

حسابات ومجسات

المحاضرة السادسة

د.م. خولة حموي

khawla.hamwi@gmail.com

العام الدراسي: ٢٠٢٤-٢٠٢٣

عناوين المحاضرة

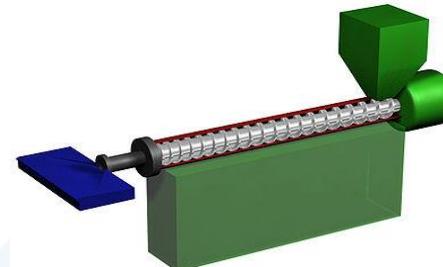
- حساسات الجهد Effort sensors
- سبيية القوة والحركة Force-Motion Causality
- مشاكل التحكم بالقوة Force control problems
- موقع حساس القوة Force sensor location
- قياس الالتواء Strain gauge
- تطبيقات قياس الالتواء Strain gauges applications
- معادلات قياس الالتواء Equations for Strain-gauge Measurements

حساسات الجهد Effort sensors

- تعتمد استجابة النظام الميكانيكي على الجهد المطبق على النظام بكلام آخر على **القوة والعزم**



- هناك العديد من التطبيقات التي تعتمد على **تحسين القوة والعزم** ذكر منها: **عمليات الآلة**: الطحن، القطع، الدرفلة....



سبلية القوة والحركة

- نظرًا لأن القوى **متغيرات** في الأنظمة الميكانيكية ، يمكن أن يؤدي قياسها إلى **تحكم فعال**
- هناك تطبيقات يكون فيها التحكم بالقوة **مهماً جداً** حيث يمكن أن يؤدي خطأ بسيط في الحركة إلى توليد قوى كبيرة ، على سبيل المثال ، عمليات تجميع الأجزاء....
- في التجميع:

تشويس وتوليد قوى مدمرة



اختلال **بسيط** في الحركة

- في آلات القص الدقيقة:

توليد قوى قطع كبيرة ، مما قد يؤدي إلى جودة **غير مقبولة** للمنتج



خطأ **بسيط** في الحركة

- في مثل هذه الحالات ، يبدو أن قياس القوى والتحكم فيها طريقة فعالة لتحسين أداء النظام

سبلية القوة والحركة

- خرج الأنظمة الميكانيكية يمكن أن يكون:

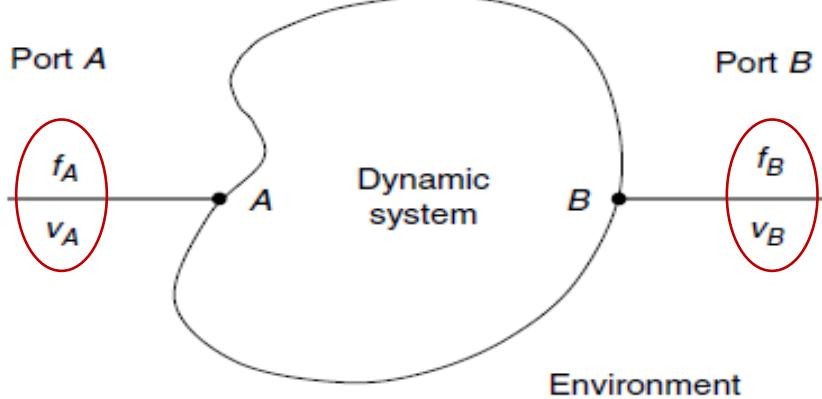
حركة: استجابة روبوت الطلاء بالرش الذي من المتوقع أن يتبع مساراً محدداً



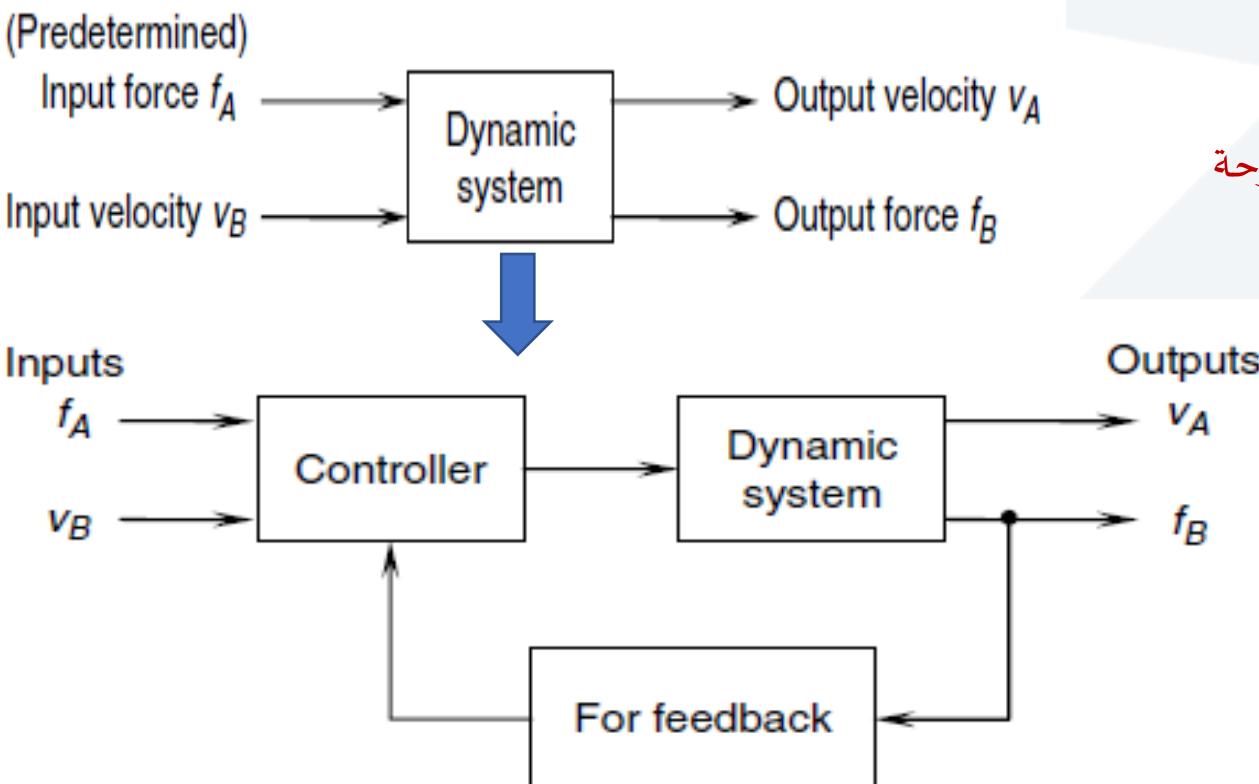
<https://manara.edu.sy/>

قوة: بعض مهام التصنيع مثل التجميع، الحفر،
الإمساك....

مشاكل التحكم بالقوة



- بفرض f_A هو دخل النظام و f_B خرج النظام. هذا يؤدي إلى أن v_B هو دخل للنظام في حين أن v_A هو خرج للنظام.

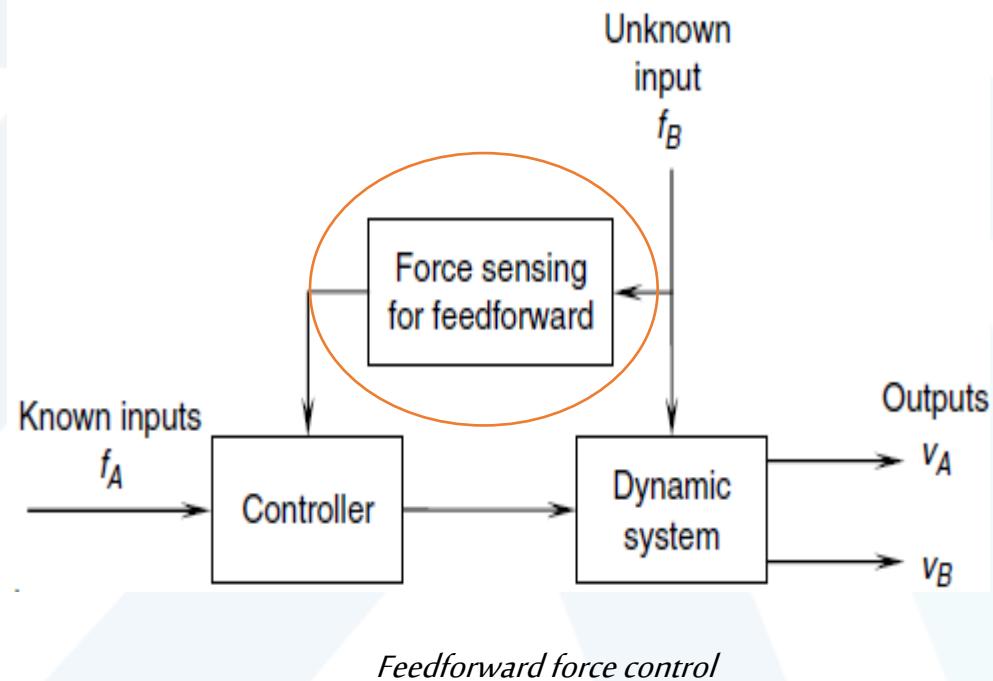
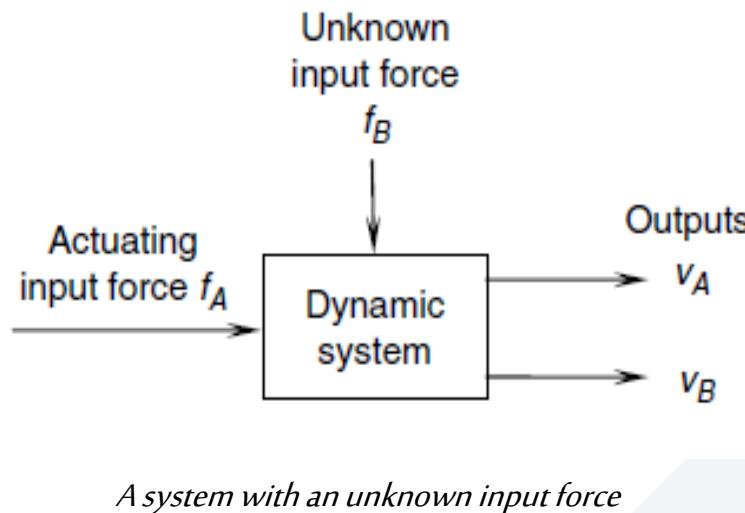


- من المستحيل عملياً تحقيق أداء دقيق للنظام باستخدام حلقة التحكم المفتوحة المبينة في الشكل

لذلك لا بد من استخدام حلقة التغذية العكسية وإدخال قيمة قوة الخرج في حلقة التحكم

مشاكل التحكم بالقوة

- بفرض النظام المذكور سابقاً بمدخل A ومخرج B
- بفرض f_A قوة التشغيل تعتبر كدخل معلوم في حين أن f_B هي قوة غير معروفة تؤثر على عمل النظام الديناميكي

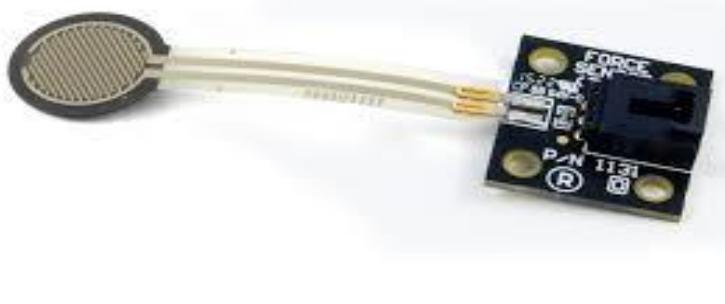


- نستخدم حلقة تغذية أمامية باستخدام حساس قوة وذلك لمعروفة قيمة هذه القوة وإدخالها ضمن حلقة التحكم

موقع حساس القوة



- في أنظمة التحكم بالقوة ذات التغذية العكسية، يمكن أن يمتلك موقع حساس القوة بالنسبة **لموقع المشغل** تأثيراً كبيراً على أداء هذه الأنظمة (خاصة الاستقرارية)



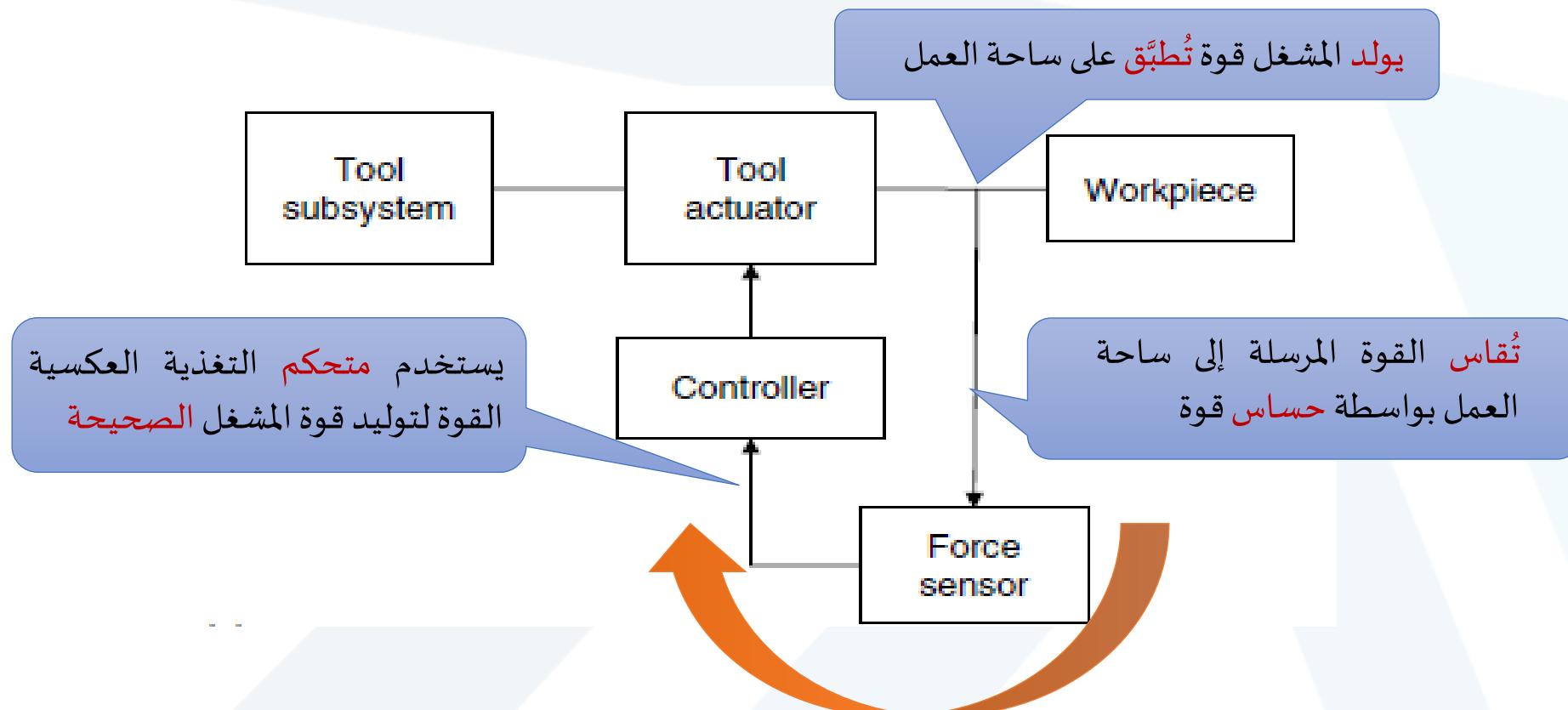
- عندما تتوضع حساسات القوة عادة **بعيداً** عن المشغل في النظام الميكانيكي، فإن هذا النظام يعاني من **عدم الاستقرارية** عند تطبيق تحكم بالتغذية الخلفية



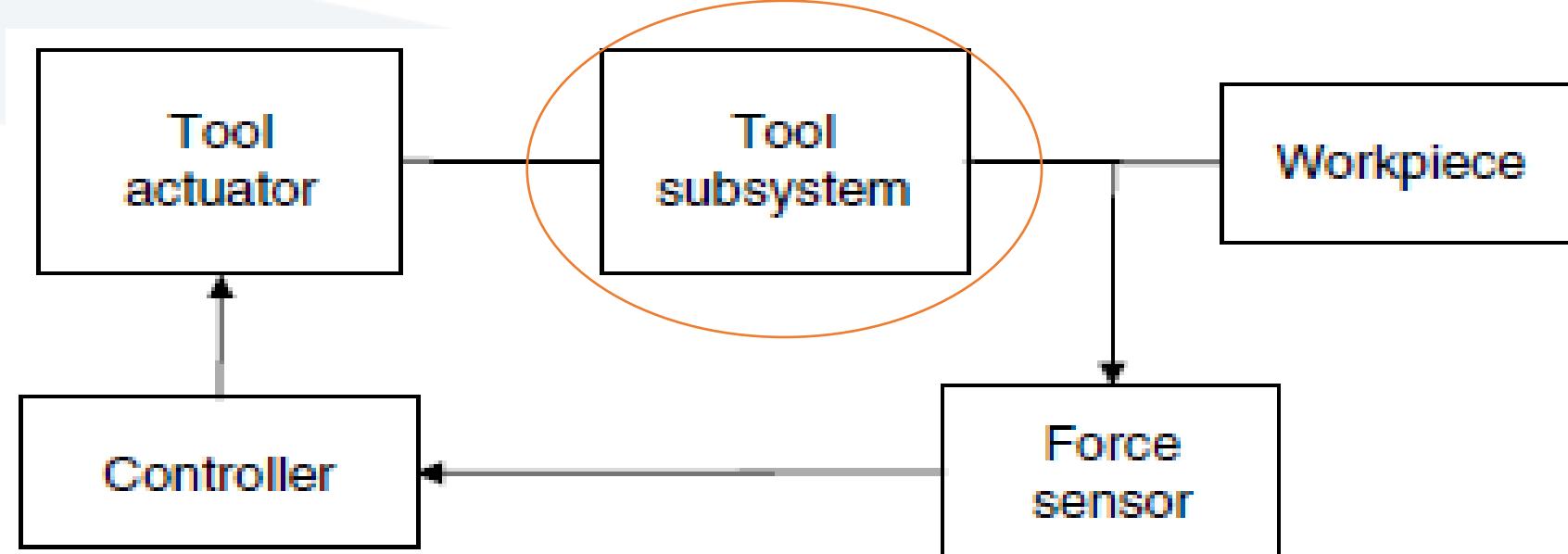
من الأفضل قياس القوة (باستخدام الحساسات) بشكل **قريب جداً** من موقع المشغل وذلك في الأنظمة التي تستخدم التغذية **الخلفية** للتحكم بالقوة

موقع حساس القوة

- بفرض نظام ميكانيكي مكون من عدة أجزاء ديناميكية (نظام جزئي، مشغل، ساحة عمل)



موقع حساس القوة



- نلاحظ في هذا الترتيب أن المشغل **فصل** عن حساس القوة بواسطة **نظام ديناميكي جزئي**
- في هذه الحالة يعتبر النظام **أقل استقراراً** من النظام السابق وذلك لأن هذا الترتيب يولد **تأخيراً ديناميكياً** أكبر من الترتيب السابق ضمن حلقة التغذية العكسية
- من المعروف أن **التأخير الزمني** يمتلك تأثيراً **غير مستقرأً** على أنظمة التحكم التي تستخدم التغذية العكسية

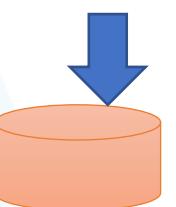
قياس الالتواء

- معظم حساسات القوة والوزم تعتمد على قياسات الالتواء (strain gauge)

بالرغم من أن الـ strain gauge يقيس الالتواء ولكنه أيضاً يتعلّق بشكل مباشر بقياس القوة والإجهاد

يمكن أن يستخدم بطريقة غير مباشرة لقياس الانتقال، التسارع، الضغط و درجة الحرارة

قوة خارجية



تولد تغيرات في شكل و حجم الجسم

- الالتواء: هو التغير النسبي في الشكل أو الحجم لجسم ما الناتج عن تطبيق قوى خارجية

- الإجهاد: هو القوة الداخلية (في واحدة المساحة) المربطة مع الالتواء

تطبيقات قياس الالتواء



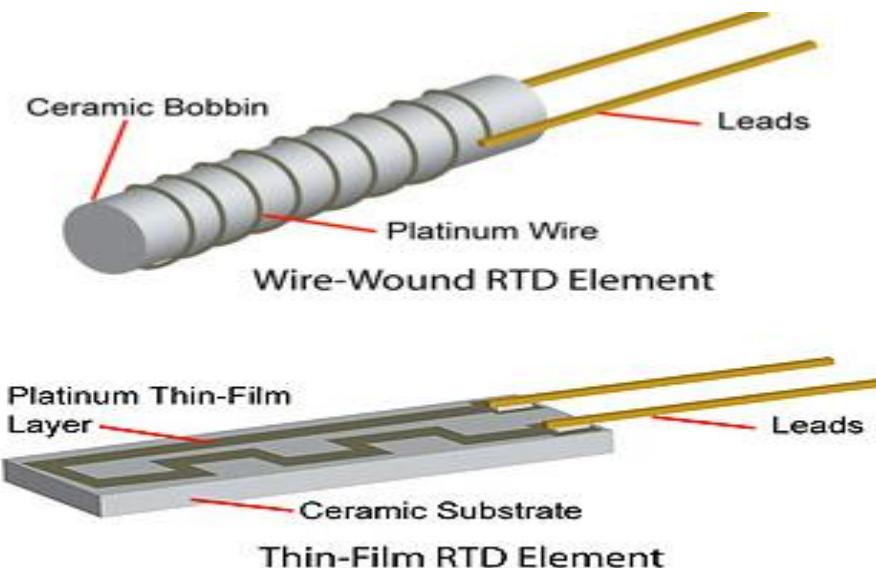
- يمكن استخدام قياس الالتواء في تحديد العديد من **المتغيرات** مثل: الانتحال، التسارع، الضغط، الحرارة، مستوى السوائل، القوة، العزم...

يمكن أن تقامس درجة الحرارة من خلال قياس **التمدد الحراري** أو التغير الذي يصيب عنصر

ثنائي المعدن

الثيرمستور هو حساس حرارة مصنوع من مادة **نصف ناقلة** تمتلك مقاومة تتغير مع تغير درجة

الحرارة



تعمل المقاومة الحرارية بنفس مبدأ الثيرمستور باستثناء أنها مصنوعة من **معدن** وليس من

مادة نصف ناقلة

معادلات قياس الالتواء

- تغير المقاومة الكهربائية في مادة ما عندما يتغير شكل هذه المادة

$$R = \rho \frac{\ell}{A}, \quad \log R = \log \rho + \log (\ell/A) \quad \frac{dR}{R} = \frac{d\rho}{\rho} + \frac{d(\ell/A)}{\ell/A}$$

R – Resistance; ρ Resistivity ;  Length ; A Cross sectional area

$$\frac{\delta R}{R} = S_s \varepsilon.$$

- من أجل تغيرات خطية، الحدين في الطرف الأيمن للمعادلة السابقة تمثل توابع خطية للالتواء

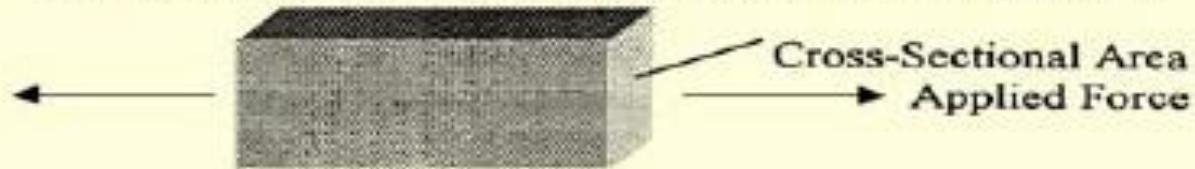
حيث S_s يمثل معامل القياس أو الحساسية (٢-٦ من أجل المعادن ، ٤٠-٢٠٠ من أجل أنصاف النواقل)

و ε يمثل الالتواء

- يُقاس التغير في مقاومة العنصر المعرض للالتواء والذي يحدد الالتواء المرافق باستخدام دارة كهربائية ملائمة

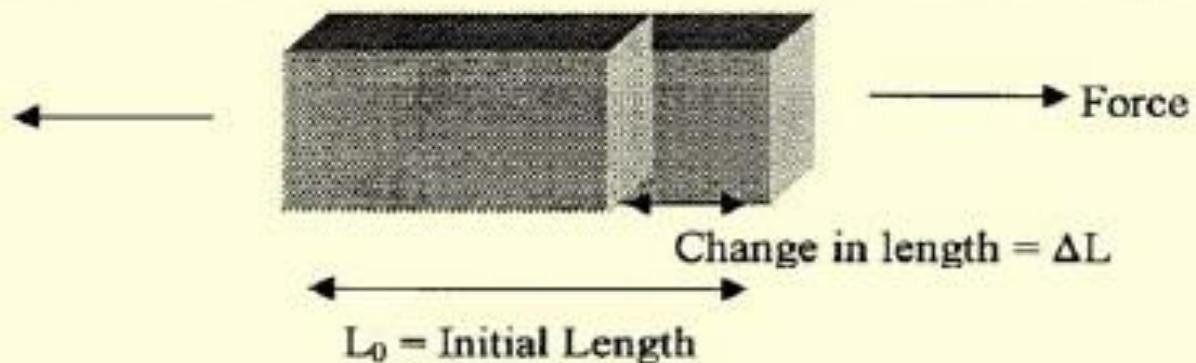
معادلات قياس الالتواء

Stress = Applied force, normalized by sample cross-sectional area



$$\text{Stress} = \sigma = \text{Force} / \text{Area}$$

Strain = Observed deformation, relative to initial size of sample



$$\text{Engineering Strain} = \epsilon = \text{Change in length} / \text{Initial length} = \Delta L / L_0$$

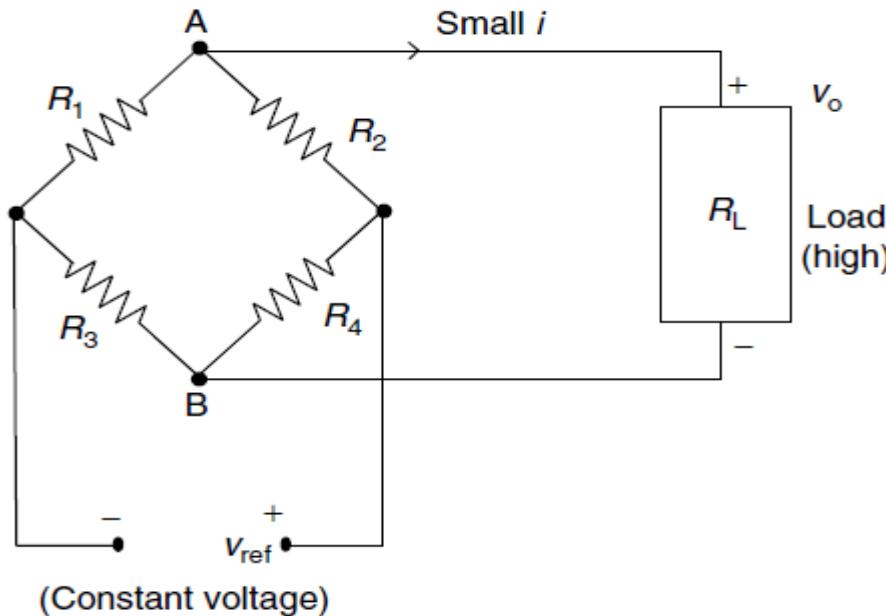
$$\text{True Strain} = \epsilon_t = \frac{\text{Incremental change in length}}{\text{Length at start of incremental increase}} = \Delta L / L$$

بالاعتماد على تعريف نسبة بواسون (V)

$$\text{Transverse strain} = (-V) \times \text{longitudinal strain}$$

$$\text{الالتواء العرضاني} = (-V) \times \text{الالتواء الطولاني}$$

معادلات قياس الالتواء



يعتبر جسر **واتستون** من أكثر الدارات المستخدمة لقياس الالتواء من خلال اعتبار واحدة من مقاومات الجسر الأربع (R_1, R_2, R_3, R_4) تمثل مقدار الالتواء

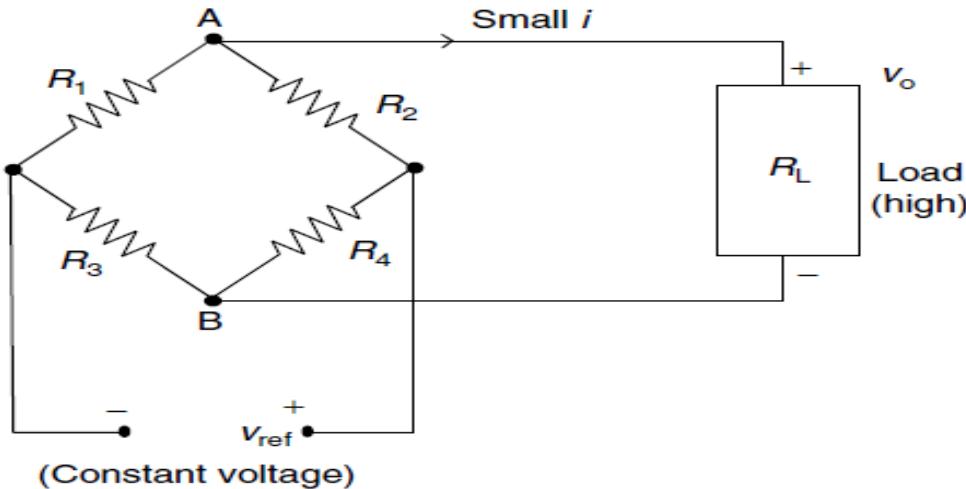
$$\begin{aligned}
 v_o &= \frac{R_1 v_{\text{ref}}}{(R_1 + R_2)} - \frac{R_3 v_{\text{ref}}}{(R_3 + R_4)} \\
 &= \frac{(R_1 R_4 - R_2 R_3)}{(R_1 + R_2)(R_3 + R_4)} v_{\text{ref}}.
 \end{aligned}$$

يكون الجسر متوازناً عندما يكون جهد الخرج يساوي الصفر وبالتالي يمكن أن نكتب:

$$\frac{R_1}{R_2} = \frac{R_3}{R_4}.$$

تعتبر هذه المعادلة **صحيحة** من أجل أي قيمة لمقاومة الحمل وذلك لأن التيار المار في الحمل عند توازن الجسر معدوم حتى ولو كانت R_L صغيرة

معادلات قياس الالتواء



لحساب ثابت المعايرة نبدأ من الحساسية التي تعطي بالعلاقة

$$\frac{\delta v_o}{v_{\text{ref}}} = \frac{(R_2\delta R_1 - R_1\delta R_2)}{(R_1 + R_2)^2} - \frac{(R_4\delta R_3 - R_3\delta R_4)}{(R_3 + R_4)^2}.$$

ممكن أن تكون **أكثـر** من مقاومة **فعـالـة**. إذا كانت المقاومات الأربعـة فـعـالـة فإن الحـسـاسـيـة سـتـزـدـادـ

إذا كانت المقاومات الأربعـة متسـاوـيـة ومتـعـاـكـسـة بالـتـأـثـير سـنـحـصـل عـلـى حـسـاسـيـة عـظـيـمى تعـطـى بالـعـلـاقـة

$$k = \frac{\text{bridge output in the general case}}{\text{bridge output if only one strain gage is active}}.$$

حيث **k** ثابت الجسر ويعطي بالعلاقة

$$\left. \begin{aligned} \frac{\delta v_o}{v_{\text{ref}}} &= k \frac{\delta R}{4R}, \\ \frac{\delta R}{R} &= S_s \epsilon. \end{aligned} \right\}$$

$$\frac{\delta v_o}{v_{\text{ref}}} = \frac{k}{4} S_s \epsilon.$$

ولكن

$$C = \frac{k}{4} S_s,$$



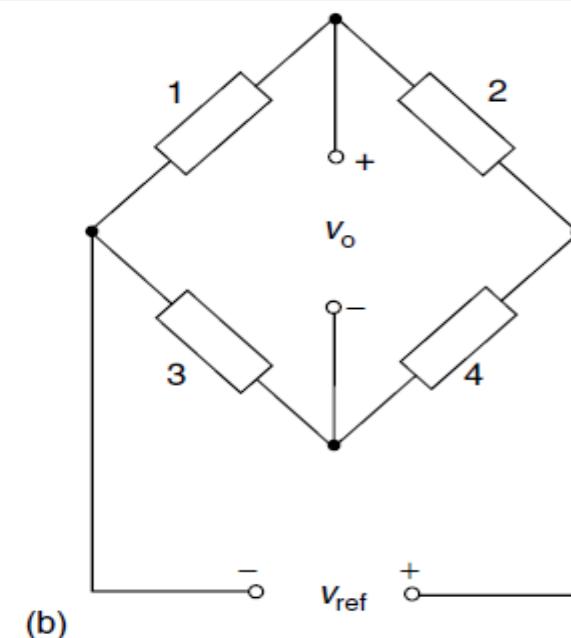
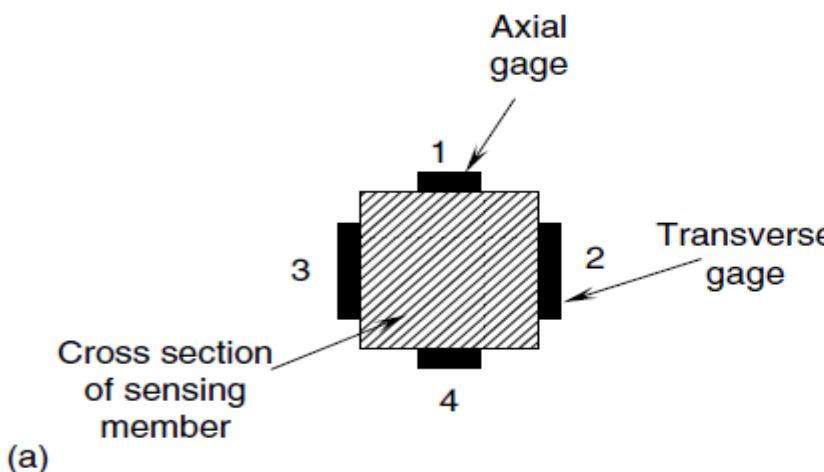
يرتـبـط ثـابـتـ المـعـاـيـرـ بـالـالـتوـاءـ وـيـعـطـىـ بـالـعـلـاقـةـ التـالـيـةـ:

$$\frac{\delta v_o}{v_{\text{ref}}} = C \epsilon.$$

معادلات قياس الالتواء

مثال:

لدينا حساس قوة ممثل بأربعة قياسات للالتواء مبينة في الشكل بالإضافة إلى دارة جسر واتستون المعبرة عن توضع هذه القياسات. القياسين ١ و ٤ متواضعين بشكل طولاني في حين ٢ و ٣ متواضعين بشكل عرضاني .



An example of four active strain gauges. (a) Mounting configuration on the load cell. (b) Bridge circuit.

المطلوب: حدد ربح الجسر بدلالة نسبة بواسون
إذا علمت أن الحساسية أعظمية

معادلات قياس الالتواء

Poisson's ratio –

Transverse strain = $(-\nu) \times$ longitudinal strain



$$\delta R_2 = -\nu \delta R$$

$$\delta R_3 = -\nu \delta R.$$

$$\delta R_4 = \delta R$$



جامعة
المنارة
MANARA UNIVERSITY

وبالتالي حسب نسبة بواسون

بفرض أن $\delta R_1 = \delta R$.

مثال:

تعطى الحساسية بالعلاقة:

$$\frac{\delta v_0}{v_{\text{ref}}} = \frac{(R_2 \delta R_1 - R_1 \delta R_2)}{(R_1 + R_2)^2} - \frac{(R_4 \delta R_3 - R_3 \delta R_4)}{(R_3 + R_4)^2}.$$

$$k = 2(1 + \nu).$$

$$\frac{\delta v_0}{v_{\text{ref}}} = 2(1 + \nu) \frac{\delta R}{4R}$$

$$\frac{\delta v_0}{v_{\text{ref}}} = k \frac{\delta R}{4R},$$

بالتعميض نحصل على:

بالمقارنة مع العلاقة: