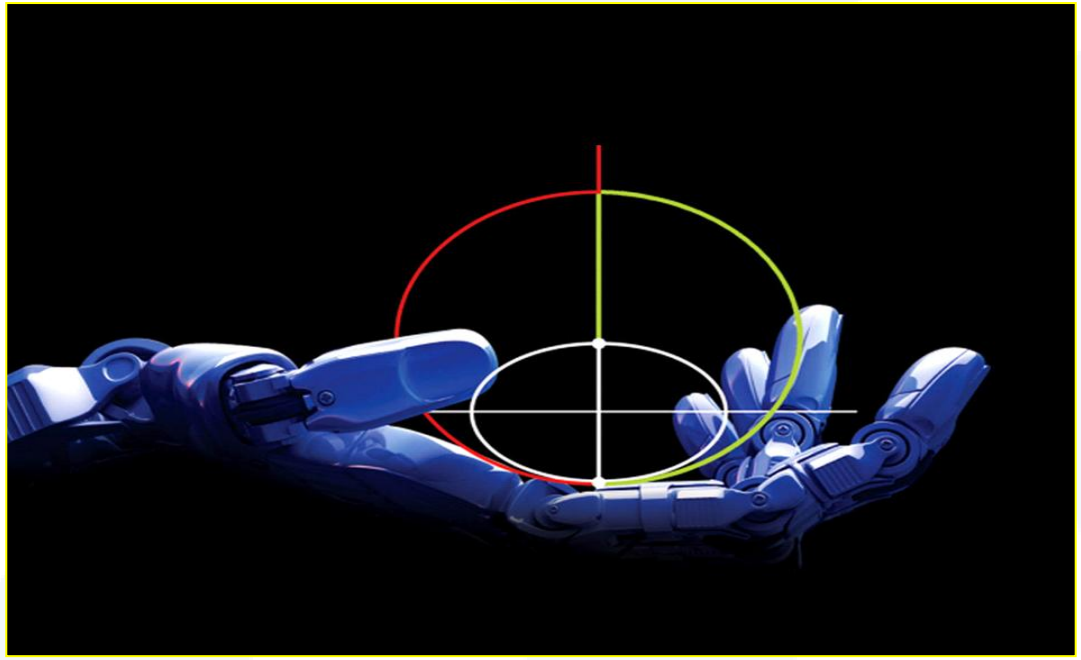
جامعة المنارة

كلية الهندسة

قسم ميكاترونكس

مقرر النمذجة و المحاكاة

Introduction to Modeling and Simulation



د. محمد خير عبدالله محمد

العام الدراسي 2024-2025

Contents

Introduction

Block Diagram Model

Matlab-Simulink

Simple Newton ′s Laws

Simulation of Simple Motions

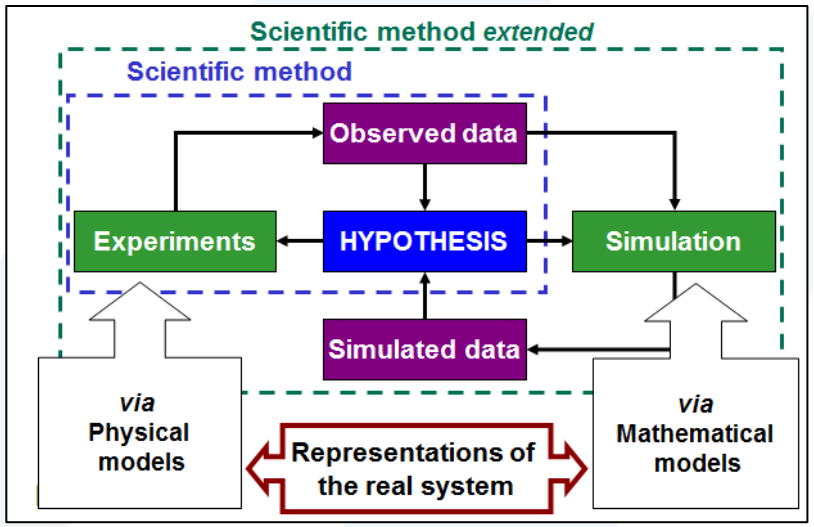
Introduction

النمذجة

هي تجريد للنظام من خلال تجميع معلومات حول النظام لغرض دراسته و لإجراء تجارب للإجابة على أسئلة و افتراضات لا يمكن تطبيقها على النظام مباشرة حتى لا يضطرب النظام الأصلي

المحاكاة

مصطلح لاتيني يعني نسخة أو صورة انعكاسية مصغرة, و المحاكاة هي تقليد لعمل نظام حقيقي خلال فترة زمنية معينة, أي توليد تاريخ مصطنع للنظام لغرض استنتاج الخواص التشغيلية للنظام الحقيقي . تستخدم لمحاكاة تصرفات النظم ذات النماذج الرياضية المعقدة و التي يكون من الصعب حلها تحليلياً, حيث يتم تجميع البيانات الناتجة عن تطبيق المحاكاة لتستخدم في تحليل النظام و تعديله و تطويره



فوائد النمذجة و المحاكاة

تكون تكلفة تحليل النماذج أقل بكثير من تكلفة التجارب المشابهة التي تجري على النظام

معالجة النموذج أسهل بكثير من معالجة النظام الحقيقي

تكلفة حدوث الخطأ في تجربة المحاولة أقل عند استخدام النماذج عما في الواقع

من عملية النمذجة و المحاكاة يمكن الحصول على معلومات مفيدة جداً لتحسين أداء النظام الحقيقي

بتغيير مدخلات المحاكاة و ملاحظة المخرجات الناتجة يمكننا تحديد المتغيرات المهمة في النظام الحقيقي

تعزز النماذج و تقوي التعليم و التدريب

صعوبات النمذجة و المحاكاة

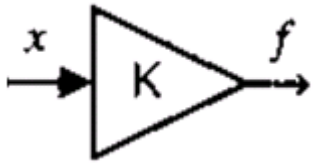
بناء نموذج يحتاج إلى خبرة و تدريب خاص فبناء النموذج فن بقدر ما هو علم

من الصعب تفسير نتائج المحاكاة فيما لو كانت المدخلات عشوائية

النمذجة و التحليل و جميع البيانات لغرض المحاكاة قد تستغرق وقتاً طويلاً و قد تكون مكلفة و لا يمكن اختصار بعض المصادر في عملية بناء النموذج

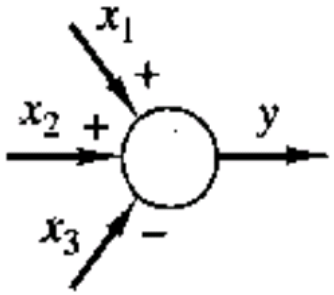
Block Diagram Model

Block Diagram: هو عبارة عن ترابط بين البلوكات التي تمثل العمليات الرياضية الأساسية بطريقة يكون المخطط الناتج معادل للنموذج الرياضي للنظام
في هذا المخطط الخطوط الواصلة بين البلوكات تمثل المتغيرات التي تصف سلوك النظام التي يمكن أن تكون مدخلات,مخرجات أو متغيرات أخرى ذات صلة.
البلوكات تمثل عمليات أو وظائف التي تستخدم واحد أو أكثر من المتغيرات لتحسب متغيرات أخرى على سبيل المثال: القوة f الناتجة عن النابض يمكن أن تحسب من إزاحته عن طريق ضرب الإزاحة x بثابت صلابة النابض k وبشكل *Block Diagram* نراها كما يلي:

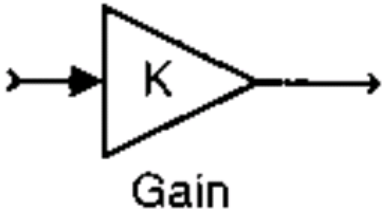


بعض البلوكات وعملها:

المجمع Summer : إضافة وطرح المتغيرات يتمثل ببلوك summer و يكون مرسوم بشكل عام على شكل دائرة تحوي أي عدد من الأسهم المتجهة نحوها (المدخلات) وسهم واحد خارج من الدائرة (الخرج),والسهم الداخل يكون جمع أو طرح بحسب الأشارة المرتبطة به
المتغير الخارج يعرف على أنه مجموع جميع المتغيرات المدخلة مع أخذ الأشارات السالبة والموجبة في الحسبان.
مثال على ذلك:ناتج الجمع y من جمع $x_1+x_2+x_3$ ويمثل ذلك بالشكل التالي:



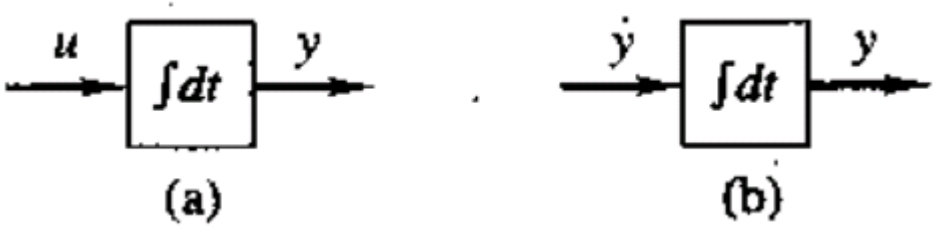
الضرب Gain :وهو يقوم بعملية الضرب لمتغير وحيد بثابت وهذه العملية تمثل بواسطة بلوك Gain ,لايوجد أية قيود على القيمة داخل هذا البلوك التي قد تكون موجبة ,صفر أو سالبة ويمثل بالشكل التالي وهو عملية ضرب متغير بالقيمة K :



المكامل Integrator :يجرى التكامل مع أخذ الزمن بعين الاعتبار بواسطة بلوك Integrator كما هو موضح في المثال التالي بالشكل (a)خرج البلوك يعطى بالعلاقة:

$$y'(t)=u(t)$$

$$y(t)=y(0)+\int_0^t u(t)dt$$

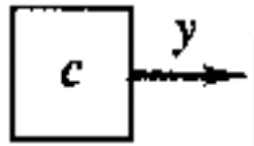


إذا كان الدخل الى البلوك هو مشتق y مع أخذ الزمن بالاعتبار يجب أن يكون الخرج y(t) كما موضح بالشكل (b)

الشرط الابتدائي y(0) لايظهر عادة بشكل صريح ولكن يجب أن يكون محدداً أو مفروضاً صفر

الثابت Constant : بلوك constant في الشكل التالي ليس لديه دخل وخرجه لايتغير أبداً

هو يطبق العلاقة y=c



دمج البلوكات لحل معادلات النمذجة:

سنقوم الآن بدمج البلوكات للحصول على BD الذي يمثل الحل لمعادلة تفاضلية

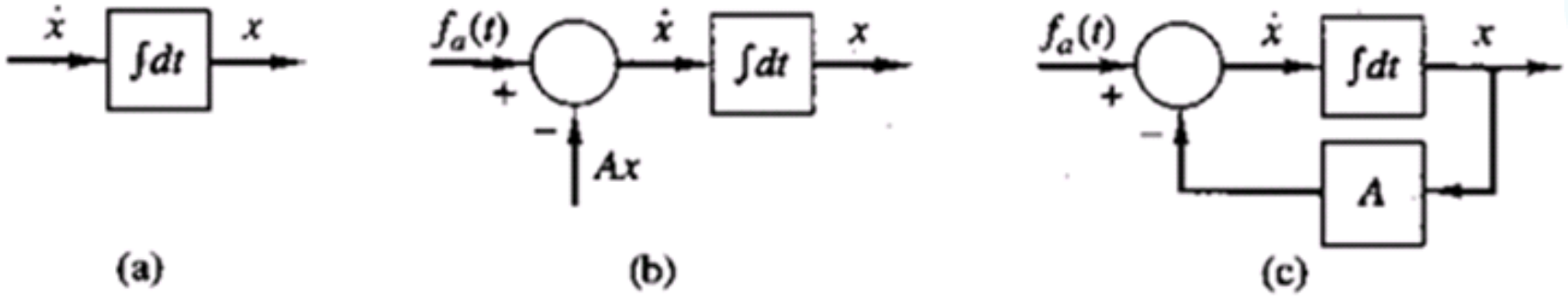
باعتبار المطلوب نمذجة المعادلة التالية :

$X'=f_a(t)-AX$

حيثA ثابت معلوم $f_a(t)$ دخل معلوم X الخرج

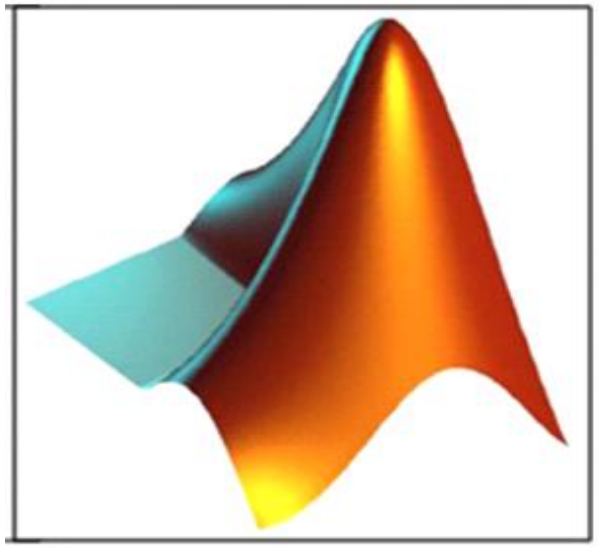
قبل استخدام معادلة النمذجة السابقة يجب أن نستفيد من العلاقة بين X و 'X ليكون للمخطط متغير مجهول واحد نقوم بذلك بجعل 'X هو دخل integrator والذي سيكون خرجه حتماً هو X كما يظهر في الشكل (a) و لأن معادلة'X هي عبارة عن طرح حدين فتظهر كخرج بلوك summer ودخلي هذا البلوك هما $f_a(t)$ وAX كما يظهر في الشكل(b)

في النهاية نكمل المخطط باستخدام بلوك gain لتكوين الاشارة AX كما في الشكل (c)



Matlab-Simulink

Matlab

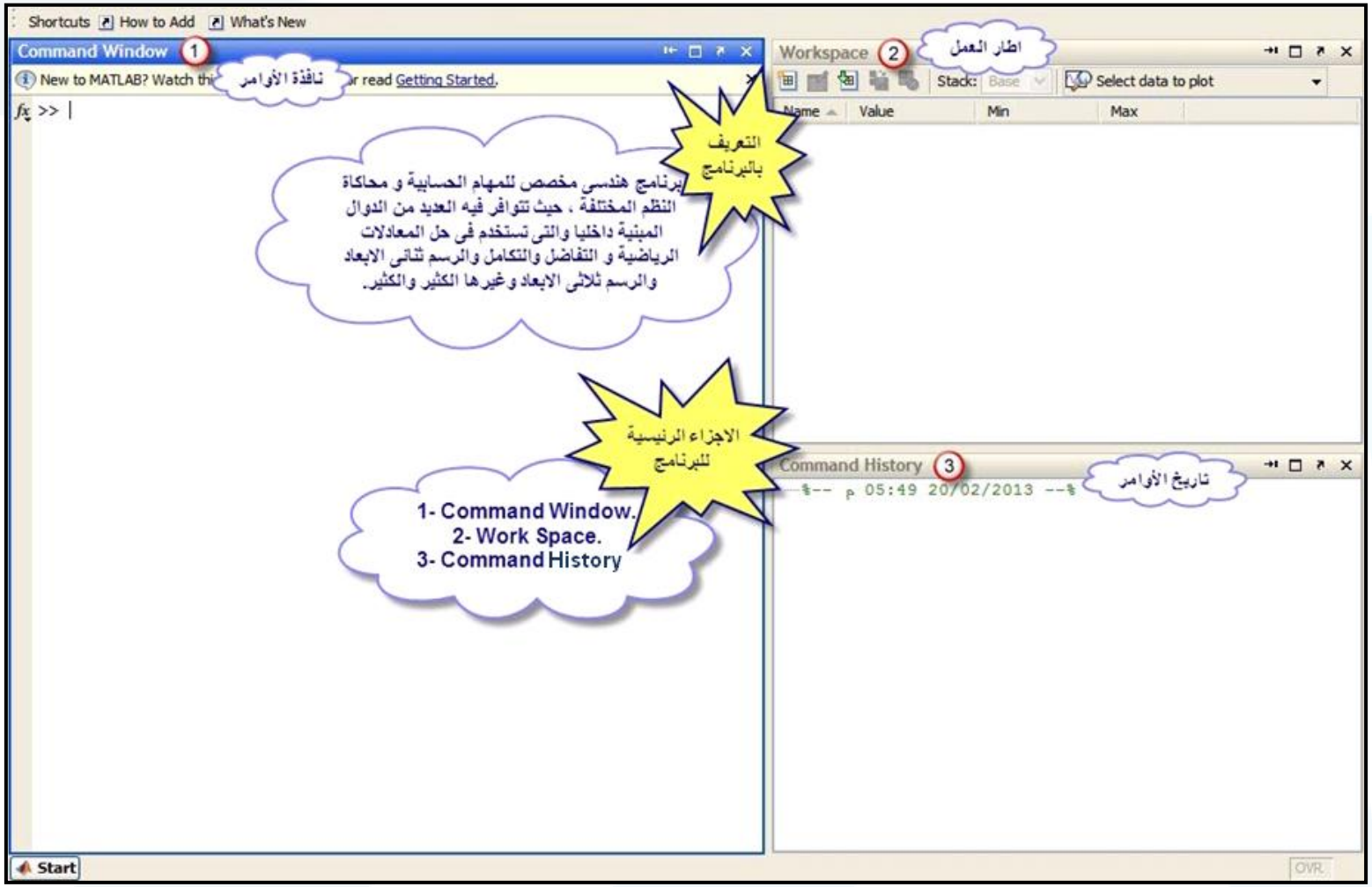


لغة ذات مستوى عالي للحسابات و البرمجة و هو اختصار لعبارة مختبر المصفوفة MATrix LABoratory لأنه يتعامل مع البيانات كمصفوفات وهي نقطة القوة الأساسية الكبيرة فيه مما يجعله الأداة البرمجية الأكثر كفاءة ديناميكياً (إعطاء أبعاد متعددة للظاهرة المدروسة)

يمكن باستخدام Matlab :

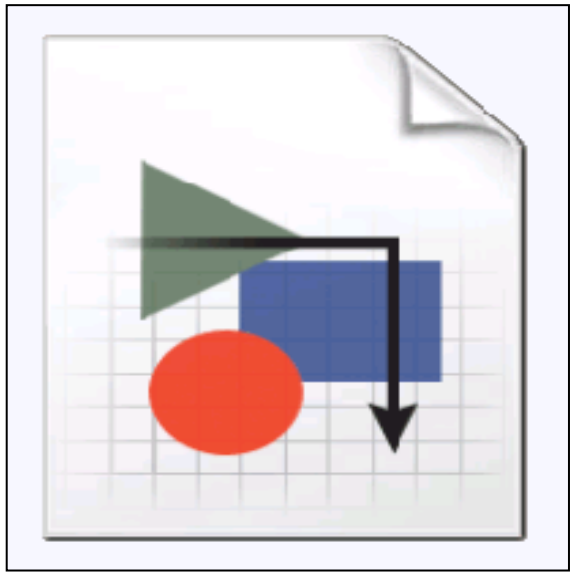
- ❖إجراء الحسابات الرياضية بما فيها الأكثر تعقيداً (الرياضيات التفاضلية و المتقطعة و اللابلاسية و غيرها من التقنيات المتقدمة)
- ❖تطوير الخوارزميات المبرمجة على اختلاف أنواعها (المتسلسلة و المتفرعة)
- ❖معالجة البيانات و تحليلها و عرضها بمختلف الطرق
- ❖تنفيذ عمليات الرسم ثنائي و ثلاثي الأبعاد بدقة متناهية

يشمل Matlabعلى مجموعة من الأدوات البرمجية مصنفة ضمن ما يعرف toolbox (صندوق أدوات) حيث أن كل صندوق متخصص بمجال معين


Shortcuts
How to Add
What's New
Command Window
1
نافذة الأوامر
New to MATLAB? Watch th
r read Getting Started.
fx >> |
Workspace
2
اطار العمل
Stack:
Base
Select data to plot
Name
Value
Min
Max
التعريف بالبرنامج
برنامج هندسي مخصص للمهام الحسابية و محاكاة النظم المختلفة ، حيث تتوافر فيه العديد من الدوال المبنية داخليا والتي تستخدم في حل المعادلات الرياضية و التفاضل والتكامل والرسم ثنائي الابعاد والرسم ثلاثي الابعاد وغيرها الكثير والكثير.
الاجزاء الرئيسية للبرنامج
1- Command Window.
2- Work Space.
3- Command History
Command History
3
%-- p 05:49 20/02/2013 --%
تاريخ الأوامر
Start
OVR

Simulink

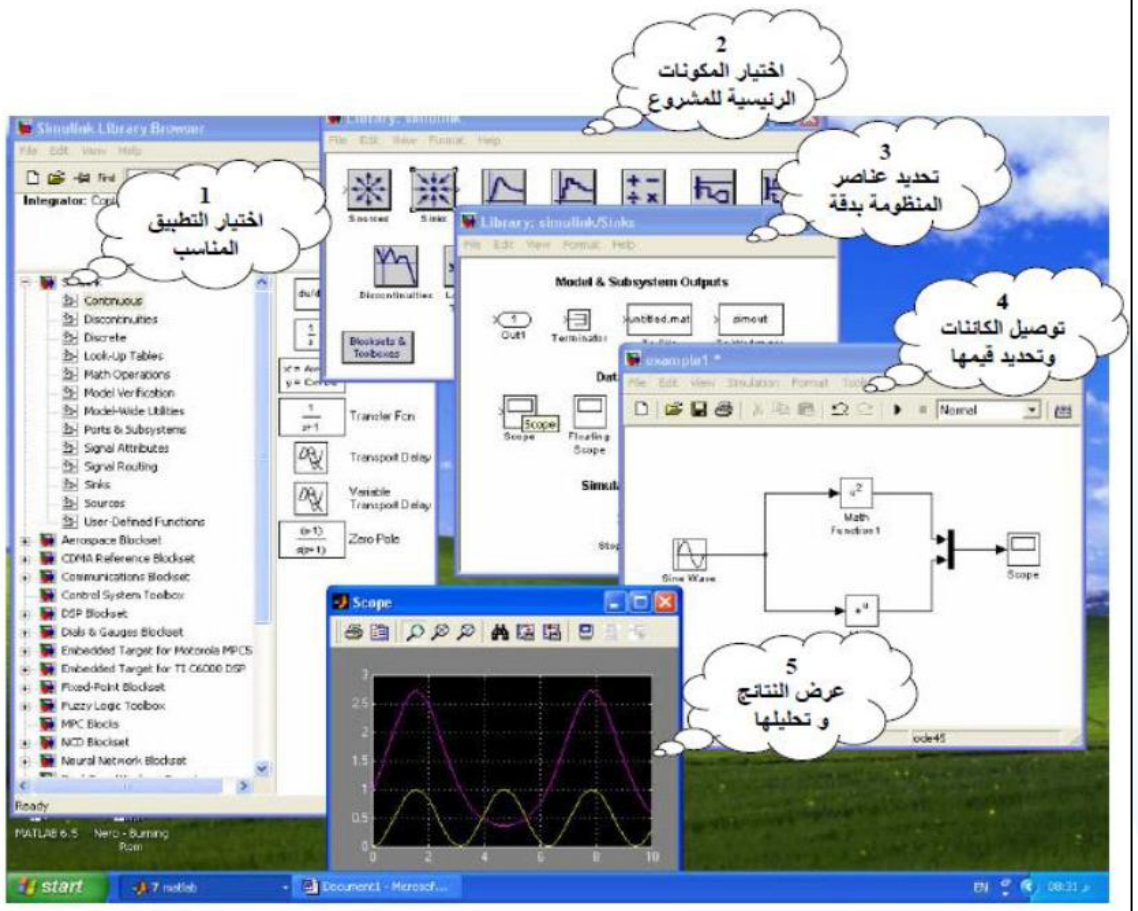
جزء من Matlab و هو أداة نمذجة و محاكاة و تحليل النظم الديناميكية
يستطيع التعامل مع النظم المستمرة و المتقطعة و الهجينة و هو اختصار لعبارة (SIMulation and LINK) أي بمعنى محاكاة و ارتباط



✓يستخدم لبناء النماذج الهندسية حيث يقوم بإخراج واجهات رسومية (GUI) كمخططات صندوقية و بعد ذلك يمكن تنفيذ المحاكاة و تحليل النتائج

✓Simulink بمثابة مكتبة ضخمة جداً مؤلفة من مكتبات فرعية كل مكتبة فرعية تتضمن أدوات نمذجة و محاكاة و تحليل مجال تخصصي معين (هندسة الطيران-السيارات-نظم التحكم الآلي-النظم الالكترونية- النظم الهيدروليكية- النظم الحرارية- النظم الميكانيكية-معالجة الصورة-معالجة الإشارة-المنطق الضبابي-الشبكات العصبونية الصناعية و عدد كبير من المجالات التخصصية الأخرى بما فيها المجالات الطبية و الاقتصادية و حتى البيولوجية)

✓يرتكز في معالجته لمختلف هذه المجالات على رياضيات عالية التقنية ركيزتها الأساسية المصفوفات و الطرق العددية المبرمجة المتقدمة

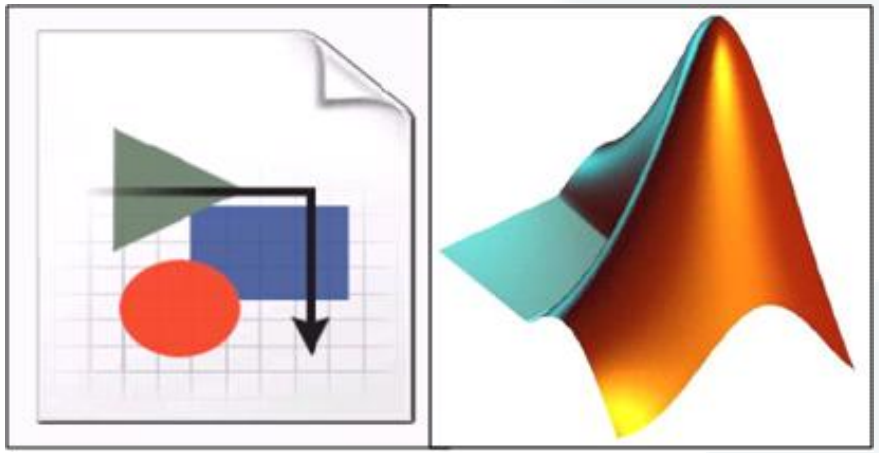


كيفية اختيار العناصرلبناء برنامج محاكاة

تطبيقات Matlab-Simulink

في المجال الأكاديمي:

عمليات التفاضل و التكامل و الطرق العددية المعقدة
حل المعادلات الجبرية
حل المعادلات التفاضلية و اللابلاسية ذات الرتب العليا
عمليات التفاضل الجزئي و عمليات الكسر الجزئي
العناصر المنتهية



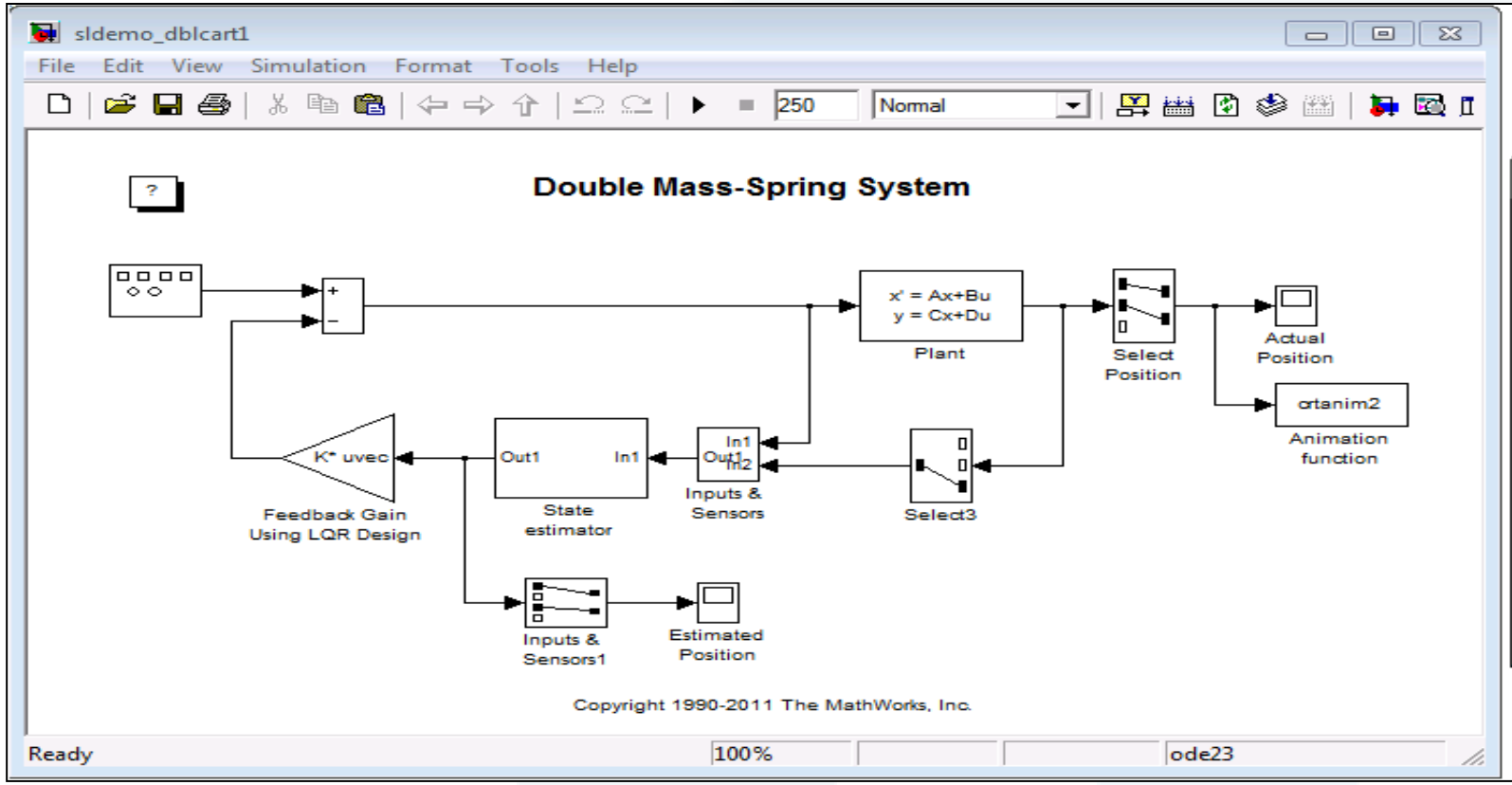
في المجال التطبيقي:

