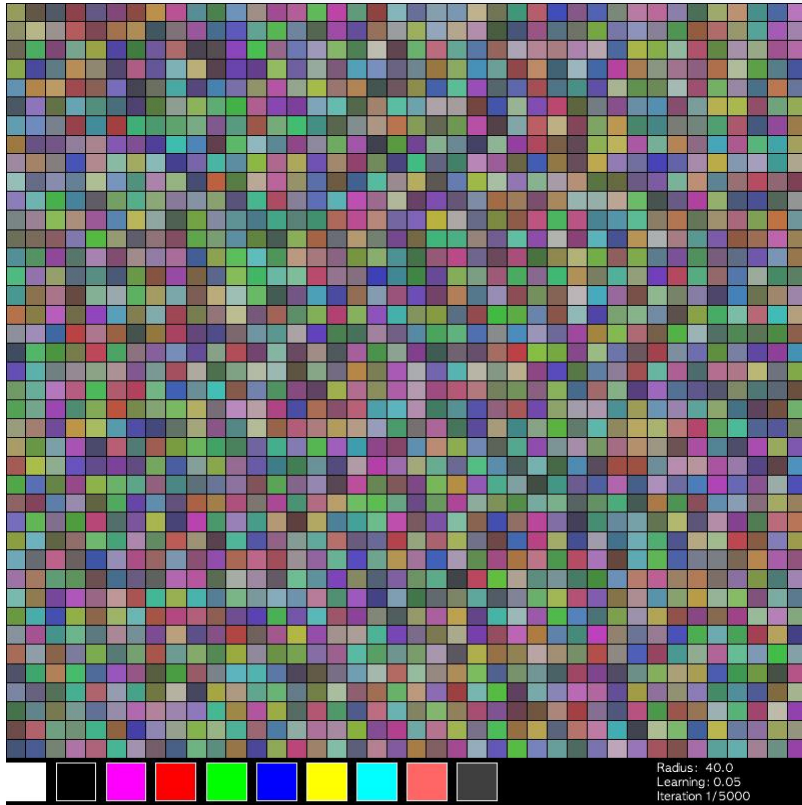
الخطوط المستمرة والمتقطعة تقابل الحالة قبل وبعد تعديل الأوزان، على التوالي.

يوضح المثال التالي مبدأ عمل SOM

(النقاط السوداء = البيانات، النقاط الخضراء = العصبونات):

