

# حسابات ومجسات

المحاضرة السادسة

د.م. خولة حموي

khawla.hamwi@gmail.com

العام الدراسي: ٢٠٢٣-٢٠٢٤

## عناوين المحاضرة

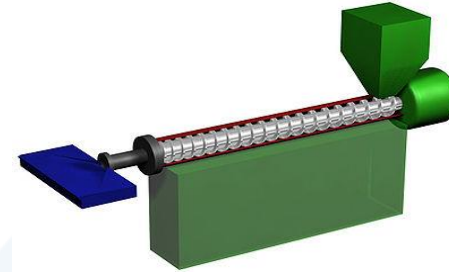
- حساسات الجهد Effort sensors
- سببية القوة والحركة Force-Motion Causality
- مشاكل التحكم بالقوة Force control problems
- موقع حساس القوة Force sensor location
- قياس الالتواء Strain gauge
- تطبيقات قياس الالتواء Strain gauges applications
- معادلات قياس الالتواء Equations for Strain-gauge Measurements

# حساسات الجهد Effort sensors

- تعتمد **استجابة** النظام الميكانيكي على الجهود المطبقة على النظام بكلام آخر على **القوة والعزم**



- هناك العديد من التطبيقات التي تعتمد على **تحسس القوة** والعزم نذكر منها: عمليات الآلة: الطحن، القطع، الدرفلة....



- عمليات المعالجة: الإمساك بالأجسام، التجميع، النقش، المعالجة الآلية الدقيقة....



<https://manara.edu.sy/>



# سببية القوة والحركة

- نظرًا لأن القوى **متغيرات** في الأنظمة الميكانيكية ، يمكن أن يؤدي قياسها إلى **تحكم فعال**
- هناك تطبيقات يكون فيها التحكم بالقوة **مهماً جداً** حيث يمكن أن يؤدي خطأ بسيط في الحركة إلى توليد قوى كبيرة ، على سبيل المثال ، عمليات تجميع الأجزاء....
- في التجميع:



- في آلات القص الدقيقة:



- في مثل هذه الحالات ، يبدو أن قياس القوى والتحكم فيها طريقة **فعالة لتحسين أداء النظام**

# سببية القوة والحركة

• خرج الأنظمة الميكانيكية يمكن أن يكون:

حركة: استجابة روبوت الطلاء بالرش الذي من المتوقع أن يتبع مساراً محدداً

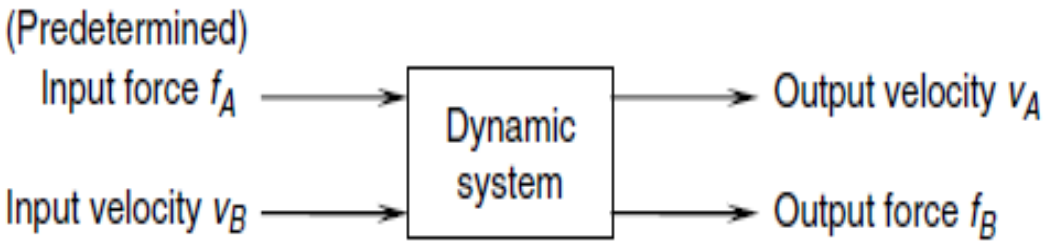


قوة: بعض مهام التصنيع مثل التجميع، الحفر،  
الإمساك....

