

محاضرات مادة الفيزياء /2

لطلاب السنة الأولى

(ميكاترونكس)

الأستاذ الدكتور جبور نواف جبور

2025 - 2024

المنارة
MANARA UNIVERSITY

الفصل الثالث

دارات التيار المتناوب والأمواج الكهرومغناطيسية

Alternating-Currents and Electromagnetic Waves

- (1) مقدمة،
- (2) مقاومات في دارة تيار متناوب،
- (3) مكثفات في دارة تيار متناوب،
- (4) وشائع في دارة تيار متناوب،
- (5) مقاومة R ومكثفة C ووشائعة L في دارة تسلسلية،
- (6) الاصططاعية في دارة تيار مستمر،
- (7) دارة طنين تسلسلية RLC ،
- (8) المحولة،

المنارة
MANARA UNIVERSITY

دارات التيار المتناوب

1- مقدمة: Introduction

معظم الأدوات والأجهزة الكهربائية تعمل على "التيار المتناوب - (AC)" لتزويد تلك الأدوات والأجهزة بالطاقة.

سنبدأ بدراسة دارات التيار المتناوب ومن ثم تفحص مميزات وخواص دارة تحتوي منبع لقوة محركة كهربائية emf وعنصر آخر مثل: مقاومة، مكثفة، أو وشيعة. ومن ثم ندرس ماذا يحدث لهذه العناصر عند وصلها بعضها البعض لتشكيل دارات أخرى. وسيقتصر حديثنا عن تشكيلات بسيطة تسلسليّة لهذه الأنواع الثلاثة من العناصر.

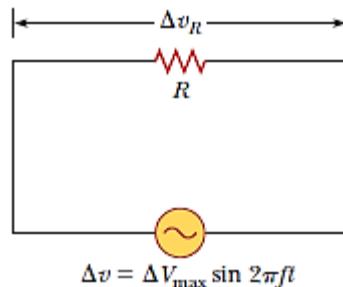
وسنختتم حديثنا عن الأمواج الكهربائية التي تتكون من تغيرات للحقل الكهربائي والمغناطيسي. إن الأمواج الكهربائية هي عبارة عن شكل من أشكال الضوء المرئي الذي نراه من حولنا في هذا الكون؛ الأمواج ما تحت الحمراء التي تقوم بتسخين المحيط حولنا، الأمواج الراديوية والتلفزيونية لتشغيل الراديو والتلفزيون، والأمواج التي تحمل معلومات عن مجرتنا، أشعة إكس المستخدمة في التصوير الشعاعي للأجسام، والأمواج التي تسمح بحساب أبعاد النجوم عنا. حيث يعتبر الضوء مفتاح فهمنا للكون.

2) مقاومات في دارة تيار متناوب: Resistors in an AC circuit

في دارة لتيار متناوب تتكون من تشكيلات من عناصر (مقاومة، مكثفة، وشيعة) ومولد أو منبع (وحدة تغذية) لـ (AC)، يزود الدارة بالتيار المتناوب. إن خرج مولد لـ (AC) هو عبارة عن شكل أو تابع جيبي ويغير مع الزمن وفق العلاقة الآتية:

$$\Delta v = \Delta V_{max} \sin 2\pi f t \quad (1)$$

حيث Δv الجهد اللحظي، ΔV_{max} الجهد الأعظمي للمولد AC، و f التردد الذي يتغير وفقه الجهد، و يُقاس بالهرتز (Hz). مقارنة بالمعلومات التي نعرفها فإن $\omega = 2\pi f$.

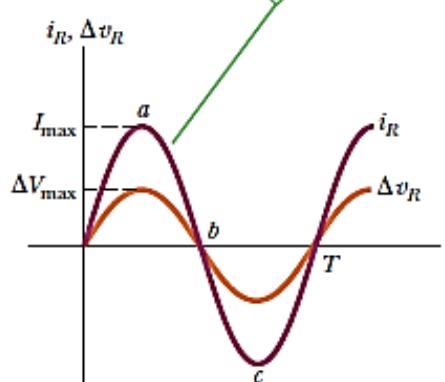


دارة تسلسلية مكونة من مقاومة
موصولة مع مولد AC، الذي نرمز له
بالمز:



لنعتبر أولاً دارة مكونة من مقاومة ومولد أو منبع للتيار المتناوب AC، كما هو موضح في الشكل المرفق. الشكل التالي يوضح تغير كل من التيار والجهد بتابعية الزمن المار بالمقاومة.

The current and the voltage are in phase:
they simultaneously reach their
maximum values, their minimum values,
and their zero values.



التمثيل البياني للتغير التيار
والجهد بتابعية الزمن.

لشرح مفهوم التيار المتناوب، نبدأ بالحديث عن تغير التيار بتابعية الزمن، كما هو مبين في الشكل السابق. في النقطة a على المنحني، التيار يأخذ قيمة عظمى باتجاه واحد، وبشكل عشوائى نطلق عليه اسم الاتجاه الموجب. بين النقطة a و b التيار يتناقص لحظى إلى القيمة صفر؛ وبعد ذلك يبدأ بالتزاييد في الاتجاه المعاكس (الاتجاه السالب) بين النقطتين b و c. في النقطة c تصل قيمة العظمى لكن بالاتجاه السالب.

إن سلوك التيار والجهد واحد حيث كل منهما يتغير بشكل مشابه مع الزمن. بما أن التيار والجهد يصلان إلى قيمهما العظمى بنفس الوقت أو نفس الزمن، نقول إنهما بنفس الطور. ونشير إلى أن القيمة الوسطى للتيار خلال دور واحد تساوى الصفر بسبب وجود نبضة موجبة ونبضة سالبة باتجاهين متعاكسيين. ونشير أيضاً إلى أن اتجاه التيار ليس له تأثير على سلوك المقاومة في الدارة: إن تصادم بين الإلكترونات والذرارات الثابتة في المقاومة يؤدي إلى تزايد درجة حرارة المقاومة بالنسبة لاتجاه التيار.

يمكننا أن نعبر عن ذلك كمياً بالقول إن معدل الطاقة المستهلكة في المقاومة، أي الاستطاعة تساوي P :



$$P = i^2 R$$

حيث i التيار اللحظي في المقاومة. وبسبب مفعول الحرارة للتيار فهي تتناسب مع مربع التيار، أي أن اتجاه التيار ليس له تأثير على الاستطاعة، سواء كان التيار بالاتجاه الموجب أو السالب. وبسبب تأثير الحرارة فإن القيمة العظمى للتيار I_{max} في حالة التيار المتناوب ليس نفسها في حالة التيار المستمر.

إن أهمية الكمية في دارة التيار المتناوب هو أن القيمة الوسطى للتيار يطلق عليها اسم (الجذر التربيعي للقيمة الوسطى - root mean square "rms"): الطاقة المستهلكة، في حالة التيار المستمر والمتناوب، في المقاومة تكون واحدة لها نفس القيمة. إيجاد القيمة الوسطى للتيار المتناوب i ، الموصوف في الشكل المرفق، غير مستخدم لأن القيمة الوسطى تساوى الصفر، بينما قيمة i_{rms} تكون دوماً موجبة. وإيجاد التيار i_{rms} ، يجب أولاً تربع التيار، وبعد ذلك إيجاد قيمته الوسطى، وأخيراً أخذ الجذر التربيعي لهذه القيمة الوسطى. إذاً، بما أن i^2 يتغير كالمقدار $\sin^2 2\pi f t$ ، فالقيمة الوسطى لـ i^2 تساوى $I_{max}^2 / 2$ ، كما هو موضح في الشكل المرفق. مع ذلك، فإن القيمة i_{rms} للتيار تتعلق بالقيمة العظمى للتيار المتناوب I_{max} وفق العلاقة:

$$I_{rms} = \frac{I_{max}}{\sqrt{2}} = 0,707 I_{max} \quad (2)$$

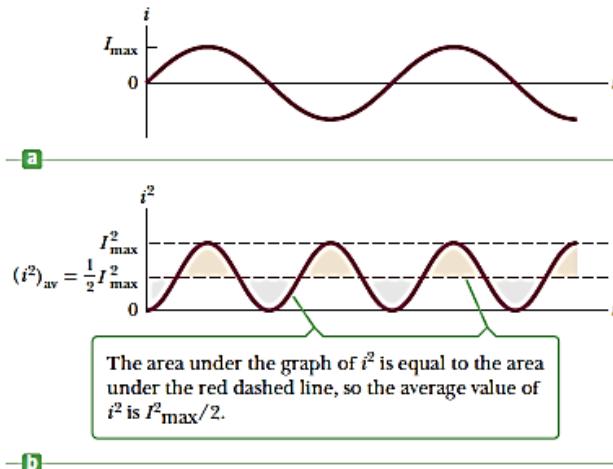
وهذه العلاقة تقول إن التيار المتناوب الذي قيمته العظمى تساوى $3A$ يُنتج أو يعطي نفس التأثير الحراري في مقاومة في حالة تيار مستمر قيمته $A/\sqrt{2}$ ($3/\sqrt{2}A$). ومنه، نستطيع القول إن الاستطاعة الوسطى المصروفة أو المستهلكة في مقاومة يمر بها تيار متناوب I تساوى:

$$P_{av} = I_{rms}^2 R$$

بالنسبة للجهود المتناوبة فمن الأفضل أن نتحدث عنها بعبارة جهود i_{rms} ، والتي ترتبط بـ

علاقة مشابهة للعلاقة (2) السابقة المتعلقة بالتيار: ΔV_{max}

$$\Delta V_{rms} = \frac{\Delta V_{max}}{\sqrt{2}} = 0,707 \Delta V_{max} \quad (3)$$



(a) تمثيل التيار المار بالمقاومة بتابعية الزمن. (b) تمثيل بياني لربع التيار في المقاومة بتابعية الزمن. وهذا يبين أن المساحة أو السطح لربع التيار هي نفسها تحت الخط الأحمر المقطعي، وهكذا فإن: $(i^2)_{av} = I_{max}^2/2$.

ونشير هنا إلى أن مقاييس التيار والجهد مصممة لقياس قيم الـ rms .

جدول يبين المصطلحات المستخدمة

التيار	الجهد	
i	Δv	القيمة اللحظية
I_{max}	ΔV_{max}	القيمة العظمى
I_{rms}	ΔV_{rms}	قيمة الـ rms

لنععتبر دارة مؤلفة من مقاومة موصولة على التسلسل بمولد للتيار المتناوب. مقاومة تعيق التيار المتناوب للدارة، تعمل تماماً في حالة دارة لتيار مستمر. فإن قانون أوم مع ذلك يصلح لدارة تيار متناوب، ويكون لدينا:

$$\Delta V_{R,rms} = I_{rms} R \quad (4a)$$

الجهد rms الذي يمر في المقاومة يساوي التيار rms في دارة التيار المتناوب مضروباً بالمقاومة. هذه المعادلة صحيحة أيضاً إذا استخدمنا القيم العظمى للتيار وللجهد:

$$\Delta V_{R,max} = I_{max} R \quad (4b)$$

سؤال سريع:

ما هو الوضع الصحيح من الأوضاع الآتية من أجل مقاومة موصولة على التسلسل مع منبع للتيار المتناوب؟
 (a) $P_{av} = 0$ and $i_{av} > 0$.
 (b) $P_{av} = 0$ and $i_{av} = 0$.
 (c) $P_{av} > 0$ and $i_{av} > 0$.
 (d) $P_{av} > 0$ and $i_{av} = 0$.

الجواب: الخيار (c). الاستطاعة الوسطى تتناسب مع التيار rms الذي لا يساوي الصفر حتى لو كان التيار الوسطي يساوي الصفر. الحالة (a) هي فقط صالحة من أجل دارة مفتوحة، حيث يكون لدينا $R \rightarrow \infty$.
 الحلثان (b) و (d) لا يمكن أن يكونا أبداً صحيحتان لأن $i_{av} = 0$ من أجل التيار المتناوب.

مثال: (حساب قيمة التيار rms)

منبع جهد متناوب يعطي $\Delta v = (2,00 \times 10^2 V) \sin 2\pi ft$. هذا المنبع موصول بمقاومة تساوي $1,00 \times 10^2 \Omega$. المطلوب إيجاد قيمة الجهد rms والتيار rms في المقاومة.

الحل:

نحصل على قيمة الجهد الأعظمية بمقارنة العبارة المُعطاة مع الشكل العام للعبارة:

$$\Delta v = (2,00 \times 10^2 V) \sin 2\pi ft \quad \Delta v = \Delta V_{max} \sin 2\pi ft$$

فنجد أن:

$$\Delta V_{max} = 2,00 \times 10^2 V$$

بالاستبدال في العلاقة (3) نجد الـ rms لجهد المنبع:

$$\Delta V_{rms} = \frac{\Delta V_{max}}{\sqrt{2}} = \frac{2,00 \times 10^2 V}{\sqrt{2}} = 141 V$$

وباستبدال النتيجة في قانون أوم نجد قيمة الـ rms للتيار:

$$I_{rms} = \frac{\Delta V_{rms}}{R} = \frac{141 V}{1,00 \times 10^2 \Omega} = 1,41 A$$

ملاحظة:

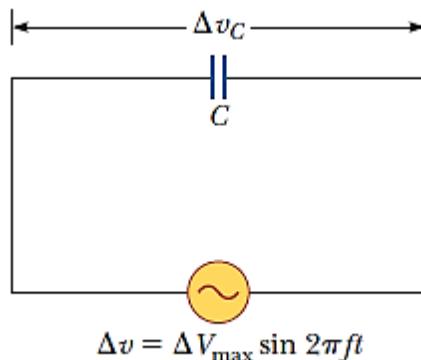
نشير هنا إلى أن مفهوم قيم الـ rms تسمح بمعاملة دارة تيار متناوب AC كمياً في كثير من الحالات بنفس طريقة دارة تيار مستمر DC.

سؤال: صح أم خطأ: قيمة الـ rms لتيار في دارة لتيار متناوب تهتز جيبياً مع الزمن. الجواب خطأ.

(3) مكثفات في دارة تيار متناوب:

لفهم مفعول مكثفة في دارة تحتوي على منبع جهد متناوب، يجب أولاً أن نرى ماذا يحدث إذا كانت مكثفة في دارة تحتوي على منبع جهد مستمر، على سبيل المثال بطارية. عند غلق القاطعة في دارة تسلسلية تحتوي على بطارية، مقاومة، ومكثفة، حيث الشحنة البدائية على لبوسها تساوي الصفر. حركة الشحنة عبر الدارة يكون نسبياً حر، ويوجد تيار كبير في الدارة. وعند تراكم أو تجمع العديد الكبير من الشحنات على المكثفة، الجهد المار يزداد، يعاكس للتيار. بعد مجال زمني، يتعلق في الثابت الزمني RC ، التيار يقترب من الصفر. وبالتالي، مكثفة في دارة تيار مستمر تحد أو تمنع التيار وهذا هو يقترب من الصفر بعد زمن قصير.

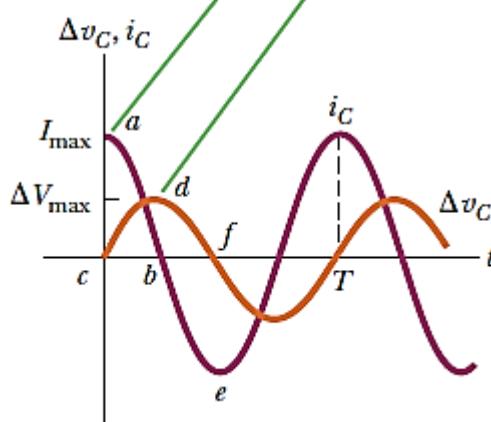
لنعتبر الآن دارة تسلسلية بسيطة مؤلفة من مكثفة موصولة بمولد للتيار المتناوب، كما هو مبين في الشكل المرفق.



دارة تسلسلية مكونة من مكثفة سعتها C ومولد تيار AC متناوب

الشكل المرفق يوضح التمثيل البياني لتيار وجهد يمران بمكثفة، دارة تيار متناوب AC ، بتابعية الزمن. إذاً في دارة تيار متناوب مكونة من مولد للتيار المتناوب ومكثفة الجهد "يتأخر أو يتخلّف" عن التيار بزاوية قدرها 90 درجة. هذا يعني أن الجهد يصل لقيمه العظمى خلال ربع دور بعد وصول التيار لقيمه العظمى.

The voltage reaches its maximum value 90° after the current reaches its maximum value, so the voltage "lags" the current.



تمثيل بياني لتيار وجهد يمران بمكثفة بتابعية دارة تيار متناوب AC . الجهد المار بالمكثفة يصل لقيمه العظمى متأخراً عن التيار بزاوية قدرها 90 درجة، أي بعد وصول التيار لقيمه العظمى، وهكذا فالجهد "يتخلّف أو يتتأخر" عن التيار.

إن تأثير ممانعة المكثفة في دارة تيار متناوب يُعطى بما يُسمى بـ "الردية السعوية" وُيُرمز لها بالرمز X_C والمعرفة بالعلاقة الآتية:

$$X_C \equiv \frac{1}{2\pi f C} \quad (5)$$

وقيمة الجهد rms والتيار rms الماران في المكثفة يتعلّقان ببعضهما وفق العلاقة:

$$\Delta V_{C,rms} = I_{rms} X_C \quad (6)$$

مثال: (دارة تحتوي فقط على مكثفة ومولد لتيار المتناوب)

مكثفة سعتها $800 \mu F$ موصولة على التسلسل مع مولد لتيار متناوب حيث قيمة الـ rms للجهد تساوي $V = 1,50 \times 10^2$, وتردد يساوي $60,0 \text{ Hz}$. المطلوب حساب السعة الردية للمكثفة وقيمة الـ rms لتيار.

الحل:

تبديل قيم كل من التردد وسعة المكثفة في العلاقة (5) نجد:

$$X_C \equiv \frac{1}{2\pi f C} \equiv \frac{1}{2\pi(60,0 \text{ Hz})(8,00 \times 10^{-6} F)} = 332 \Omega$$

وبحل المعادلة (6) من أجل التيار، وتبديل قيم كل من X_C وقيمة الـ rms للجهد نجد أن قيمة الـ rms لتيار تساوي:

$$I_{rms} = \frac{\Delta V_{C,rms}}{X_C} = \frac{1,50 \times 10^2 \text{ V}}{332 \Omega} = 0,452 \text{ A}$$

4) وشائع في دارة تيار متناوب:

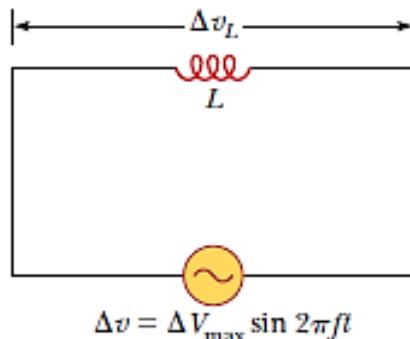
في دارة تيار متناوب مولدة من مولد ووشيعة، الجهد يتقدم على التيار بزاوية قدرها 90 درجة. هنا يعني أن الجهد يصل لقيمة العظمى قبل أن يصل التيار لقيمة العظمى بربع دور.

في الحقيقة إن لسلك الوشيعة مقاومة، ولكن نهمله هنا. إن تغير تيار خرج المولد ينتج قوة محركة رديه emf يُعرقل سير التيار في الدارة. إن قيمة الـ emf تساوي:

$$\Delta v_L = L \frac{\Delta I}{\Delta t} \quad (7)$$

إن الممانعة الفعلية (المقاومة الفعلية) ملف أو لوشيعة في دارة تيار متناوب تقيس كمية يُطلق عليها اسم "الردية التحريرضية" – "inductive reactance" ، ويرمز لها بالرمز X_L والمعروفة بالعلاقة الآتية:

$$X_L \equiv 2\pi f L \quad (8)$$



دارة تسلسلية مكونة من وشيعة قيمتها التحريرضية AC ومولد تيار متناوب L

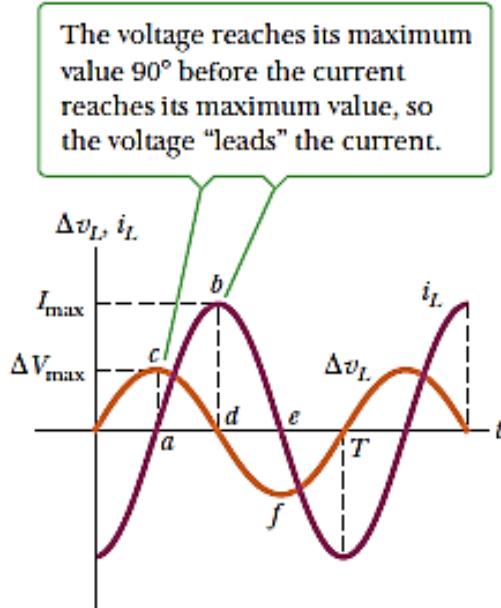
عندما نقدر التردد بالهرتز فإن L تُقدر بالhenry، إن واحدة L هي الأول. إن الردية التحريرية تزداد مع ازدياد التردد وازدياد القيمة التحريرية للوشيقة. وما يحدث في حالة مكثفة هو العكس، حيث عند تزايد التردد أو السعة، فالردية السعوية تتناقص.

لفهم معنى الردية التحريرية، لنقارن المعادلين (7) و (8). أولاً، نجد أن الردية التحريرية تتعلق بالقيمة التحريرية للوشيقة L ، وهذا منطقي بسبب أن emf (المعادلة 7) أكبر من أجل قيم L . ثانياً، نلاحظ أن الردية التحريرية تتعلق بالتردد f . وهذا الارتباط، هو منطقي لأن emf تتعلق بـ $\Delta I/\Delta t$ وهي كمية أكبر عندما يتغير التيار بسرعة، كما أن يجب أن يكون بالنسبة للترددات العالية.

عند تعريف الردية التحريرية بهذا الشكل، يمكننا أن نكتب معادلة لها نفس شكل قانون أوم للجهد المار بالوشيقة أو المُحِرِّض الملف:

$$\Delta V_{L,rms} = I_{rms} X_L \quad (9)$$

حيث إن $\Delta V_{L,rms}$ و I_{rms} قيمة كل الموجة للجهد وللتيار المارين بالوشيقة على التوالي.



تمثيل بياني لتيار وجهد يمران بوشيعة بتابعية دارة تيار متناوب AC . الجهد المار بالوشيعة يصل لقيمه العظمى متقدماً (قبل) على التيار بزاوية قدرها 90 درجة، أي يصل الجهد لقيمه العظمى ومن ثم التيار، وهكذا فالجهد "يتقدم" على التيار.

مثال: (دارة تحتوي على وشيعة موصولة على التسلسل مع مولد للتيار المتناوب) دارة تيار متناوب تحتوي وشيعة صرفه قيمتها $L = 25,0 \text{ mH}$ ، ومنبع للجهد قيمته $\text{emf} = 1,50 \times 10^2 \text{ V}$. المطلوب إيجاد الردية التحريرية للتيار i_{rms} إذا كان التردد يساوي 60 Hz .

الحل:

بتبديل قيمة L والتردد f في العلاقة (8) نحصل على الردية التحريرية:

$$X_L = 2\pi f L = 2\pi(60 \text{ s}^{-1})(25,0 \times 10^{-3} \text{ H}) = 9,42 \Omega$$

وبحل المعادلة (9) من أجل قيمة التيار i_{rms} والتبديل نجد:

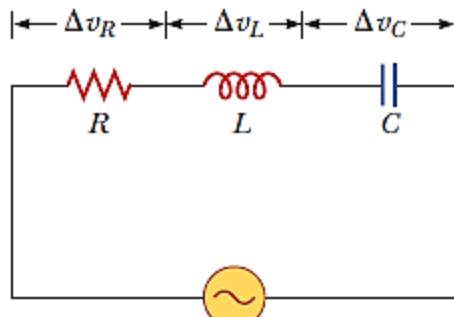
$$I_{rms} = \frac{\Delta V_{L,rms}}{X_L} = \frac{1,50 \times 10^2 V}{9,42 \Omega} = 15,9 A$$

5) مقاومة R ومكثفة C ووشيعة L في دارة تسلسلية:

في المقااطع السابقة تفحصنا تأثيرات كل من المحرض (وشيعة)، مكثفة، ومقاومة بشكل منفصل عن بعضهما وموصلين مع مولد للجهد المتناوب. الآن سنرى ماذا سيحدث عند وصل هذه العناصر على التسلسل مع بعضها مع مولد للجهد المتناوب.

لنعتبر الدارة الموضحة في الشكل المرفق حيث تحتوي على مقاومة، وشيعة، ومكثفة موصلين على التسلسل مع منبع للتيار المتناوب يعطي جهد كلي Δv لحظي. إن التيار في الدارة واحد في كل من نقاطها في أي لحظة ويتغير بشكل جيبي مع الزمن، كما هو مبين في الشكل المرفق، الحالة (a). ويمكن التعبير عن التيار الجيبي بالعلاقة الآتية:

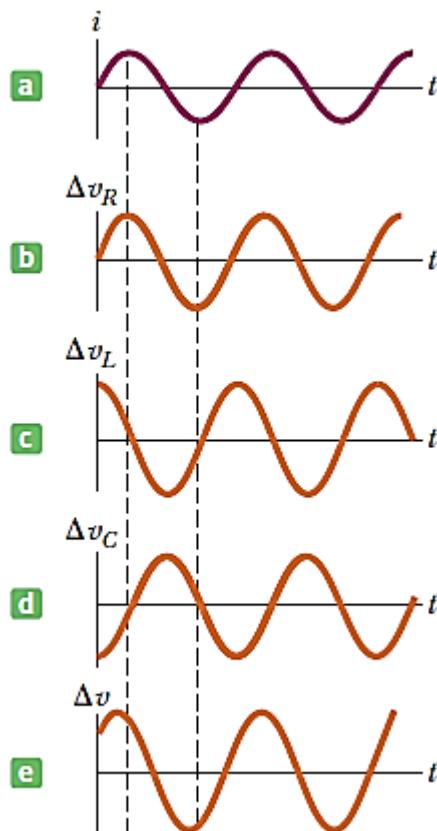
$$i = I_{max} \sin 2\pi ft$$



دارة تسلسلية تحتوي مولد منبع تيار متناوب، مقاومة، مكثفة، ووشيعة.

رأينا سابقاً أن الجهد المار بكل عنصر يمكن أن يكون أو لا يكون في نفس الطور مع التيار. إن الجهدات اللحظية المارة في العناصر الثلاثة، موضحة في الشكل المرفق، حيث علاقات الطور مع التيار اللحظي موضحة أيضاً:





(a) إن التيار هو نفسه في كل نقطة من نقاط الدارة، وهو يتغير بشكل جيبي مع الزمن.

(b) إن الجهد اللحظي Δv_R المار بالمقاومة له نفس طور التيار اللحظي.

(c) إن الجهد اللحظي Δv_L المار بالوشيعة يتقدم بالطور بزاوية قدرها 90 درجة عن التيار اللحظي.

(d) إن الجهد اللحظي Δv_C المار بالمكثفة يتاخر بالطور بزاوية قدرها 90 درجة عن التيار اللحظي.

(e) الجهد اللحظي Δv المطبق في الدارة يساوي لمجموع الجهدود اللحظية المارة في العناصر الثلاثة بشكل منفصل:

$$\Delta v = \Delta v_R + \Delta v_L + \Delta v_C$$

العلاقات بين الأطوار في دارة تسلسلية RLC .

إن الجهد اللحظي Δv المطبق بالمنبع المتناوب يساوي لمجموع الجهدود التي تمر في العناصر بشكل منفصل:

$$\Delta v = \Delta v_R + \Delta v_L + \Delta v_C$$

وهذا يعني، مع ذلك، أن الجهدود المقاسة بمقاييس الجهد المتناوب المار عبر المقاومة، المكثفة، والوشيعة هي مجموع الجهدود المقايس. في الواقع، إن الجهدود المقاسة لا تساوي جهد المنبع المقياس لأن الجهدود المارة عبر المقاومة، المكثفة، والوشيعة جميعها مختلفة في الأطوار.

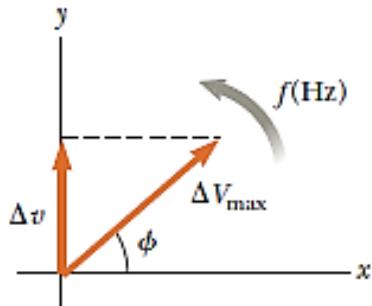
لكي نأخذ بالحسبان اختلاف الأطوار في هبوط الجهد (اختلاف قيم الجهد)، نستخدم تقنية الأشعة. نمثل الجهد المداري كل عنصر مع دوران الشعاع، كما هو مبين في الشكل المرفق. دوران الأشعة يشير إلى اختلاف الطور، والمخطط يُسمى بالـ "مخطط الأطوار – phasor diagram". إن هذا المخطط الخاص يمثل جهد دارة مُعطى بالعلاقة الآتية:

$$\Delta v = \Delta V_{max} \sin(2\pi ft + \phi)$$

حيث ΔV_{max} هي القيمة العظمى للجهد (قيمة طولية شعاع الدوران للطور)، و ϕ الزاوية بين شعاع الطور والاتجاه الموجب للمحور x عندما $t = 0$. والطور يمكن أن يُنظر له كشعاع قيمته ΔV_{max} يدور

بتعدد ثابت، وهكذا يكون مسقطه على طول المحور x يمثل الجهد اللحظي في الدارة. بما أن ϕ هي زاوية الطور بين الجهد التياري في الدارة، فإن فرق الطور للتيار (كما هو مبين في الجدول المرفق) يربط الطول الموجب للمحور x عندما $t = 0$ ، ويعبر عنه بالعلاقة الآتية:

$$i = I_{max} \sin(2\pi f t)$$



مخطط يبين مفهوم الطور للجهد في دارة لتيار متناوب، حيث ϕ هو الطور بين الجهد والتيار، و ΔV هو الجهد اللحظي.

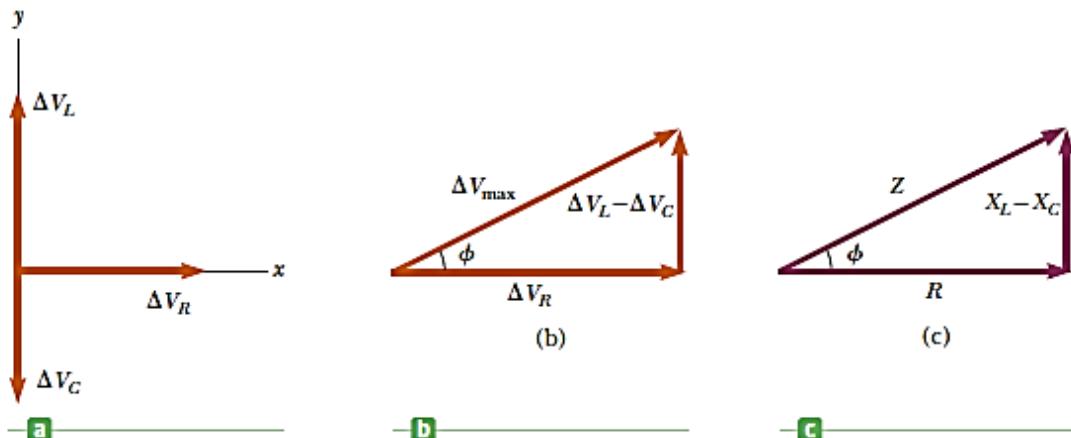
إن الشكل المرفق مفيد جداً يبين آلية التحليل والتمثيل الشعاعي لتغير الطور لدارة تسلسليه تحتوي RLC . إن الجهد والتيار لهما نفس الطور وممثلان بأشعة على طول الاتجاه الموجب للمحور x ، والجهود والتيار مختلفاً الطور عندما يكونا باتجاهات مختلفة. عندما يكون ΔV_R أفقي وإلى اليمين يكون له نفس طور التيار. وبالعكس، إذا كان ΔV_L ممثل على طول الاتجاه الموجب للمحور y يكون متقدم على التيار بزاوية قدرها 90 درجة. وأخيراً، إذا كان ΔV_C ممثل وفق الاتجاه السالب للمحور y يكون متاخر عن التيار بزاوية قدرها 90 درجة. وإذا جمعت الأطوار كمقادير شعاعية فيجب أن نأخذ بالاعتبار فرق الأطوار للجهود المارة في المقاومة، الوشيعة، والمكثفة، كما موضح في الحالة (a) من الشكل المرفق، الذي يبين فقط المركبة وفق المحور x للجهد ΔV_R ، والمركبة الصافية وفق المحور y $\Delta V_L - \Delta V_C$. والآن نجمع الأطوار شعاعياً لإيجاد فرق الطور ΔV_{max} ، كما هو مبين في الحالة (b) من الشكل المرفق، الذي يمثل الجهد الأعظمي. إن المثلث القائم، الحالة (b) في الشكل المرفق، يعطي المعادلات الآتية من أجل الجهد الأعظمي وزاوية الطور ϕ بين الجهد الأعظمي والتيار:

$$\Delta V_{max} = \sqrt{\Delta V_R^2 + (\Delta V_L - \Delta V_C)^2} \quad (10)$$

$$\tan \phi = \frac{\Delta V_L - \Delta V_C}{\Delta V_R} \quad (11)$$

في هذه المعادلات، كل الجهدات تكون قيمها عظمى. ونحن اختارنا استخدام القيم العظمى للجهود في تحليلنا، حيث المعادلات السابقة تطبق بالتساوي من أجل قيم $-\text{rms}$ للجهود. لأن المقادير أو الكميties مرتبطان بعضهما البعض بنفس العامل (الهندسي) من أجل عناصر الدارة. إن القيمة العظمى للتيار ΔV_{max} تُعطى بالعلاقة رقم (10) حيث تكون، في الواقع، الجهد المارة في المقاومة، في الوشيعة، وفي

المكثفة ليس لها نفس الطور (أطوارها مختلفة)، حيث لا يمكننا تبسيط الجمع للحصول على الجهد المار في الدارة المحتوية على تشكييل من العناصر أو للحصول على منبع الجهد.



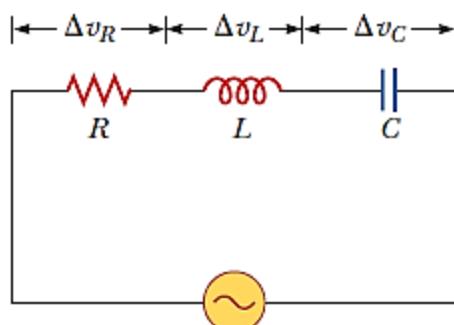
(a) مخطط يوضح مفهوم الطور من أجل دارة RLC . (b) إضافة إلى اختلاف الطور فإن الطور مُعطى للجهد

بالعلاقة: $\Delta V_{max} = \sqrt{\Delta V_R^2 + (\Delta V_L - \Delta V_C)^2}$

$$Z = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2}$$

سؤال سريع:

من أجل الدارة المعطاة في الشكل المرفق، الجهد اللحظي للمنبع يساوي: (1) مجموع القيم العظمى للجهود المارة في العناصر. (2) مجموع القيم اللحظية للجهود المارة في العناصر. (3) مجموع قيم الـ rms للجهود المارة في العناصر.



دارة تسلسلية تحتوي مولد لمنع تيار متناوب،
مقاومة، مكثفة، ووشيعة.

الجواب:

الخيار هو (2). إن الخيارين (1) و (3) غير صحيحين لأن الجهود ليست على استقامة واحدة أي ليس لها نفس الطور، وهكذا يمكننا تبسيط الجمع بجمع القيم العظمى أو (قيم الـ rms) للجهود المارة

بالعناصر. بتعبير آخر، فإن $\Delta V \neq \Delta V_R + \Delta V_L + \Delta V_C$ ، بالرغم من أن $\Delta v = \Delta v_R + \Delta v_L + \Delta v_C$

يمكننا كتابة العلاقة (10) اطلاقاً من قانون أوم، باستخدام العلاقات:

$$\Delta V_R = I_{max}R \quad \& \quad \Delta V_L = I_{max}X_L \quad \& \quad \Delta V_C = I_{max}X_C$$

حيث I_{max} قيمة التيار الأعظمية في الدارة

$$\Delta V_{max} = I_{max} \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2} \quad (12)$$

ومن المصطلح أن نعرف عامل يُسمى بـ الممانعة الدارة وفق العلاقة:

$$Z = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2} \quad (13)$$

ومن العلاقة (12) نكتب أن:

$$\Delta V_{max} = I_{max}Z \quad (14)$$

والمعادلة (14) هي شكل من أشكال قانون أوم $\Delta V = IR$ ، حيث R تستبدل بالممانعة وتقدر بالأوم. فعلاً، فإن المعادلة (14) يمكن أن ننظر لها كشكل من أشكال أوم تُطبق على دارة تيار متناوب تسلسلية. إن كلاً من الممانعة والتيار في دارة تيار متناوب يتعلّقان بالمقاومة، بالتحريضية (الوشيّة)، والسعة (المكثفة)، والتردد (لأن الردية والتواتر مرتبطة ببعضهما).

من المفيد تمثيل الممانعة Z مع المخطط الشعاعي كما مبين في الحالة (c) من الشكل ما قبل السابق. يتراكب المثلث القائم من الجهة اليمينية $(X_L - X_C)$ ، القاعدة R ، والوتر Z . بتطبيق نظرية فيثاغوروث على المثلث، نجد أن:

$$Z = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2}$$

وما هي إلا المعادلة رقم (13). إضافة لذلك، نرى من المخطط الشعاعي كما مبين في الحالة (c) من الشكل ما قبل السابق أن زاوية الطور بين التيار والجهد تُعطى بالعلاقة:

$$\tan \phi = \frac{X_L - X_C}{R} \quad (15)$$

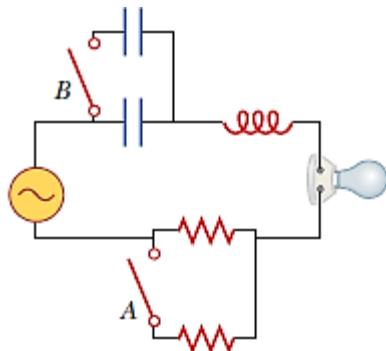
حيث المعنى الفيزيائي لزاوية الطور يصبح ظاهراً، أي أكثر وضوحاً. ونعطي في الجدول المرفق قيم الممانعات وزوايا الطور لتشكيلات متعددة لعناصر دارة تيار متناوب.

قيم الممانعات وزوايا الطور لتشكيلات متنوعة لعناصر دارة تيار متناوب.

عناصر الدارة	الممانعة	زاوية الطور
Circuit Elements	Impedance	Phase Angle
 R	R	0°
 C	X_C	-90°
 L	X_L	$+90^\circ$
 R C	$\sqrt{R^2 + (X_C)^2}$	سالبة بين 0° و -90°
 R L	$\sqrt{R^2 + (X_L)^2}$	موجبة بين 0° و $+90^\circ$
 R L C	$\sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2}$	سالب إذا كان $X_C > X_L$ سالب إذا كان $X_C < X_L$
نطبق في كل حالة جهد متناوب (غير مشار إليه في الدارات) يمر عبر عناصر الدارة، عبر النقط.		

أسئلة سريعة:

ليكن لدينا الشكل التالي:



شكل بخصوص الأسئلة السريعة

السؤال الأول:

بفرض أن القاطع A مغلقة وفق الشكل السابق، ماذا يحدث لممانعة الدارة؟ (1) تزايد، (2) تتناقص، (3) لا يحدث لها شيء.

الجواب: الخيار (2). بغلق القاطع A يتم استبدال المقاومة الفريدة بمقادير متساوية على التوازي.

المقاومة المكافئة لها تكون أقل دوماً من أصغرهما، أي أن المقاومة الكلية للدارة تتناقص، ومنه فإن

$$\text{ممانعة الدارة تساوي: } Z = \sqrt{R_{total}^2 + (X_L - X_C)^2}, \text{ وهي تتناقص.}$$

السؤال الثاني:

بفرض أن $X_L > X_C$ القاطعة A مغلقة وفق الشكل السابق، ماذا يحدث لزاوية الطور؟ (1) تزايد، (2) تتناقص، (3) لا يحدث لها شيء.

الجواب: الخيار (1). بغلق القاطعة A يتم استبدال المقاومة الفريدة بمقادير متساوية المقاومة المكافئة لها تكون أقل دوماً من أصغرهما، أي أن المقاومة الكلية للدارة تتناقص، ومنه فإن زاوية الطور تساوي: $\phi = \tan^{-1}[(X_L - X_C)/R]$ ، وهي تزايد.

السؤال الثالث:

بفرض أن $X_L > X_C$ القاطعة مفتوحة A بينما القاطعة B مغلقة، وفق الشكل السابق، ماذا يحدث لزاوية الطور؟ (1) تزايد، (2) تتناقص، (3) لا يحدث لها شيء.

الجواب: الخيار (1). بغلق القاطعة B نستبدل المكثفة بمكثفين على التوازي. المكثفة المكافئة لها أكبر من أي منهما، وبالتالي السعة تزايد، وهذا يؤدي إلى تناقص الردية السعوية: $X_C = 1/2\pi f C$ ومنه فإن الردية النهائية: $X_L - X_C$ ، تزايد مؤدية إلى تزايد زاوية الطور: $\phi = \tan^{-1}[(X_L - X_C)/R]$.

السؤال الرابع:

بفرض أن $X_L > X_C$ القاطعتان مفتوحتان، وندخل قطعة من الحديد داخل الوشيعة (المحضر)، وفق الشكل السابق، أثناء هذه العملية، ماذا يحدث لإضاءة المصباح؟ (1) تزايد، (2) تتناقص، (3) لا يحدث لها شيء.

الجواب: الخيار (2). بإدخال قطعة الحديد بقلب الوشيعة يزيد كل من التحرير الذاتي والردية التحريرية. وهذا يعني أن، $X_L - X_C$ ، والممانعة $Z = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2}$ ، يتزايدان، بسبب التيار، ومنه فإن إضاءة المصباح تتناقص.

ملاحظة: خطوات عملية لحل مسائل دارة تسلسلية RLC :

- (1) احسب الردية التحريرية والسعوية، أي X_L و X_C و Z = $\sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2}$ للدارة.
- (2) استخدم كل من X_L و X_C سوية مع المقاومة R لحساب الممانعة Z للدارة.
- (3) أوجد القيمة العظمى للتيار أو هبوط الجهد الأعظمى باستخدام القانون المكافئ لقانون أوم:

$$\Delta V_{max} = I_{max} Z$$

- (4) احسب هبوط الجهد عبر كل عنصر من عناصر الدارة مع التغيرات الموافقة لقانون أوم:

$$\Delta V_{C,max} = I_{max} X_C \text{ و } \Delta V_{L,max} = I_{max} X_L \text{ و } \Delta V_{R,max} = I_{max} R$$

- (5) احسب فرق الطور باستخدام العلاقة: $\tan \phi = [(X_L - X_C)/R]$

مثال: (دراسة دارة RLC تسلسلية)

ليكن لدينا دارة تسلسلية ملوفة من: مقاومة $R = 2,50 \times 10^2 \Omega$ ، وشيعة $L = 0,6000 H$ ، ومكثفة $C = 3,50 \mu F$ ، موصولة بمنبع للتيار المتناوب: تردد $f = 60,0 Hz$ ، والقيمة العظمى للجهد تساوى $\Delta V_{max} = 1,50 \times 10^2 V$. المطلوب إيجاد: (1) ممانعة الدارة، (2) التيار الأعظمى المار بالدارة، (3) زاوية الطور، (4) الجهد الأعظمى المارة بكل عنصر.

الحل:

(1) ممانعة الدارة:

نحسب أولاً الردية التحريرية والسعوية:

$$X_L = 2\pi f L = 226 \Omega \quad \& \quad X_C = \frac{1}{2\pi f C} = 758 \Omega$$

وبتبديل النتائج والمقاومة بالمعادلة (13) نحصل على ممانعة الدارة:

$$Z = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2} = \sqrt{(2,50 \times 10^2 \Omega)^2 + (226 \Omega - 758 \Omega)^2} = 588 \Omega$$

(2) التيار الأعظمى المار بالدارة:

باستخدام العلاقة (12)، العلاقة المكافئة لقانون أوم، نجد قيمة التيار الأعظمى:

$$I_{max} = \frac{\Delta V_{L,max}}{Z} = \frac{1,50 \times 10^2 V}{588 \Omega} = 0,255 A$$

(3) زاوية الطور:

لحساب زاوية اطور نستخدم العلاقة (15) فنجد:

$$\begin{aligned} \tan \phi &= [(X_L - X_C)/R] \rightarrow \phi = \tan^{-1}[(X_L - X_C)/R] \\ &= \tan^{-1} \left[\frac{(226 \Omega - 758 \Omega)}{2,50 \times 10^2 \Omega} \right] = -64,8^\circ \end{aligned}$$

(4) الجهد الأعظمى المارة بكل عنصر:

نستبدل في قانون أوم من أجل كل عنصر من عناصر الدارة:

$$\Delta V_{R,max} = I_{max} R = (0,255 A)(2,50 \times 10^2 \Omega) = 63,8 V$$

$$\Delta V_{L,max} = I_{max} X_L = (0,255 A)(2,26 \times 10^2 \Omega) = 57,6 V$$

$$\Delta V_{C,max} = I_{max} X_C = (0,255 A)(7,58 \times 10^2 \Omega) = 193 V$$

ملاحظات:

بما أن الدارة أكثر سعوية منها تحريرية ($X_C > X_L$)، فزاوية الطور ϕ سالبة. والقيمة السالبة لزاوية الطور تعني أن التيار يتقدم على الجهد المطبق. ونشير هنا إلى أن مجموع الجهد الأعظمى المارة في العناصر تساوى: $\Delta V_{R,max} + \Delta V_{L,max} + \Delta V_{C,max} \cong 315 V$. وهذه القيمة أكبر بكثير من جهد المولد أو منبع التغذية $V = 150$. وكما رأينا سابقاً، فالقيمة العظمى للجهد ليس لها معنى لأن الجهد المتناوب تُجمع، حيث أن قيمها وزوايا طورها يجب أن تؤخذ بالحسبان. نعلم أن الجهد العظمى المارة في

كل عنصر تحدث أو تظهر في أزمنة مختلفة، وهكذا فإن جمعها لا يعطي معنى. إن الطريقة الصحيحة "لجمع" الجهد هي استخدام العلاقة (10).

سؤال: (خطأ أم صح)

في دارة تسلسلية RLC ، الممانعة يجب أن تكون أكبر أو تساوي المقاومة. (صح).

6) الاستطاعة في دارة تيار مستمر:

ليس هناك من استطاعة ضائعة (طاقة ضائعة) في دارات التيار المتناوب تحتوي فقط على مكثفات ووشائع. مكثفة صافية، بالتعريف، ليس لها لا مقاومة ولا تحريضية، في حين وشيعة صافية ليس لها لا مقاومة ولا سعة. هذه التعريف مثالية: في مكثفة واقعية، على سبيل المثال، هناك مفاعيل تحريضية يمكن أن تصبح مهمة في الترددات العالية. سنبدأ بتحليل الاستطاعة المصروفة (المستهلكة) في دارة تيار متناوب تحتوي فقط على مولد ومكثفة.

عندما يزداد التيار في اتجاه في دارة للتيار المتناوب، تجمع الشحنة في المكثفة (على الليوس) ويظهر هبوط في الجهد يمر بها، أو يعبرها. عندما يصل الجهد إلى قيمته العظمى، الطاقة المخزنة في المكثفة (في سعة المكثفة) تساوي:

$$PE_C = \frac{1}{2} C (\Delta V_{max})^2$$

وهذه الطاقة المخزنة هي فقط لحظية، مع ذلك، عند انعكاس اتجاه التيار، الشحنة تغادر المكثفة (الليوس) وتعود إلى متبع الجهد. خلال نصف دورة المكثفة تبدأ بالشحن، وخلال النصف الآخر الشحنة تبدأ بالعودة إلى منبع الجهد. إذاً، الاستطاعة الوسطى أو الوسطية التي يُقدمها المنبع تكون متساوية للصفر. بتعبير آخر، ليس هناك من استطاعة ضائعة في دارة للتيار المتناوب تحتوي مكثفة.

بشكل مشابه، يجب على المنبع العمل عكس القوة المحركة الردية أو الخلفية emf للمحرض (اللوشيعة) التي تحمل تيار (تولد تيار). عندما يصل التيار إلى قيمته العظمى، الطاقة المخزنة في المحرض (اللوشيعة) تكون عظمى وتعطى بالعلاقة التالية:

$$PE_L = \frac{1}{2} LI_{max}^2$$

وعندما يبدأ التيار بالتناقص في الدارة، فهذا الطاقة المخزنة تعود للمنبع كما أن المحرض يحاول الحفاظ على التيار في الدارة.

الاستطاعة الوسطى المقدمة للمقاومة في دارة RLC تكون:

$$P_{av} = RI_{max}^2 \quad (16)$$

الاستطاعة الوسطى المقدمة للمقاومة بواسطه المنبع تحول إلى طاقة داخلية في المقاومة. إذاً،

ليس هناك من استطاعة ضائعة في مكثفة مثالية ولا في وشيعة مثالية (محرض مثالي).

هناك علاقة بديلة للاستطاعة الوسطى الضائعة من دارى للتيار المتناوب يمكن إيجادها باستبدال

(من قانون أوم) $R = \Delta V_{R,rms} / I_{rms}$ في العلاقة (16) فنجد:

$$P_{av} = I_{rms} \Delta V_{R,rms}$$

وإنه من المصطلح عليه الرجوع لجهد المثلث الذي يوضح العلاقة بين $\Delta V_{R,rms}$ ، ΔV_{rms} و $\Delta V_{C,rms}$ ، كما هو مبين في الحالة (b) من الشكل أعلاه (حيث نطبق القيمة العظمى وقيمة الا rms للجهود. من تلك الشكل، نرى أن هبوط الجهد عبر المقاومة يمكن أن يُكتب بعبارة (باتباعية)

: ΔV_{rms} جهد المتبوع،

$$\Delta V_{R,rms} = \Delta V_{rms} \cos \phi$$

ومنه، الاستطاعة الوسطى المقدمة من المتبوع في دارة التيار المتناوب تساوى:

$$P_{av} = I_{rms} \Delta V_{rms} \cos \phi \quad (17)$$

حيث يُطلق على الكمية $\cos \phi$ اسم "power factor –

تبين المعادلة (17) أن الاستطاعة المقدمة من قبل المتبوع (المولد) المتناوب لأى دارة يتعلق بفرق الطور بين جهد المتبوع والتيار الناتج. إن لهذا العديد من التطبيقات الهامة. على سبيل المثال، المصانع غالباً ما تستخدم في الآلات محركات كبيرة، مولدات، ومحولات التي تملك حمل تحريري كبير سببه كثرة الأسلاك الملفوفة. لتقديم استطاعة كبيرة مثل تلك الأجهزة والأدوات ودون اللجوء لاستخدام جهود عالية (مرتفعة)، يتم إدخال مكثفات (ساعات) في الدارات لتغيير الطور. بتعبير آخر، تغيير الطور يسمح بتقديم استطاعة أكبر.

مثال: (استطاعة وسطى في دارة **RLC** تسلسلية)

لفهم مفهوم الاستطاعة في دارات تسلسلية **RLC**، سنحسب الاستطاعة الوسطى المقدمة لدارة تسلسلية **RLC** مُؤلفة من: مقاومة $\Omega = 2,50 \times 10^2 \Omega$ ، $R = 2,50 \times 10^2 \Omega$ ، وشيعة $H = 0,6000 H$ ، $L = 0,6000 H$ ، ومكثفة $C = 3,50 \mu F$ ، موصولة بمتبوع للتيار المتناوب: تردد $f = 60,0 Hz$ ، والقيمة العظمى لجهد تساوى $\Delta V_{max} = 1,50 \times 10^2 V$

الحل:

باستخدام العلاقة (12)، العلاقة المكافئة لقانون أوم، نجد قيمة التيار الأعظمى:

$$I_{max} = \frac{\Delta V_{L,max}}{Z} = \frac{1,50 \times 10^2 V}{588 \Omega} = 0,255 A$$

ومن ثم نحسب قيمة الا rms لكل من التيار والجهد وفق العلاقات السابقة:

$$I_{rms} = \frac{I_{max}}{\sqrt{2}} = \frac{0,255 A}{\sqrt{2}} = 0,180 A$$

$$\Delta V_{rms} = \frac{\Delta V_{max}}{\sqrt{2}} = \frac{1,50 \times 10^2 V}{\sqrt{2}} = 106 V$$

ولحساب زاوية الطور نستخدم العلاقة (15) فنجد:

$$\begin{aligned} \tan \phi &= [(X_L - X_C)/R] \rightarrow \phi = \tan^{-1}[(X_L - X_C)/R] \\ &= \tan^{-1} \left[\frac{(226 \Omega - 758 \Omega)}{2,50 \times 10^2 \Omega} \right] = -64,8^\circ \end{aligned}$$

وبتبديل هذه النتائج في العلاقة (17) نجد الامكانية الوسطى:

$$P_{av} = I_{rms} \Delta V_{rms} \cos \phi = (0,180 A)(106 V) \cos(-64,8^\circ) = 8,12 W$$

ملاحظة:

نشير هنا إلى أنه يمكن الحصول على نفس النتيجة باستخدام العلاقة (16):

$$P_{av} = R I_{rms}^2 = (2,50 \times 10^2 \Omega)(0,180 A)^2 = 8,12 W$$

سؤال:

تحت أي ظروف يمكن أن تكون الامكانية الوسطى في دارة تسلسلية RLC تساوي الصفر؟

7) دارة طنين تسلسلية RLC

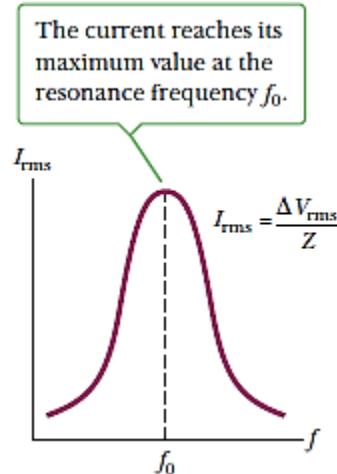
بشكل عام، إن قيمة الـ rms للتيار في دارة تسلسلية RLC يمكن أن يكتب بالشكل الآتي:

$$I_{rms} = \frac{\Delta V_{rms}}{Z} = \frac{\Delta V_{rms}}{\sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2}} \quad (18)$$

من هذه المعادلة نرى أن التردد متغير، والتيار يأخذ قيمة عظمى عندما تأخذ الممانعة قيمتها الصغرى أو الدنيا. وهذا يحدث أو يحصل عندما: $X_L = X_C$. في مثل هذه الظروف، فإن ممانعة الدارة تختصر إلى $Z = R$. والتردد في تلك الحالة، نرمز له بـ f_0 ، ونطلق عليه اسم "التردد الطيني – resonance" للدارة. ولإيجاد قيمة f_0 ، نضع المساواة $X_L = X_C$ ، التي تُعطى، من المعادلين (5) و (8) ما يلي:

$$\begin{aligned} 2\pi f_0 L &= \frac{1}{2\pi f_0 C} \\ f_0 &= \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}} \end{aligned} \quad (19)$$

إن الشكل (???) يمثل تغير التيار بتابعية التردد من أجل دارة تحتوي على قيم ثابتة لكل من المكثفة (السعة) والوشيعة (التحريضية). ومن المعادلة (18) يجب أن نستنتج أن التيار يجب أن يصبح لامعًا عند الطنين أي من أجل $R = 0$. إضافة إلى أن المعادلة (18) تتوقع هذه النتيجة، وإن الدارات الحقيقية (الواقعية) لها دومًا مقاومة (ولو قيمة صغيرة)، هي التي تحد من قيمة التيار.



تمثيل بياني لسعة (القيمة) التيار في دارة
سلسلية RLC بتابعية تردد
جهد المنبع (المولد).

تطبيق: (الدارة الموالفة (التوليف) للراديو –

إن دارة توليف الراديو هي من أهم التطبيقات لدارة الطنين التسلسلية. تولف الراديو على محطة خاصة (التي تنقل إشارة راديوية خاصة) بتغيير السعة، التي بدورها تغير تردد الطنين الدارة. عندما التردد الطيني يتناغم أو يتواافق مع تردد الموجة الراديوية الواردة أو الدالة، فالتيار في الدارة الطينية يزداد.

تطبيق: (كواشف المعدن عند الدخول –

عندما نعبر باب لكشف المعدن، كما هو مبين في الشكل المعطى أدناه، نحن في الحقيقة أو الواقع نمشي فوق ملف مؤلف من عدة لفات. السؤال هو: كيف يعمل كاشف المعدن؟

الشرح: إن الكاشف المعدني هو عبارة عن دارة طيني. إن الباب الذي نعبره هو عبارة عن محضر (حلقة كبيرة مصنوعة من سلك ناقل) وهو جزء من الدارة. إن تردد الدارة يتناغم أو يتواافق مع التردد الطيني للدارة عندما يكون هناك معدن في المحضر (الحلقة، وشيعة). عندما نعبر الباب ومعنا أو نحمل معدن في جيبيتنا، فإننا نغير التحرير الفعال لدارة الطنين، وهذا يؤدي إلى تغير التيار في الدارة. إن هذا التغير في التيار يُكشف، حيث هناك دارة إلكترونية تُصدر صوت كإشارة تنبيه للخطر.



كاشف المعدن عند الدخول
لبعض الشركات، المحالات،
المؤسسات....إلخ.

مثال: (دارة طبيعية – A circuit in Resonance)

غاية هذا المثال هو فهم التردد الطبيعي وعلاقته بالتحريض، بالسعة، وبقيمة الـ rms للتيار.

لنععتبر دارة RLC تسلسية حيث: $\Delta V_{rms} = 20,0 \text{ mV}$, $R = 1,50 \times 10^2 \Omega$, $L = 20,0 \text{ mH}$, $f = 796 \text{ Hz}$. المطلوب: (1) تحديد قيمة السعة لكي تكون قيمة التيار rms أعظمية.

(2) إيجاد القيمة العظمى للتيار rms في الدارة.

الحل:

(1) إيجاد قيمة السعة التي تعطي قيمة التيار rms أعظمية:

هذا يقتضي إيجاد شرط الطبيعين. يتم ذلك بحل علاقة التردد الطبيعي للسعة (للمكثفة)، أي أن:

$$f_0 = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}} \rightarrow \sqrt{LC} = \frac{1}{2\pi f_0} \rightarrow LC = \frac{1}{4\pi^2 f_0^2} \rightarrow C = \frac{1}{4\pi^2 f_0^2 L}$$

وبالتبديل بالقيم المعطاة نحصل على قيمة السعة التي تجعل التيار أعظمية:

$$C = \frac{1}{4\pi^2 (796 \text{ Hz})^2 (20,0 \times 10^{-3} \text{ H})} = 2,00 \times 10^{-6} \text{ F}$$

(2) إيجاد القيمة العظمى للتيار rms في الدارة:

إن السعة الردية والتحريضية الردية متساوية، أي أن $\Omega = R = 1,50 \times 10^2 \Omega$

وبالتبديل في العلاقة (18) نجد قيمة الـ rms للتيار:

$$I_{rms} = \frac{\Delta V_{rms}}{Z} = \frac{20,0 \text{ V}}{1,50 \times 10^2 \Omega} = 0,133 \text{ A}$$

ملاحظة:

بما أن الممانعة Z في بسط المعادلة (18)، فالقيمة العظمى للتيار يمكن أن تحدث أيضاً عندما

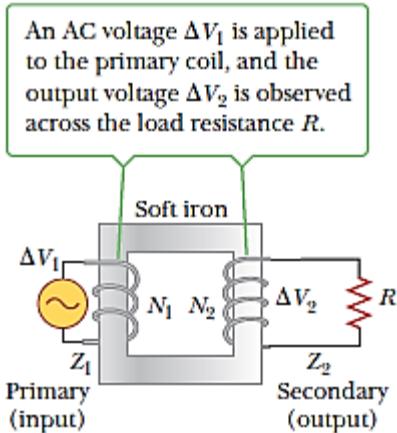
$X_L = X_C$ لأن هذا يؤدي إلى قيمة دنيا صغرى للممانعة Z .

سؤال: (خطأ أم صح): قيمة أو سعة أو شدة التيار في دارة تسلسية RLC لا يمكن أن تكون أبداً أكبر من قيمة الـ rms للتيار.

8) المحولات: The transformer

من الضروري في أغلب الأحيان استبدال منابع الجهد المتناوب الصغير بمنابع أكبر وبالعكس. ويتم تنفيذ أو تغيير ذلك بأدوات أو أجهزة يُطلق عليها بالـ "transformer – المحولات –".

إن أبسط شكل "محولات التيار المتناوب – AC transformer" يتكون من من ملفين مصنوعين من سلك ملفوف حول نواة من الحديد اللين، كما هو موضح في الشكل أدناه.



محولة مثالية تتكون من ملفين مصنوعين من أسلاك ملفوفة حول نواة حديدية لينة. عند تطبيق جهد ΔV_1 على الملف الأولي، فالجهد الخارج أو جهد الخرج من الملف الثانوي، الذي يعبر مقاومة الحمل R (الجهد بين طرفي المقاومة)، بعد إغلاق الدارة، هو ΔV_2 .

إن الملف اليساري، الموصول بمنبع الجهد المتناوب AC يحتوي N_1 لفة، يُسمى بالملف "الأولي" – "the primary". الملف على اليمين الموصول بـ المقاومة R يتكون من N_2 لفة، يُسمى بالملف "الثانوي" – "secondary". إن مفعول النواة الحديدية هو زيادة التدفق المغناطيسي وتأمين وسط مجاور حيث كل التدفق في ملف يمر عبر الملف الآخر.

عندما يكون جهد الدخل المتناوب AC المطبق على الملف الأولي ΔV_1 ، فالجهد المحرض الذي يعبر هذا الملف هو:

$$\Delta V_1 = -N_1 \frac{\Delta \phi_B}{\Delta t} \quad (20)$$

حيث ϕ_B التدفق المغناطيسي عبر كل لفة. إذا فرضنا أن ليس هناك من تدفق يتسرّب من القلب الحديد، فإن التدفق عبر كل لفة في الملف الأولي يساوي التدفق عبر كل لفة من الملف الثانوي. ومنه، فإن الجهد الذي يعبر أو يمر في الملف الثانوية يساوي:

$$\Delta V_2 = -N_2 \frac{\Delta \phi_B}{\Delta t} \quad (21)$$

إن الحد هو مشترك بين المعادلتين (20) و (21) يمكن حذفه وهذا يعطي المعادلة الآتية:

$$\Delta V_2 = \frac{N_2}{N_1} \Delta V_1 \quad (22)$$

عندما يكون N_2 أكبر من N_1 ، فإن ΔV_2 يتجاوز ΔV_1 والمحولة تقول عنها إنها "محولة تزيد أو ترفع الجهد – step-up transformer". عندما يكون N_2 أقل من N_1 ، فإن ΔV_2 يكون أصغر من ΔV_1 والمحولة تقول عنها إنها "محولة تخفض الجهد – step-down transformer".

استناداً إلى قانون فارادي، إن جهد متولد ويمر في الملف الثانوي هذا يكون فقط عنده وجود تغير في عدد خطوط التدفق المارة عبر هذا الملف، أي الملف الثانوي. إن التيار الداخلي في الملف الأولي يجب أن يتغير مع الزمن، وهذا الذي يحدث عند استخدام تيار متناوب. عندما يكون التيار الداخلي في الملف الأولي

تيار مستمر، مع ذلك، فإن جهد الخرج العابر للملف الثاني يحدث (يتولد) فقط في لحظة غلق أو فتح دارة الملف الأولى. ما أن يستقر التيار في الملف الأولى، فجهد الخرج في الملف الثاني يساوي الصفر.

يبدو أن المحولة هي جهاز أو أداة التي بواسطتها يمكن الحصول على شيء ما من لا شيء. على سبيل المثال، محولة لزيادة أو لرفع الجهد يمكنها أن تغير الجهد من 10 فولط إلى 100 فولط. هذا يعني أن كل كولون من شحنة يغادر الملف الثاني له طاقة قدرها 100 جول، بينما كل كولون من الشحنة الداخل للملف الأولى له فقط طاقة قدرها 10 جول. وهذا ليس هو الحال أو الوضع هنا، إضافة لذلك، بما أن الاستطاعة الداخلية للملف الأولى تساوي الاستطاعة الخارجية من الملف الثاني، أي أن:

$$I_1 \Delta V_1 = I_2 \Delta V_2 \quad (23)$$

ومع ذلك يمكن أن يكون الجهد في الملف الثاني عشرة مرات أكبر من الجهد في الملف الأولى، ولكن التيار في الثاني سيكون أصغر بعشرين مرات منه في الملف الأولى. إن المعادلة (23) تفرض أن المحولة هي "محولة مثالية – ideal transformer" حيث ليس هناك من ضياع في الاستطاعة بين الملف الأولى والثاني.

إن المحولات الواقعية أو الحقيقية والنماذجية لها استطاعة فعالة تقع في المجال (90%) إلى (99%). هناك ضياع في الاستطاعة بسبب أن عدة عوامل، منها على سبيل المثال التيارات العكسية المحرضة في النواة الحديدية للمحولة، والتي تستهلك طاقة تساوي $I^2 R$ على شكل طاقة ضائعة.

عند نقل الاستطاعة الكهربائية لمسافات كبيرة، من الناحية الاقتصادية يجب استخدام جهد عالي مرتفع وتيار منخفض لأن جزء من الاستطاعة سيضيع على شكل حرارة، عند مرورها بخطوط النقل (أسلاك النقل)، وفق العلاقة $I^2 R$. إذا الشركات المستفيدة يمكنها تقليل التيار بعامل عشرة (10)، على سبيل المثال، فإن الاستطاعة الضائعة تقلص بعامل مئة (100). عملياً، الجهد المقدم من قبل محطات التوليد يكون حوالي (230000 V)، والجهد ينخفض تدريجياً إلى القيمة (20000 V) في محطات التوزيع، وأخيراً ينخفض إلى القيمة (120 V) عند المستهلك.

مثال: (توزيع الاستطاعة (الطاقة) على مدينة – Distributing Power to a City)

الهدف من المثال هو فهم عمل المحولات ودورها في تقليل ضياع الطاقة.

مولد في شركة أو مؤسسة تولد تيار قيمته $4,00 \times 10^3 V$ وجهد قيمته $1,00 \times 10^2 A$.

يُرفع الجهد لقيمة $2,40 \times 10^5 V$ بواسطة محولة قبل إرساله عبر خطوط نقل الجهد العالي إلى المناطق الريفية في المدينة. نفرض أن المقاومة الفعلية لخط الاستطاعة لـ (الطاقة) هو $30,0 \Omega$ ، وأن المحولات هي محولات مثالية. المطلوب: (1) تحديد النسبة المئوية للاستطاعة (للطاقة) الضائعة في خط النقل. (2) ما هي النسبة المئوية للاستطاعة (للطاقة) الأصلية (البدائية) التي يمكن أن تضيع في خط النقل.

إذا كان الجهد غير مرفوع؟

الحل:

(1) تحديد النسبة المئوية للاستطاعة (للطاقة) الضائعة في خط النقل:

بالتبديل في المعادلة (23) نجد التيار في خط النقل:

$$I_2 = \frac{I_1 \Delta V_1}{\Delta V_2} = \frac{(1,00 \times 10^2 A)(4,00 \times 10^3 V)}{2,40 \times 10^5 V} = 1,67 A$$

وألاآن باستخدام العلاقة (16) نجد الالاستطاعة الضائعة P_{lost} في خط النقل:

$$P_{lost} = I_2^2 R = (1,67 A)^2 (30,0 \Omega) = 83,7 W$$

وبحساب الاستطاعة الخارجة من المولد نجد:

$$P = I_1 \Delta V_1 = (1,00 \times 10^2 A)(4,00 \times 10^3 V) = 4,00 \times 10^5 W$$

وأخيراً، نقسم P_{lost} على الاستطاعة الخارجة ونضربها بـ 100 لإيجاد النسبة المئوية للاستطاعة الضائعة:

$$\% \text{ power lost} = \left(\frac{83,7 W}{4,00 \times 10^5 W} \right) \times 100 = 0,0209\%$$

(2) ما هي النسبة المئوية للاستطاعة (الطاقة) الأصلية (البدائية) التي يمكن أن تضيع في خط النقل
إذا كان الجهد غير مرفوع؟

نستبدل التيار المزود من قبل المولد في العلاقة $P_{lost} = I_2^2 R$ بالتيار الأصلي $1,00 \times 10^2 A$

فنجد أن:

$$P_{lost} = I_2^2 R = (1,00 \times 10^2 A)(30,0 \Omega) = 3,00 \times 10^5 W$$

وبحساب النسبة المئوية الضائعة، كما هو في الأعلى نجد:

$$\% \text{ power lost} = \left(\frac{3,00 \times 10^5 W}{4,00 \times 10^5 W} \right) \times 100 = 75\%$$

ملاحظات:

يوضح المثال السابق كيفية نقل الجهد العالي في خطوط النقل. في المدينة، المحولة عبارة عن محطة جزئية (محطة صغيرة) حيث الجهد يُخفض إلى حوالي 4000 فولط، ويتم الحفاظ على هذا الجهد عبر خطوط النقل خارج المدينة. وعند استخدام الطاقة في المنازل أو في الأعمال (داخل المدينة)، فهناك محولة بالقرب من المنازل أو المؤسسات تُخفض الجهد إلى 240 فولط أو إلى 120 فولط.