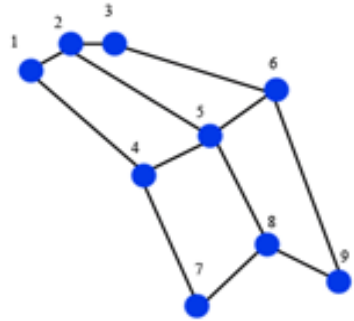


مثال : تصنيف الألوان



إظهار البيانات عن طريق SOM

• مثال 1: SOM 3×3

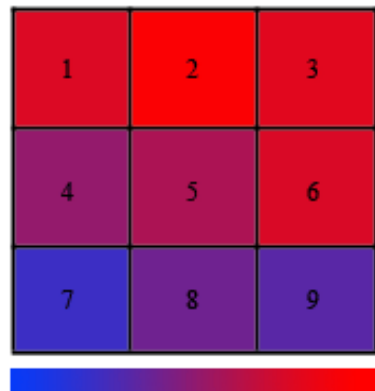


1	2	3
4	5	6
7	8	9

X



Y



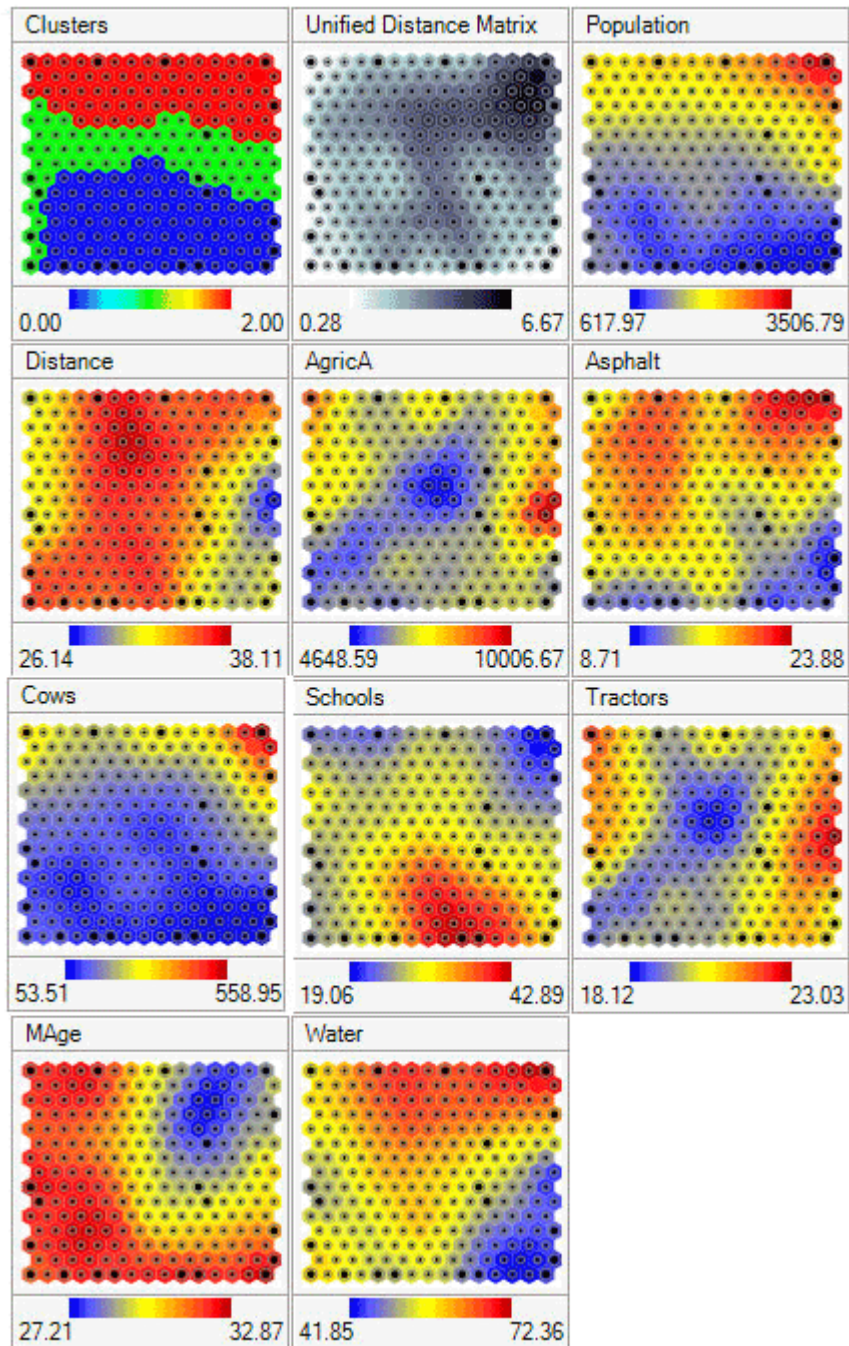
Unit 1: Low X value, High Y value
Unit 9: High X value, Low Y value

مثال على تطبيق SOM:



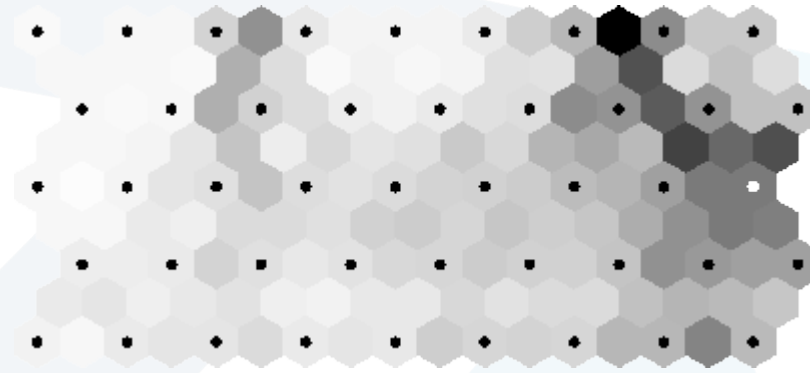
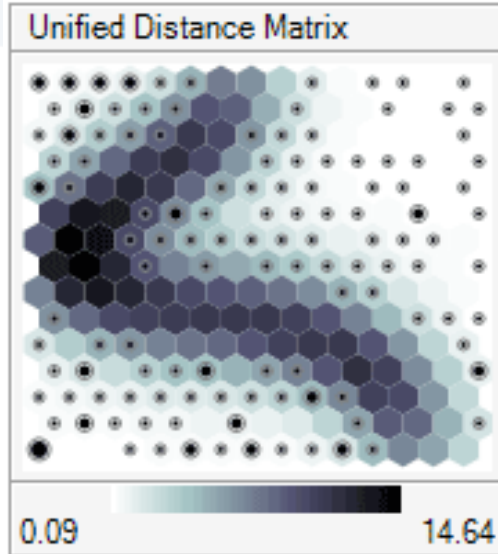
- لدينا بيانات تحتوي عددا من المتغيرات المقاسة في قرى مختلفة. حيث تمثل كل عينة قرية

Population - عدد السكان الذين يعيشون في القرية
Distance - المسافة إلى أقرب مدينة (كم)
AgricA - منطقة زراعية (هكتار)
Asphalt - الطرق الإسفلتية (كم)
Cows - عدد الأبقار في القرية
Schools - عدد المدارس
Tractors - عدد الجرارات
MAge - متوسط العمر (بالسنوات)
Water - نوعية المياه (0-100%)



U-Matrix

Unified Distance Matrix



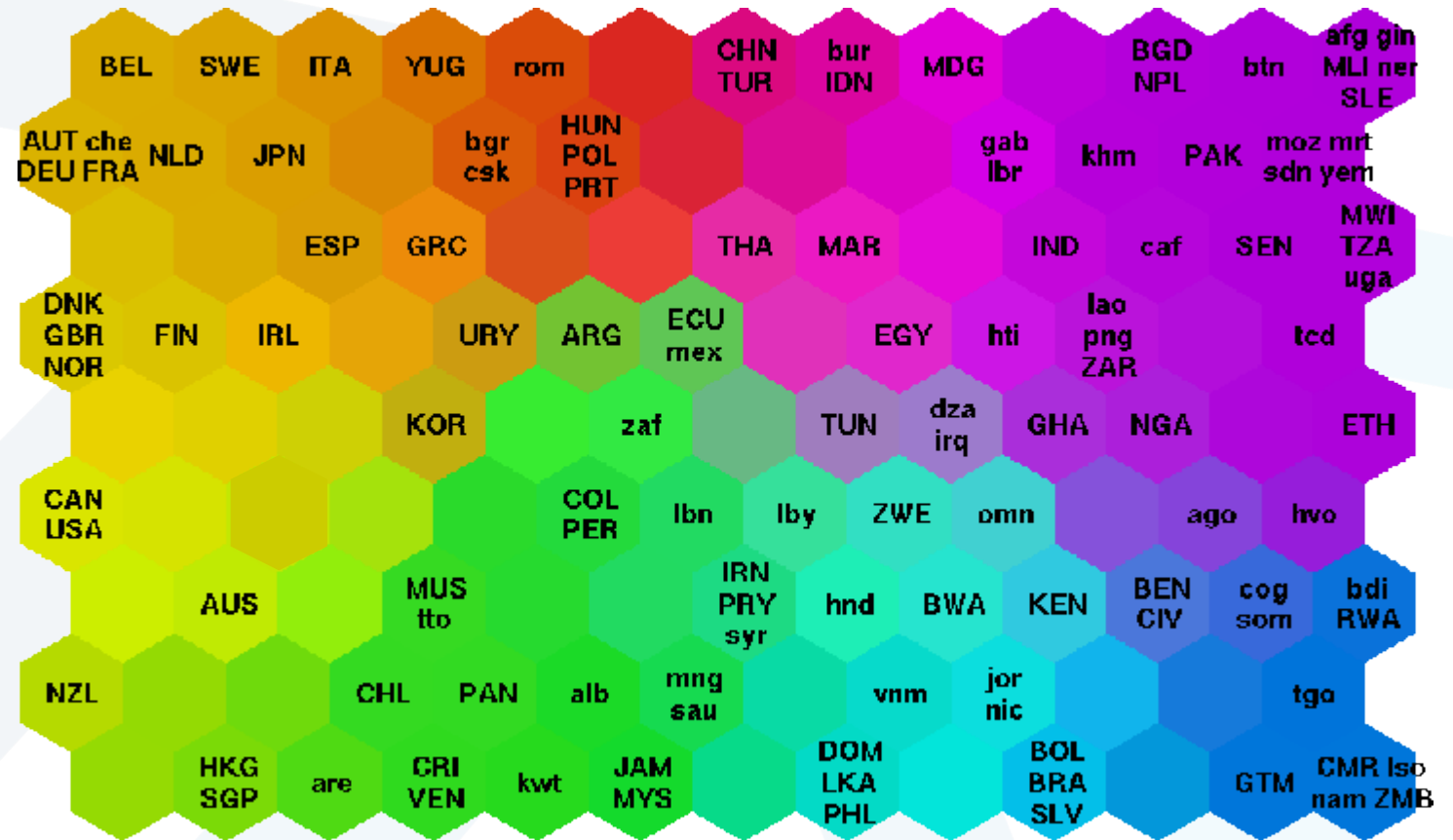
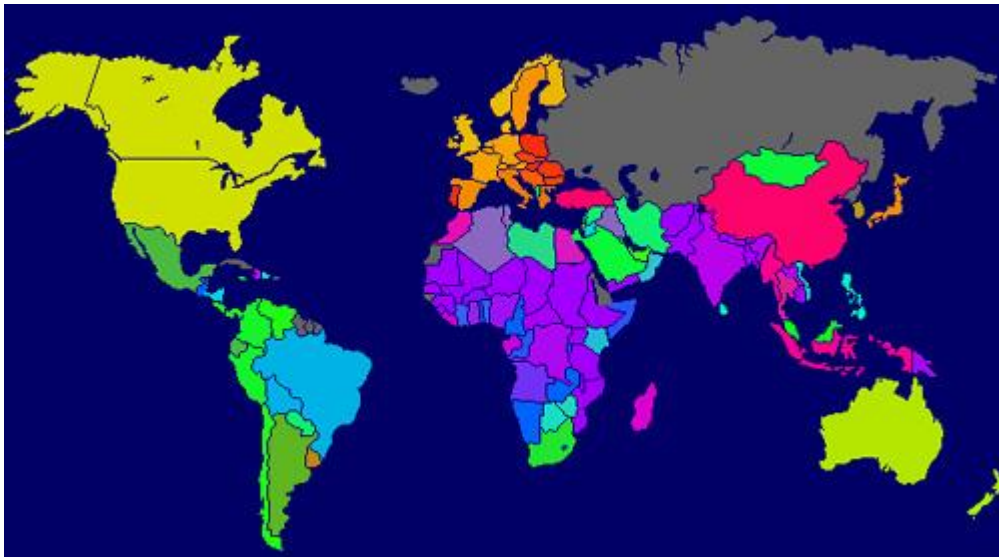
المناطق المظلمة تعني أن المسافة بين العقد كبيرة
المناطق الفاتحة تعني أن العقد قريبة من بعضها البعض.

مثال :خريطة الفقر العالمية

تكونت هذه البيانات من إحصاءات البنك الدولي حول البلدان في عام 1992. واعتمدت على 39 مؤشراً تصف مختلف العوامل المتعلقة بنوعية الحياة، مثل الحالة الصحية، والتغذية، والخدمات التعليمية، وغيرها.



جامعة
المنارة
MANARA UNIVERSITY



مثال تصنيف صور مناظر طبيعية



مثال تصنيف موديلات سيارات