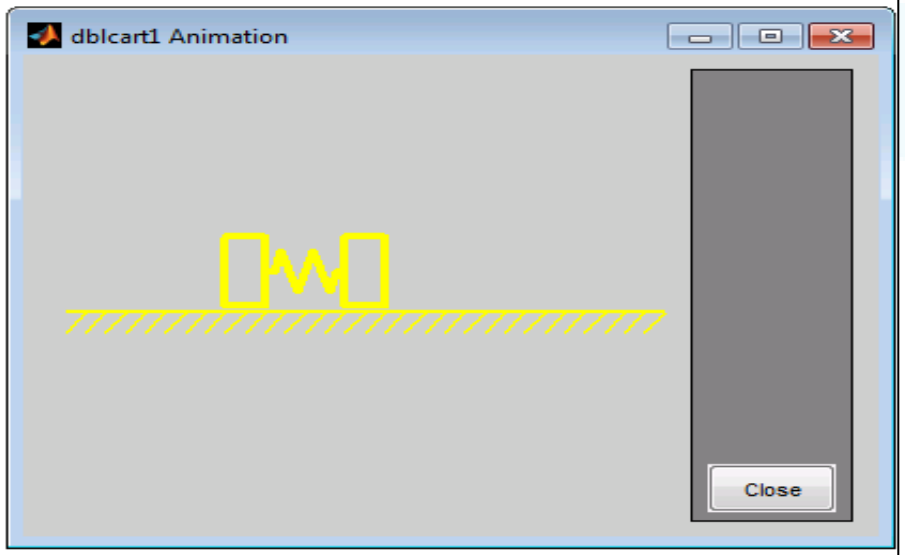
أنظمة التحكم
معالجة الصورة و الصوت
محاكاة الالكترونيات
محاكاة النظم الميكانيكية و الهبدروليكية و الحرارية و الكهربائية
صناعة السيارات
الطيران و الصناعات العسكرية (الدفاع الجوي)
صناعة الروبوت
في المجالات الانشائية (التحليل بالعناصر المنتهية)
الهندسة الطبية (التحليل الدوائي و الكشف عن الأورام الخبيثة)

Demos in Matlab/Simulink

Double Spring Mass System

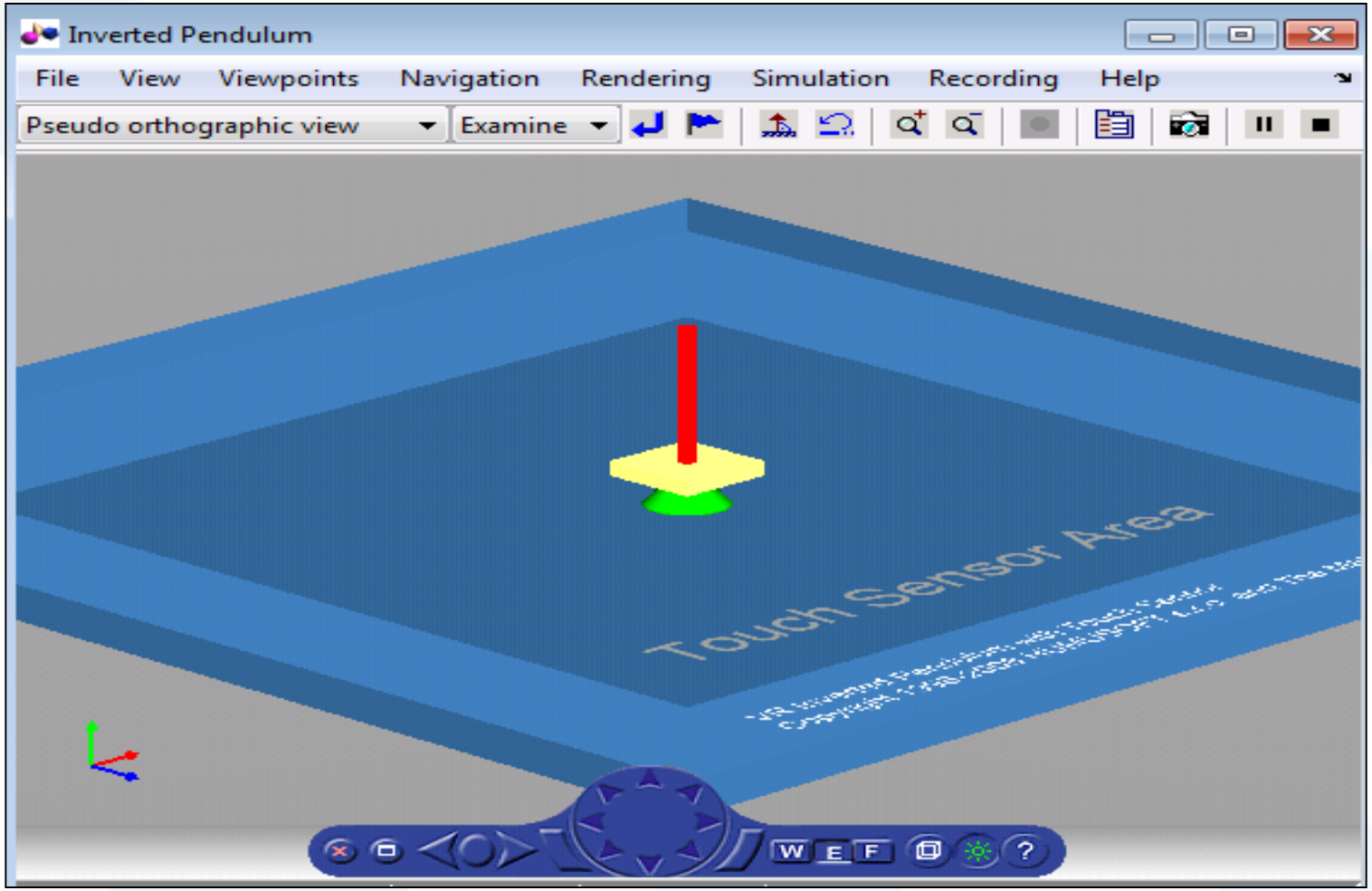
sldemo_dblcart1





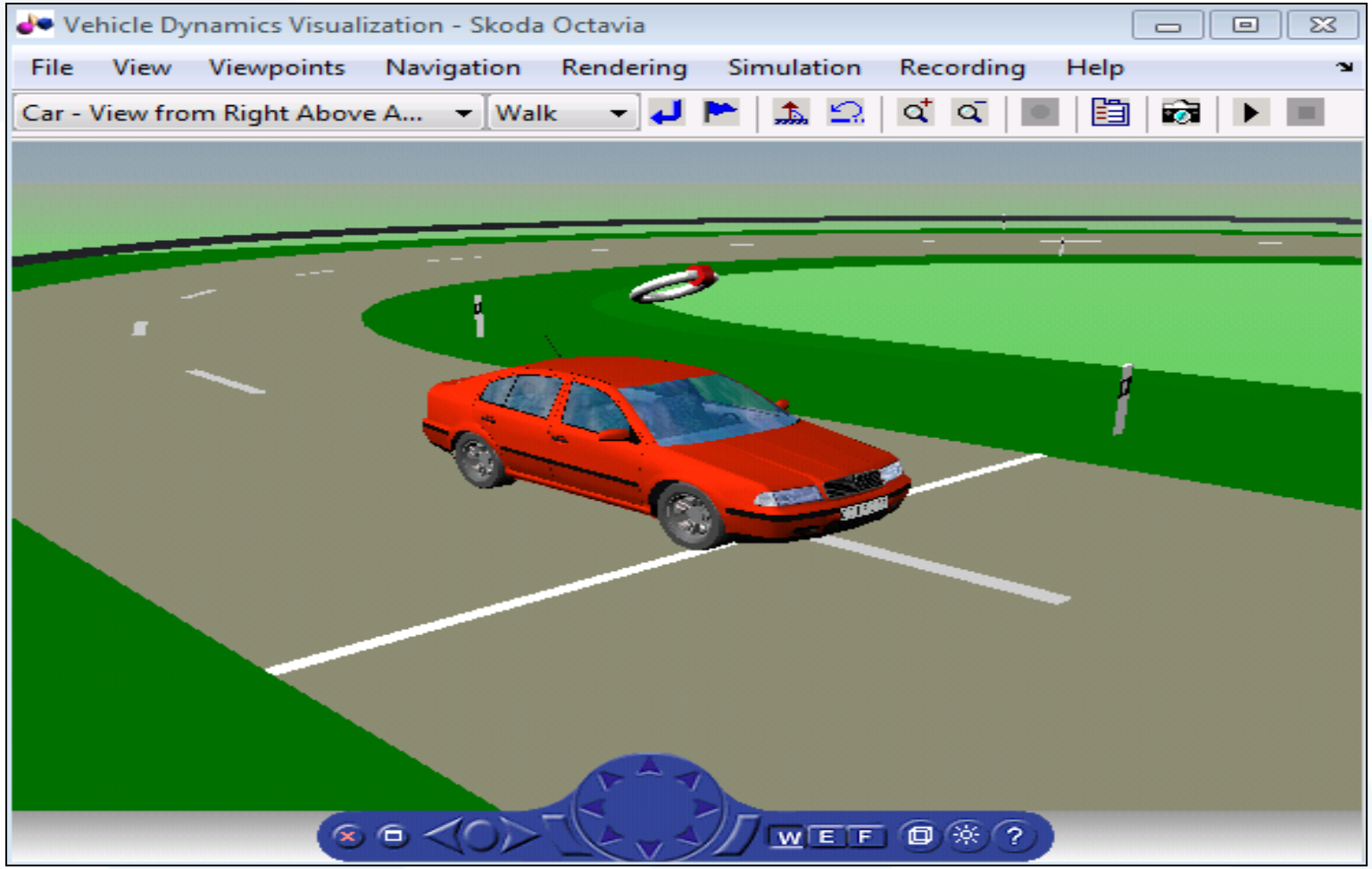
Inverted Pendulum

vrpend



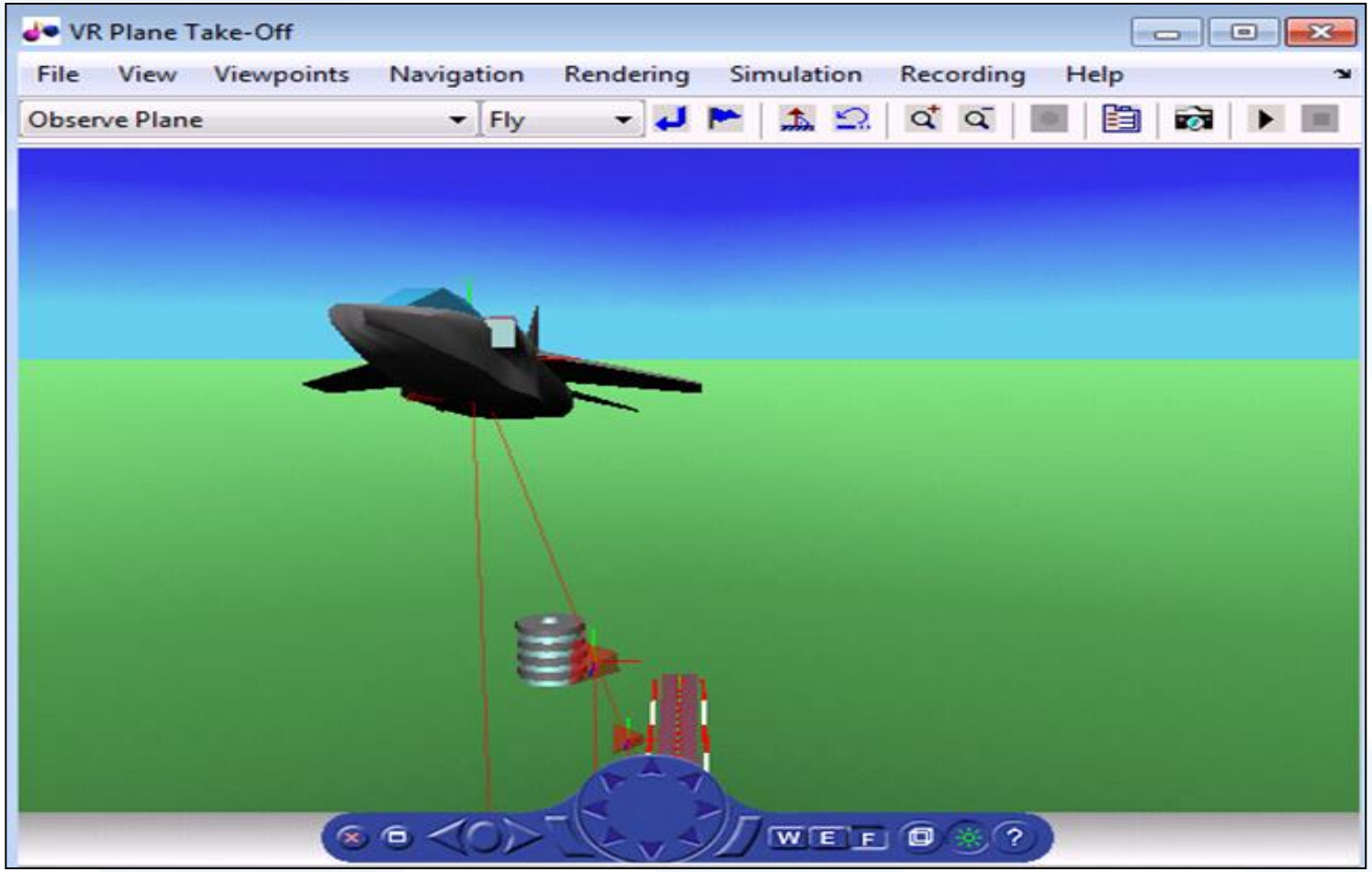
Vehicle Dynamics Visualization

vr_octavia



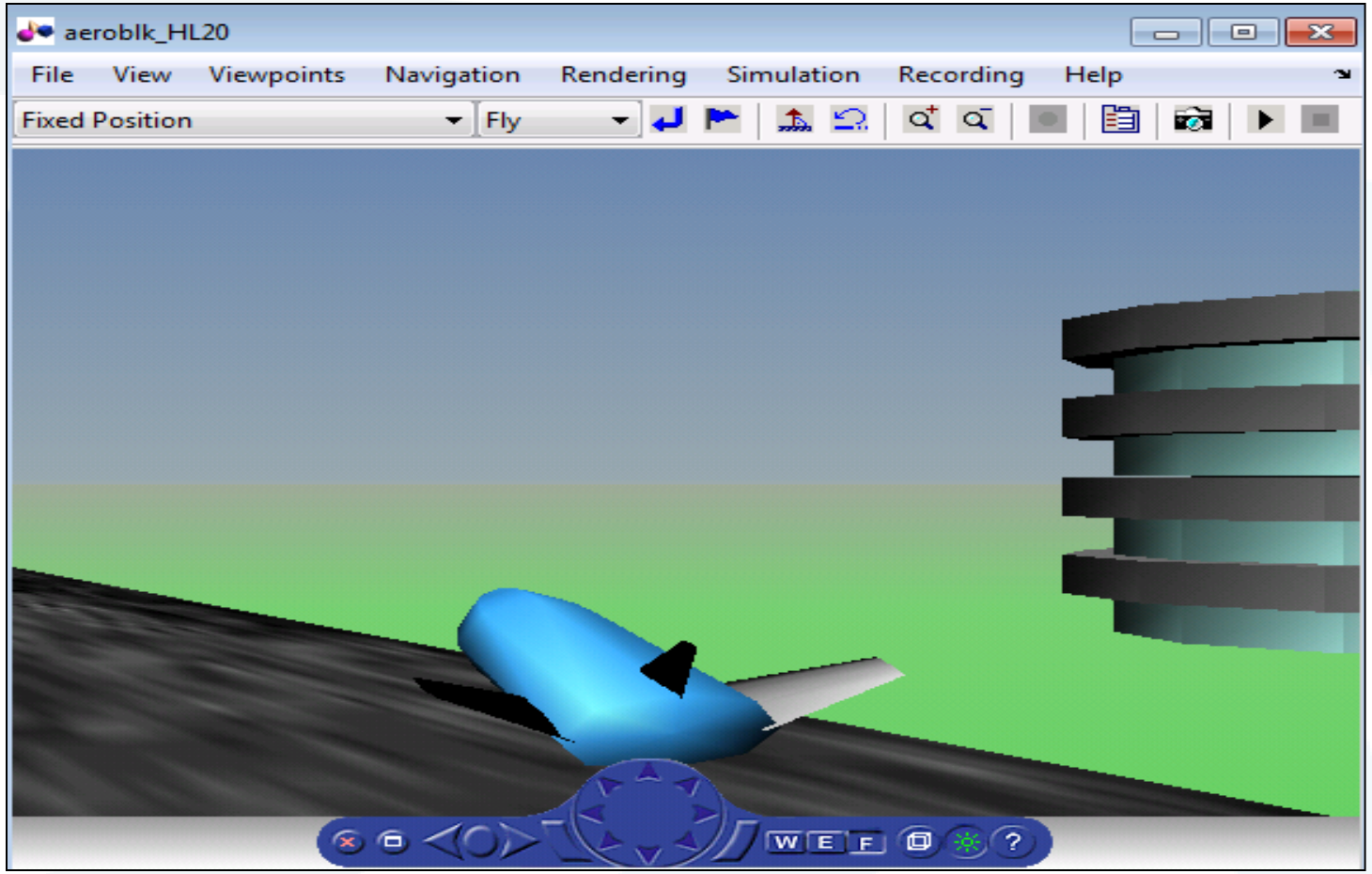
Plane Take-Off with Trajectory Tracing

vrtkoff_trace



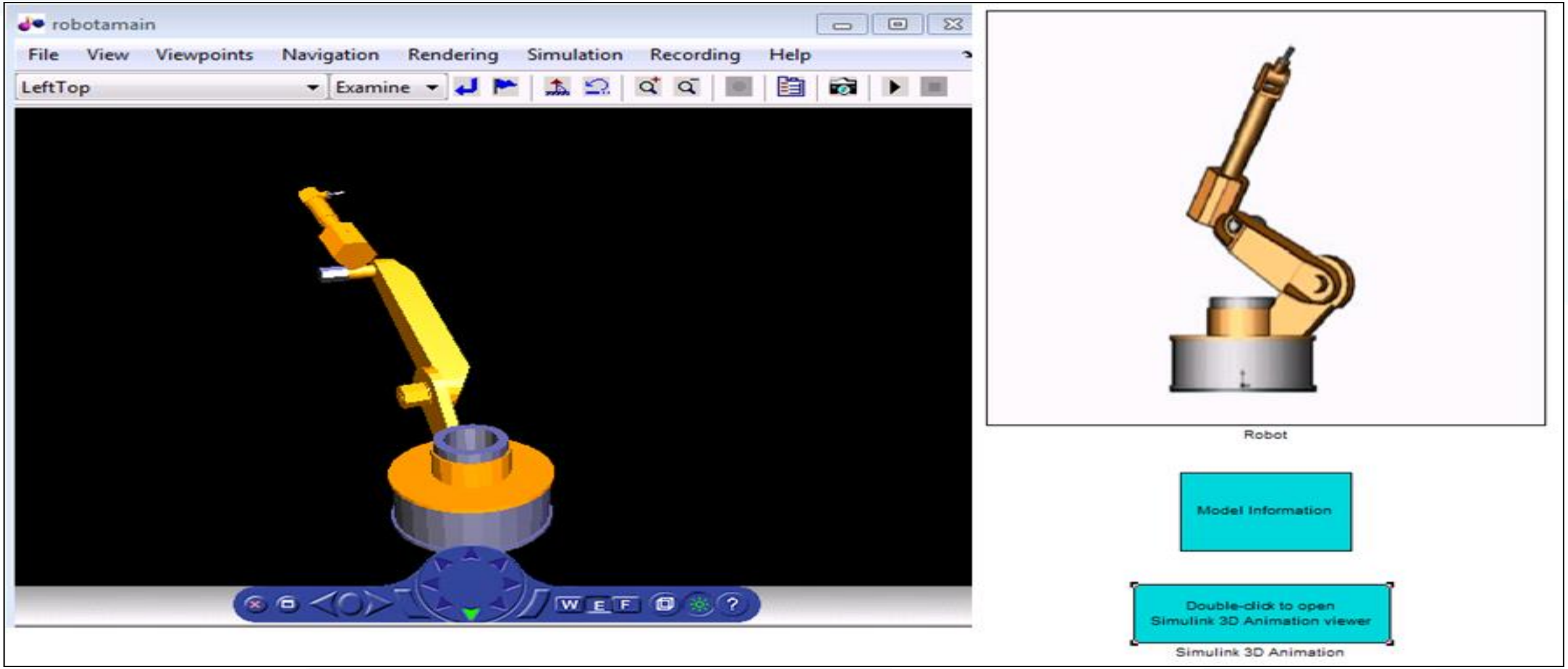
NASA HL-20 Lifting Body and Controller with Simulink® 3D Animation™

aeroblk_HL20_VR



Robot Arm with Virtual Reality Scene

mech_robot_vr

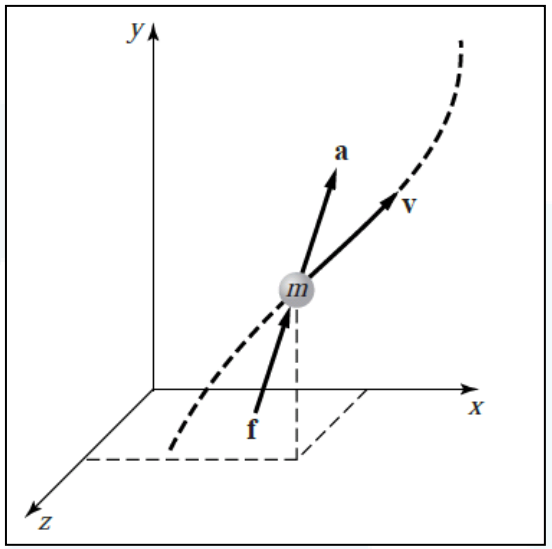


Simple Newton ′s Laws

A *particle* is a mass of negligible dimensions. We can consider a body to be a particle if its dimensions are irrelevant for specifying its position and the forces acting on it. For example, we normally need not know the size of an earth satellite to describe its orbital path. *Newton's first law* states that a particle originally at rest, or moving in a straight line with a constant speed, will remain that way as long as it is not acted upon by an unbalanced external force. *Newton's second law* states that the acceleration of a mass particle is proportional to the vector resultant force acting on it and is in the direction of this force. *Newton's third law* states that the forces of action and reaction between interacting bodies are equal in magnitude, opposite in direction, and collinear. The third law is summarized by the commonly used statement that every action is opposed by an equal reaction.

For an object treated as a particle of mass m, the second law can be expressed as

$$m\mathbf{a} = m\frac{d\mathbf{v}}{dt} = \mathbf{f}$$



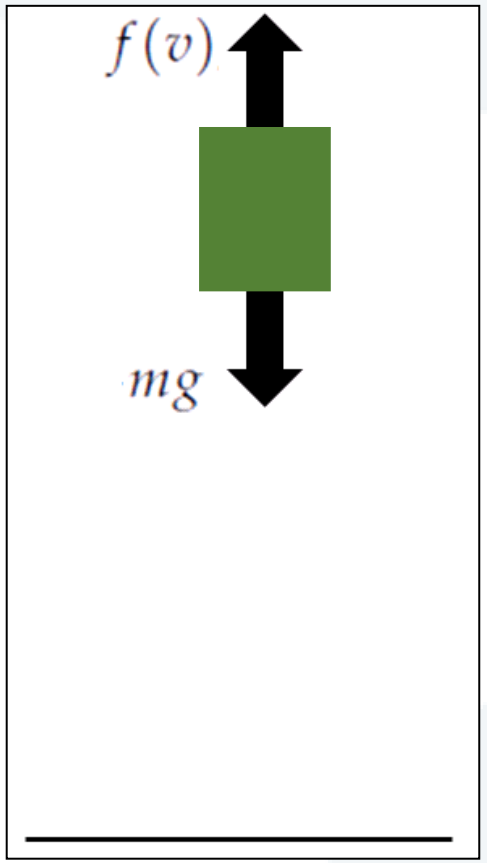
where **a** and **v** are the acceleration and velocity vectors of the mass and **f** is the force vector acting on the mass .
Note that the acceleration vector and the force vector lie on the same line.

If the mass is constrained to move in only one direction, say along the direction of the coordinate x, then the equation of motion is the scalar equation

$$ma = m\frac{dv}{dt} = f$$

Free Fall with Drag

Simulation of Simple Motions



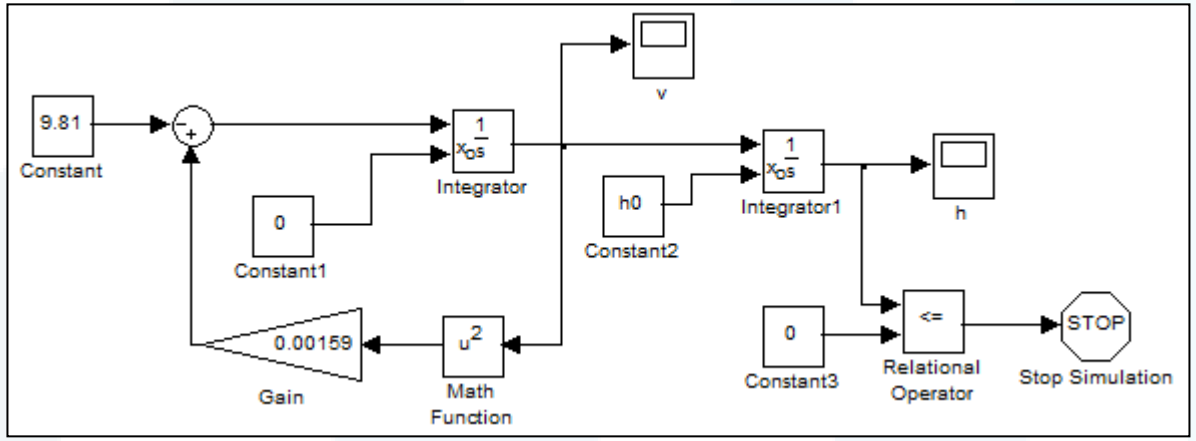
$$\ddot{y}(t) = -g$$

$$m\ddot{y} = -mg + f(v)$$

where $f(v) = bv^2 \quad k = b/m$

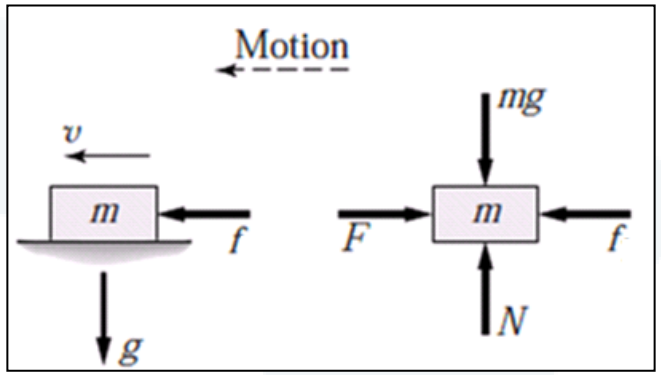
$$\dot{v} = kv^2 - g$$

Simulink BD Model



$$k = 0.00159 \qquad \sqrt{\frac{g}{k}} = 78 \text{ m/s}$$

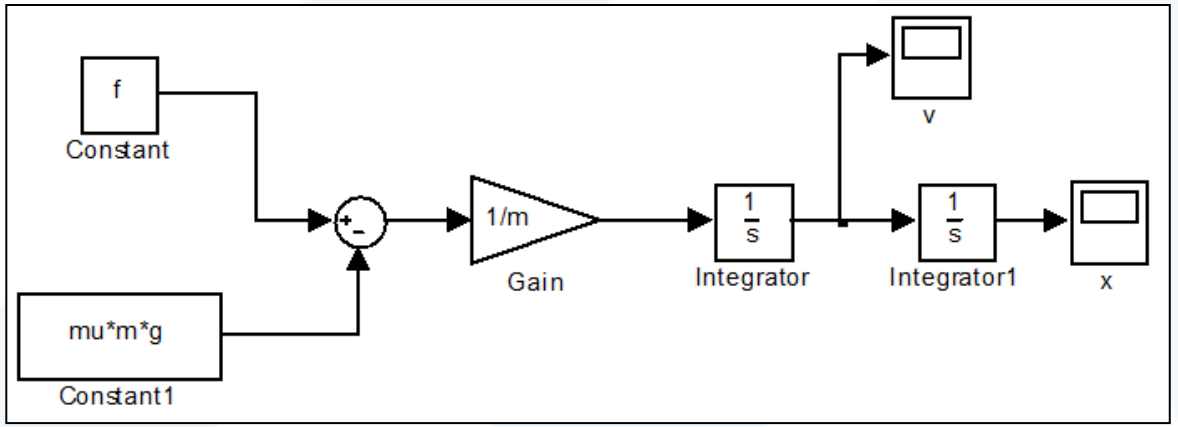
Sliding Motion on a Surface



The normal force N is the weight mg. Thus the friction force F is μN, or $F = \mu mg$.

$$m\dot{v} = f - \mu mg$$

Simulink BD Model



Matlab Code

```
clc
clear
X=dsolve('10*D2X=100-0.1*10*9.81','X(0)=0','DX(0)=0');
t=0:0.1:10;
b=subs(X);
c=subs(diff(X));
x=[1 1 20 20 1];
y=[1.01 1.1 1.1 1.01 1.01];
for i=1:length(b)
    subplot(3,1,1)
    fill(x+b(i),y,'g',[0 0 double(b(end))+50 double(b(end))+50 0],[1 1.01 1.01 1 1],'k');
    axis([0 double(b(end))+50 0.5 1.5]);
    drawnow
    subplot(3,1,2)
    plot(t(i),b(i),'r .')
    xlabel('Time [s]')
    ylabel('Distance [m]')
    axis([0 double(t(end))+1 0 double(b(end))+50])
    drawnow
    hold all
    subplot(3,1,3)
    plot(t(i),c(i),'b .')
    xlabel('Time [s]')
    ylabel('Speed [m/s]')
    axis([0 double(t(end))+1 0 double(c(end))+5])
    drawnow
    hold all
end
```

جَامعة المَنارة
MANARA UNIVERSITY

انتهت المحاضرة