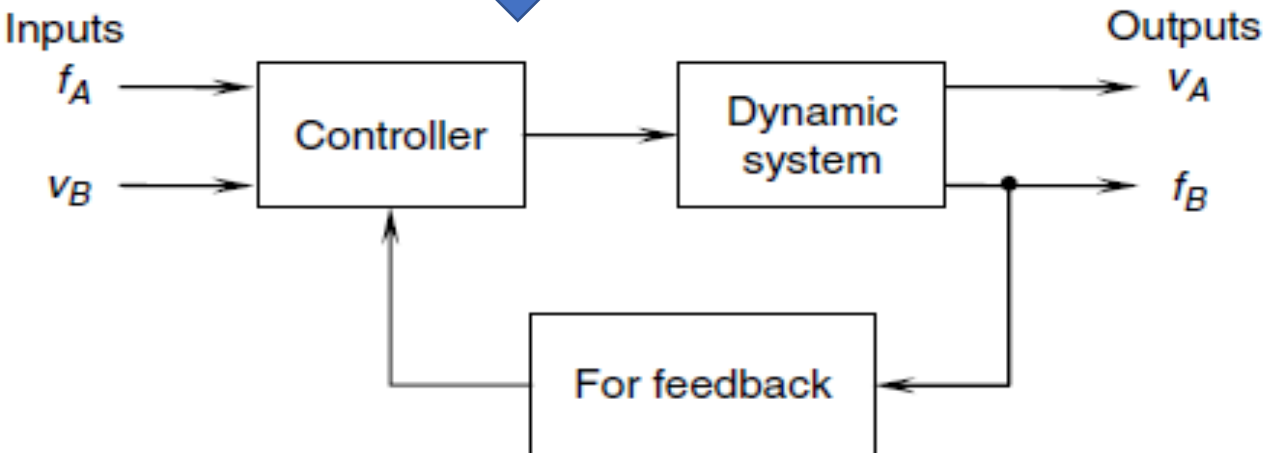


## مشاكل التحكم بالقوة

- بفرض  $F_A$  هو دخل النظام و  $F_B$  خرج النظام. هذا يؤدي إلى أن  $V_B$  هو دخل للنظام في حين أن  $V_A$  هو خرج للنظام.



- من المستحيل عملياً تحقيق أداء دقيق للنظام باستخدام حلقة التحكم المفتوحة المبينة في الشكل

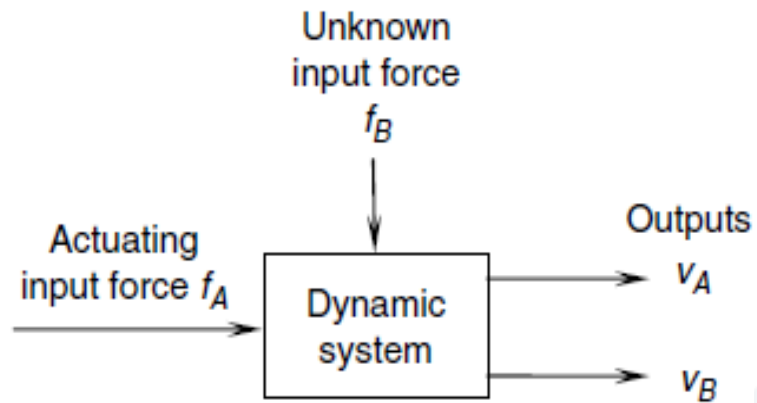


لذلك لا بد من استخدام حلقة التغذية العكسية وإدخال قيمة قوة الخرج في حلقة التحكم

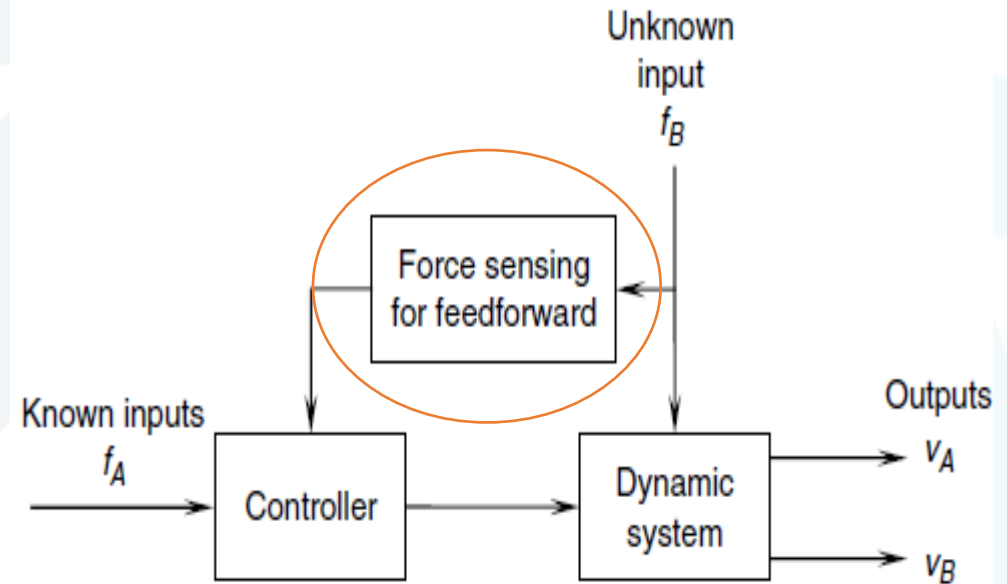


## مشاكل التحكم بالقوة

- بفرض النظام المذكور سابقاً بمدخل A ومخرج B
- بفرض  $F_A$  قوة التشغيل تعتبر كدخل **معلوم** في حين أن  $F_B$  هي قوة **غير معروفة** تؤثر على عمل النظام الديناميكي



*A system with an unknown input force*



*Feedforward force control*

- نستخدم حلقة تغذية أمامية باستخدام حساس قوة وذلك لمعرفة قيمة هذه القوة وإدخالها ضمن حلقة التحكم

# موقع حساس القوة

- في أنظمة التحكم بالقوة ذات التغذية العكسية، يمكن أن يمتلك **موقع** حساس القوة بالنسبة **لموقع** **المشغل** تأثيراً كبيراً على أداء هذه الأنظمة (خاصة الاستقرار)

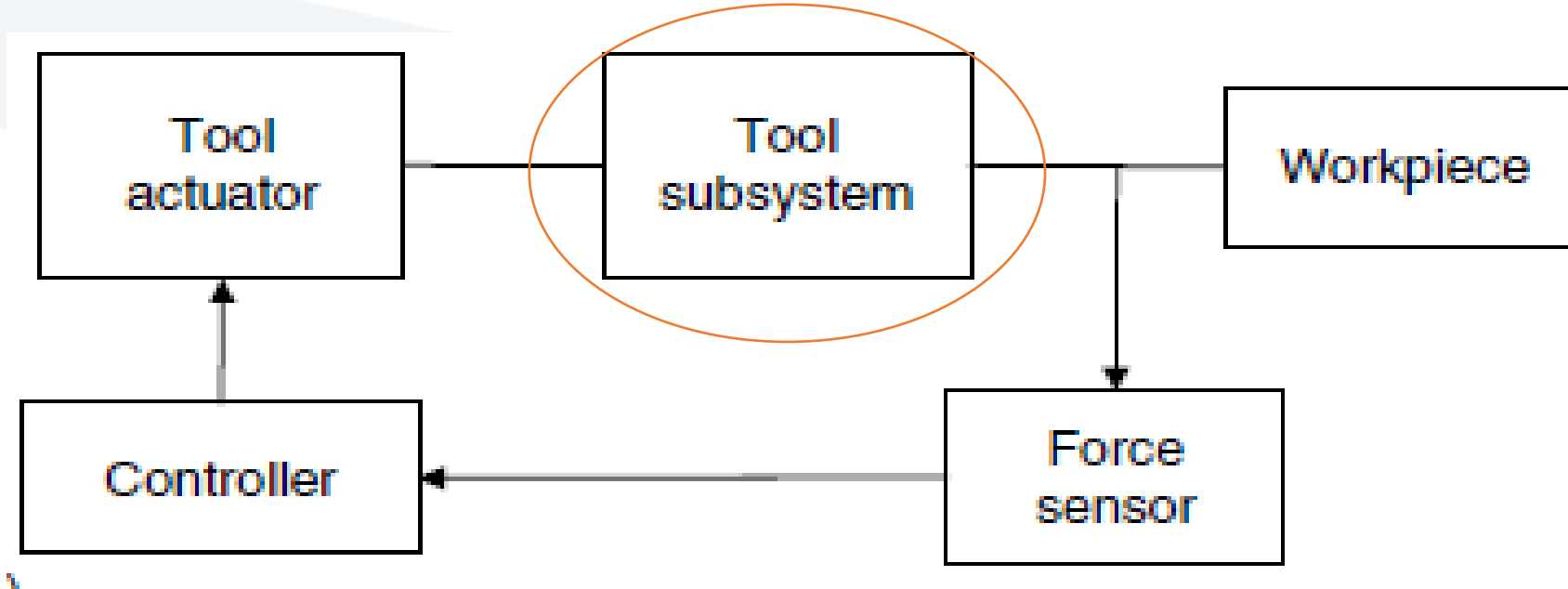
- عندما تتوضع حساسات القوة عادة **بعيداً** عن المشغل في النظام الميكانيكي، فإن هذا النظام يعاني من **عدم الاستقرار** عند تطبيق تحكم بالتغذية الخلفية



من الأفضل قياس القوة (باستخدام الحساسات) بشكل **قريب جداً** من موقع المشغل وذلك في الأنظمة التي تستخدم التغذية **الخلفية** للتحكم بالقوة



- 
- ```
graph TD; TS[Tool subsystem] --- TA[Tool actuator]; TA --- WP[Workpiece]; C[Controller] --> TA; FS[Force sensor] --> C; WP --> FS; FS -- Feedback Loop --> C;
```
- يولد المشغل قوة تُطَبَّق على ساحة العمل
- Tool subsystem
- Tool actuator
- Workpiece
- Controller
- Force sensor
- يستخدم متحكم التغذية العكسية القوة لتوليد قوة المشغل الصحيحة
- تُقاس القوة المرسلَة إلى ساحة العمل بواسطة حساس قوة



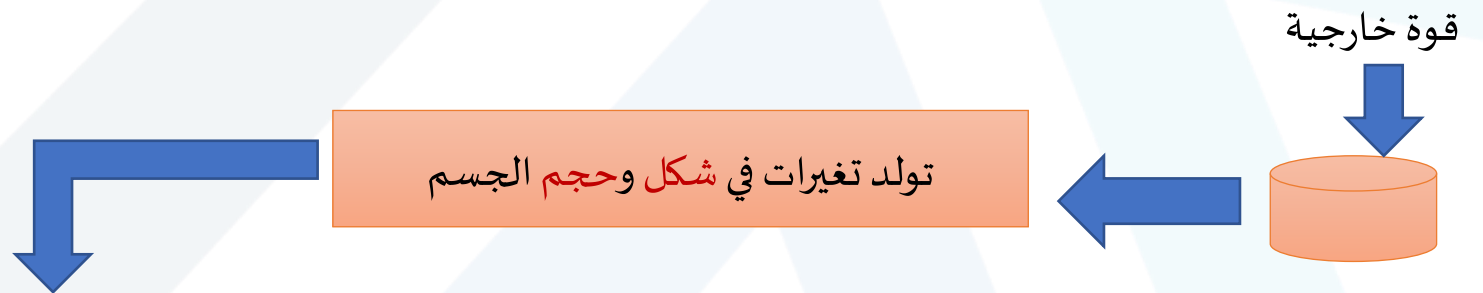
- نلاحظ في هذا الترتيب أن المشغل **فصل** عن حساس القوة بواسطة نظام ديناميكي جزئي
- في هذه الحالة يعتبر النظام **أقل استقراراً** من النظام السابق وذلك لأن هذا الترتيب يولد **تأخيراً** ديناميكياً أكبر من الترتيب السابق ضمن حلقة التغذية العكسية
- من المعروف أن **التأخير** الزمني يمتلك تأثيراً **غير مستقر** على أنظمة التحكم التي تستخدم التغذية العكسية

# قياس الالتواء

- معظم حساسات القوة والعزم تعتمد على قياسات الالتواء (strain gauge)

بالرغم من أن ال strain gauge يقيس الالتواء ولكنه أيضاً يتعلق بشكل مباشر بقياس القوة والإجهاد

يمكن أن يستخدم بطريقة غير مباشرة لقياس الانتقال، التسارع، الضغط و درجة الحرارة



- الالتواء: هو التغير النسبي في الشكل أو الحجم لجسم ما الناتج عن تطبيق قوى خارجية

- الإجهاد : هو القوة الداخلية (في واحدة المساحة) المرتبطة مع الالتواء

## تطبيقات قياس الالتواء



• يمكن استخدام قياس الالتواء في تحديد العديد من **المتغيرات** مثل: الانتقال، التسارع،

الضغط، الحرارة، مستوى السوائل، القوة، العزم...

• يمكن أن تقاس درجة الحرارة من خلال قياس **التمدد** الحراري أو التغير الذي يصيب عنصر

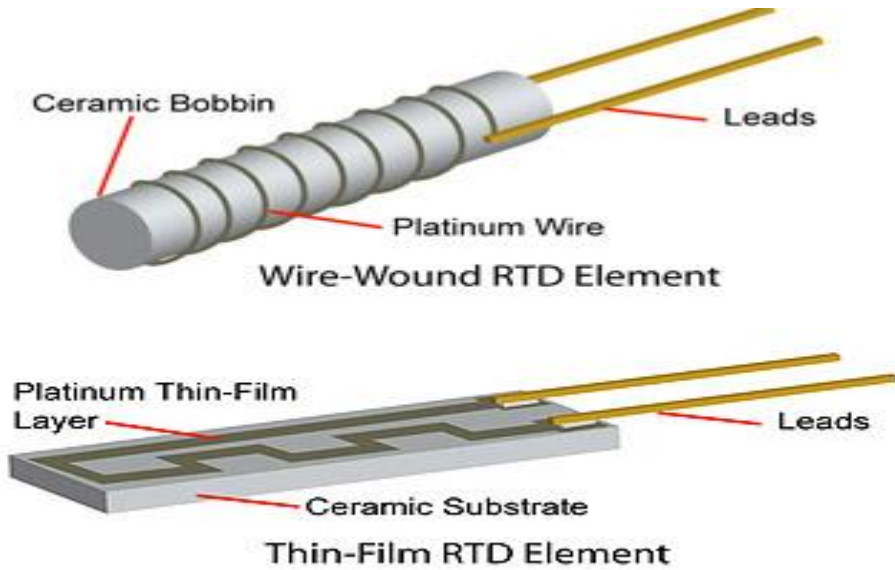
**ثنائي المعدن**

• **الثيرمستور** هو حساس حرارة مصنوع من مادة **نصف ناقلة** تمتلك مقاومة تتغير مع تغير درجة

الحرارة

• تعمل **المقاومة الحرارية** بنفس مبدأ الثيرمستور باستثناء أنها مصنوعة من **معدن** وليست من

مادة نصف ناقلة



## معادلات قياس الالتواء

- تتغير المقاومة الكهربائية في مادة ما عندما يتغير شكل هذه المادة

$$R = \rho \frac{\ell}{A}, \quad \longrightarrow \quad \log R = \log \rho + \log (\ell / A) \quad \longrightarrow \quad \frac{dR}{R} = \frac{d\rho}{\rho} + \frac{d(\ell / A)}{\ell / A}$$

$R$  – Resistance;  $\rho$  Resistivity ;  $\ell$  Length ;  $A$  Cross sectional area

$$\frac{\delta R}{R} = S_s \varepsilon.$$

- من أجل تغيرات **خطية**، الحدين في الطرف الأيمن للمعادلة السابقة تمثل توابع خطية للالتواء  $\varepsilon$

حيث  $S_s$  يمثل معامل القياس أو **الحساسية** (٢-٦ من أجل المعادن ، ٤٠-٢٠٠ من أجل أنصاف النواقل)  
و  $\varepsilon$  يمثل **الالتواء**

- يُقاس التغير في مقاومة العنصر المعرض للالتواء والذي يحدد الالتواء المرافق باستخدام **دائرة كهربائية ملائمة**

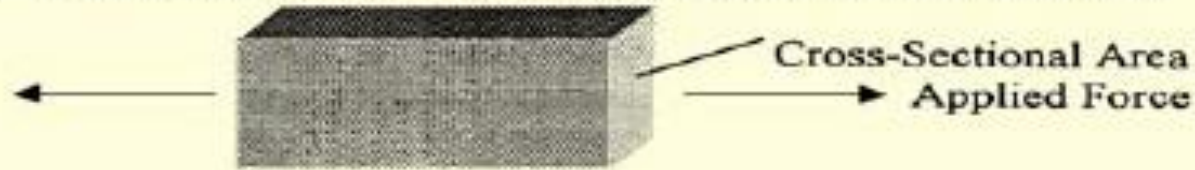
# معادلات قياس الالتواء

بالاعتماد على تعريف نسبة بواسون (V)

Transverse strain = (-V) X longitudinal strain

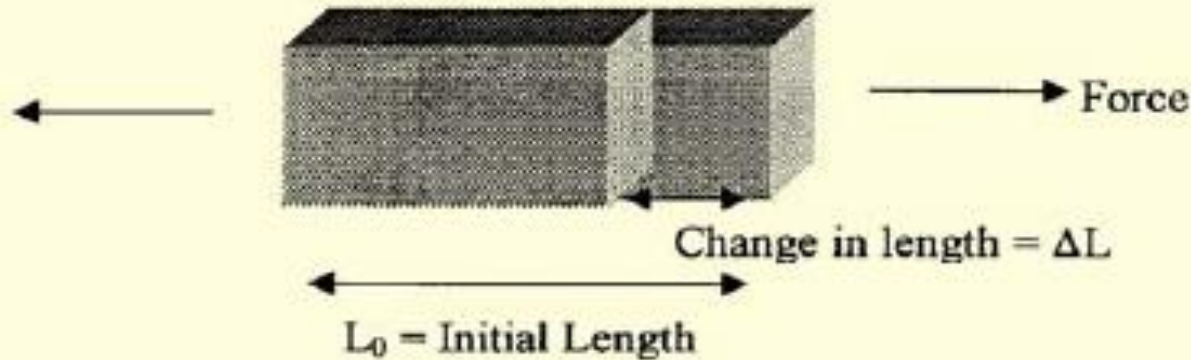
الالتواء العرضي = (-V) X الالتواء الطولي

**Stress** = Applied force, normalized by sample cross-sectional area



$$\text{Stress} = \sigma = \text{Force} / \text{Area}$$

**Strain** = Observed deformation, relative to initial size of sample

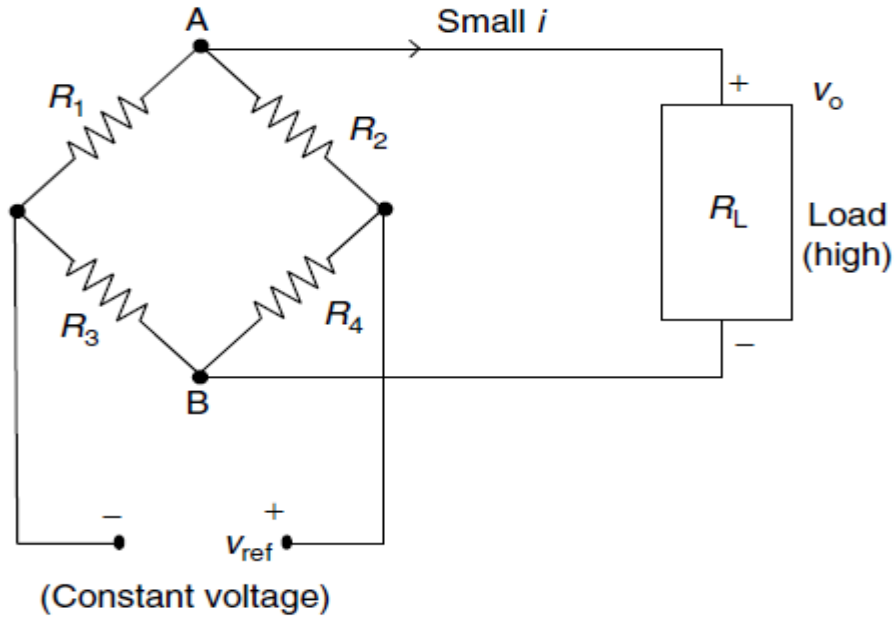


$$\text{Engineering Strain} = \epsilon = \text{Change in length} / \text{Initial length} = \Delta L / L_0$$

$$\text{True Strain} = \epsilon_t = \frac{\text{Incremental change in length}}{\text{Length at start of incremental increase}} = \Delta L / L$$



## معادلات قياس الالتواء



Wheatstone bridge circuit

يعتبر جسر **واتستون** من أكثر الدارات المستخدمة لقياس الالتواء من خلال اعتبار واحدة من مقاومات الجسر الأربعة ( $R_1, R_2, R_3, R_4$ ) تمثل مقدار الالتواء

$$v_o = \frac{R_1 v_{\text{ref}}}{(R_1 + R_2)} - \frac{R_3 v_{\text{ref}}}{(R_3 + R_4)}$$

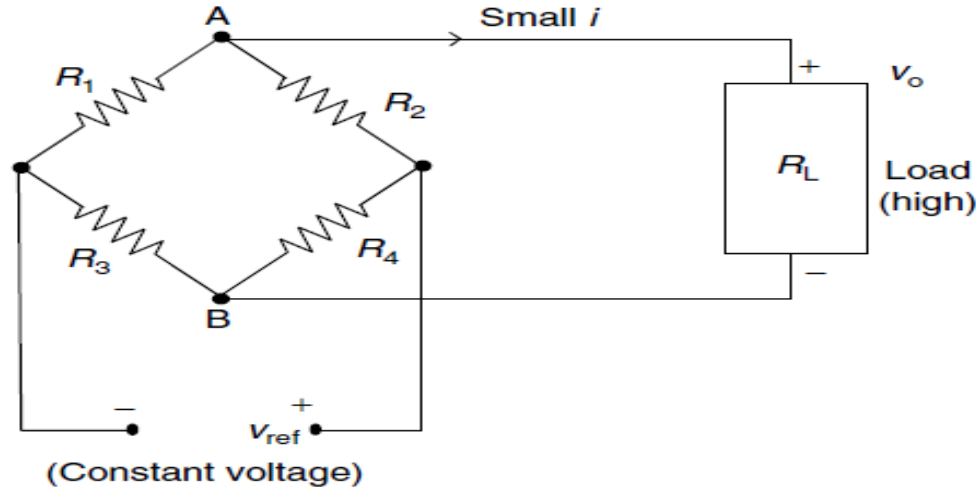
$$= \frac{(R_1 R_4 - R_2 R_3)}{(R_1 + R_2)(R_3 + R_4)} v_{\text{ref}}$$

يكون الجسر متوازناً عندما يكون جهد الخرج يساوي الصفر وبالتالي يمكن أن نكتب:

$$\frac{R_1}{R_2} = \frac{R_3}{R_4}$$

تعتبر هذه المعادلة **صحيحة** من أجل أي قيمة لمقاومة الحمل وذلك لأن التيار المار في الحمل عند توازن الجسر **معدوم** حتى ولو كانت  $R_L$  صغيرة

## معادلات قياس الالتواء



لحساب ثابت المعايرة نبدأ من الحساسية التي تعطى بالعلاقة

$$\frac{\delta v_0}{v_{\text{ref}}} = \frac{(R_2 \delta R_1 - R_1 \delta R_2)}{(R_1 + R_2)^2} - \frac{(R_4 \delta R_3 - R_3 \delta R_4)}{(R_3 + R_4)^2}.$$

ممكّن أن تكون أكثر من مقاومة فعالة. إذا كانت المقاومات الأربعة فعالة فإن الحساسية ستزداد

$$\frac{\delta v_0}{v_{\text{ref}}} = k \frac{\delta R}{4R},$$

إذا كانت المقاومات الأربعة متساوية ومتعاكسة بالتأثير سنحصل على حساسية عظمى تعطى بالعلاقة

$$k = \frac{\text{bridge output in the general case}}{\text{bridge output if only one strain gage is active}}.$$

حيث k ثابت الجسر ويعطى بالعلاقة

$$\frac{\delta v_0}{v_{\text{ref}}} = k \frac{\delta R}{4R},$$

$$\frac{\delta R}{R} = S_s \epsilon.$$

$$\frac{\delta v_0}{v_{\text{ref}}} = \frac{k}{4} S_s \epsilon.$$

ولكن

$$C = \frac{k}{4} S_s,$$



يرتبط ثابت المعايرة بالالتواء ويعطى بالعلاقة التالية:

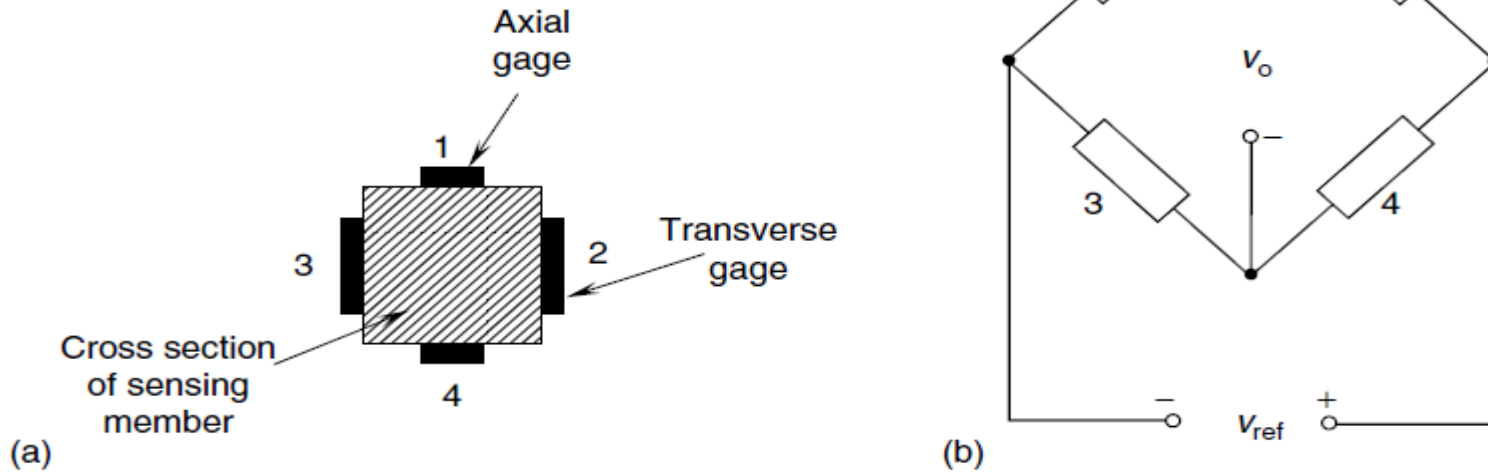
$$\frac{\delta v_0}{v_{\text{ref}}} = C \epsilon.$$

# معادلات قياس الالتواء

مثال:

لدينا حساس قوة ممثل بأربعة قياسات للالتواء مبينة في الشكل بالإضافة إلى دائرة جسر واتستون المعبرة عن توضع هذه القياسات. القياسين ١ و ٤ متوضعين بشكل طولاني في حين ٢ و ٣ متوضعين بشكل عرضاني.

المطلوب: حدد ربح الجسر بدلالة نسبة بواسون إذا علمت أن الحساسية أعظمية



An example of four active strain gauges. (a) Mounting configuration on the load cell. (b) Bridge circuit.

# معادلات قياس الالتواء

Poisson's ratio –  
Transverse strain =  $(-\nu) \times$  longitudinal strain



$$\begin{aligned}\delta R_2 &= -\nu \delta R \\ \delta R_3 &= -\nu \delta R \\ \delta R_4 &= \delta R\end{aligned}$$

مثال: بفرض أن  $\delta R_1 = \delta R$  وبالتالي حسب نسبة بواسون

تعطى الحساسية بالعلاقة:

$$\frac{\delta v_0}{v_{\text{ref}}} = \frac{(R_2 \delta R_1 - R_1 \delta R_2)}{(R_1 + R_2)^2} - \frac{(R_4 \delta R_3 - R_3 \delta R_4)}{(R_3 + R_4)^2}.$$

$$k = 2(1 + \nu).$$

$$\frac{\delta v_0}{v_{\text{ref}}} = 2(1 + \nu) \frac{\delta R}{4R}$$

بالتعويض نحصل على:

$$\frac{\delta v_0}{v_{\text{ref}}} = k \frac{\delta R}{4R},$$

بالمقارنة مع العلاقة: