



حسابات ومجسات

المحاضرة السابعة

د.م. خولة حموي

khawla.hamwi@gmail.com

العام الدراسي: ٢٠٢٤-٢٠٢٣

عناوين المحاضرة

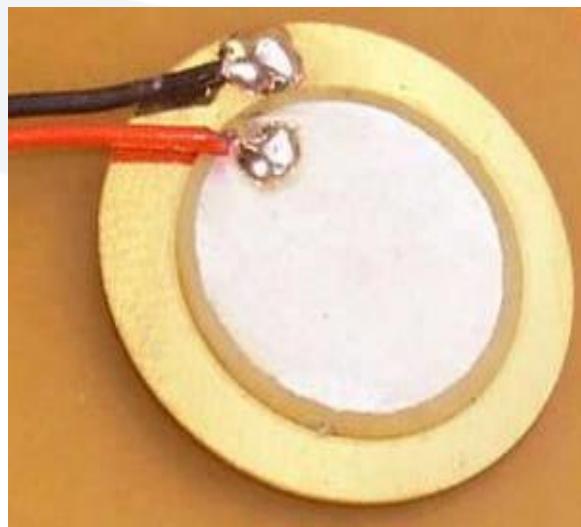
- حساسات العزم
Torque sensors
- الحساسات الكهروانضغاطية
Piezoelectric Transducers
- حساس العزم المعتمد على الانحراف المباشر
Direct-Deflection Torque Sensor
- حساس العزم ذو الممانعة المتغيرة
Variable Reluctance Torque Sensor
- حساسات العزم المعتمدة على قياس الالتوااء
Strain-Gage Torque Sensors
- متطلبات التصميم
Design Considerations

حساسات العزم Torque sensors

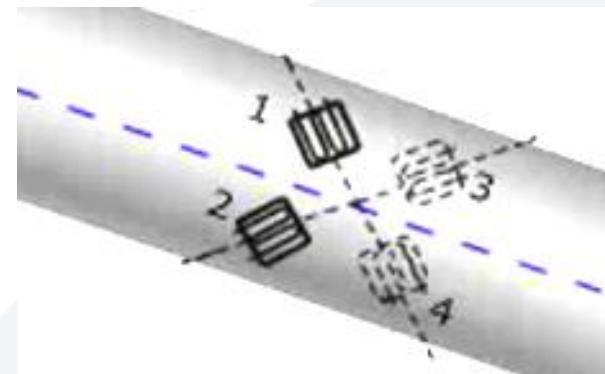
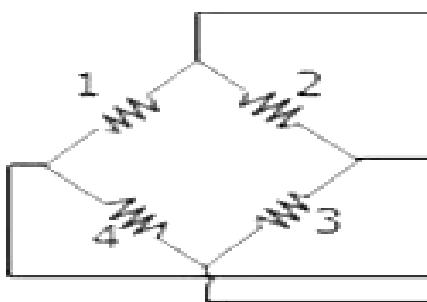
- يعتبر تحسس القوة والعزم **أمراً ضرورياً** ومفيداً في العديد من التطبيقات:
 ١. في التحكم بالحركات الدقيقة ومهام التجميع، حيث أن **خطأ بسيط** في الحركة ممكن أن يسبب قوى كبيرة مدمرة أو انخفاض في جودة المنتج
 ٢. في أنظمة التحكم غير السريعة بالشكل الكافي والتي تستخدم تغذية خلفية بالحركة **فقط**، يمكن استخدام تغذية عكسية أو أمامية بالقوة **لتحسين** الدقة



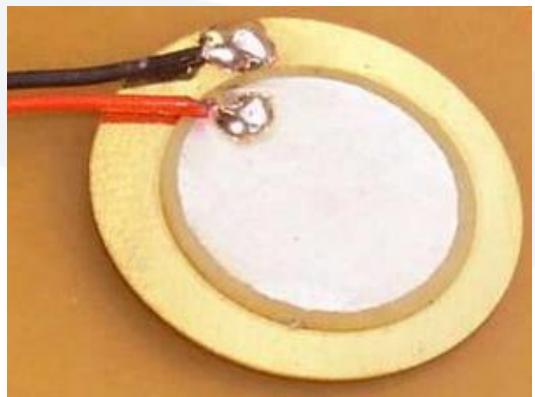
حساسات العزم Torque sensors



- تتضمن الطرق الشائعة لتحسين العزم:
 ١. قياس مباشر للعزم باستخدام الحساسات الكهروانضغاطية
 ٢. قياس الالتواء في العنصر المتحرك من خلال الدارة الجسرية
 ٣. في المحركات الكهربائية، قياس تيار الحقل الذي يولد عزم المحرك
 ٤. قياس التسارع الزاوي الناتج عن عزم غير معلوم في عنصر عطالة محدد



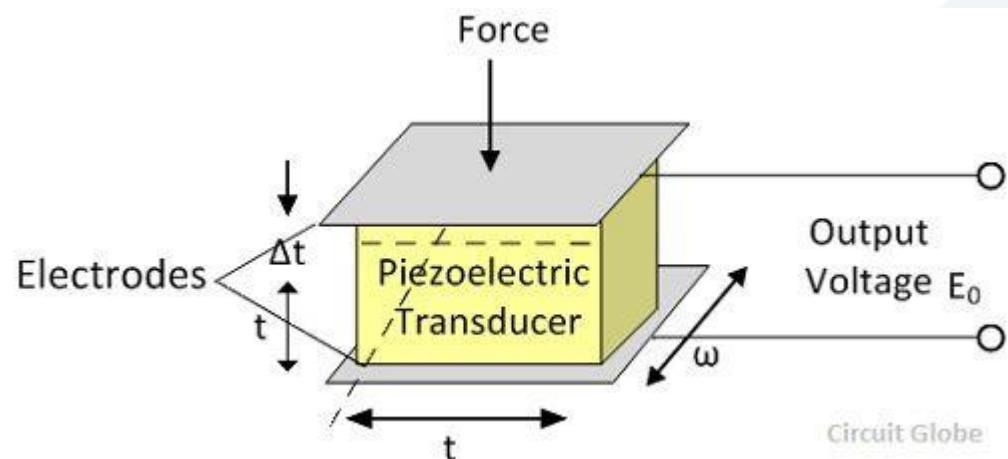
الحساسات الكهروانضغاطية



- يمكن لبعض المواد كبلورة الكوارتز توليد شحنة كهربائية عند تعرضها للجهاد ميكانيك أو التواء

يُستخدم التأثير الكهروانضغاطي في:

- أجهزة قياس الضغط، الالتواز، القوة، العزم
- في شاشات اللمس



تعتمد قطبية الشحنة على اتجاه القوة المطبقة

$$\text{Charge } Q = d \times F \text{ Coulomb}$$

حيث:

d : حساسية الشحنة للبلورة (الكريستال)

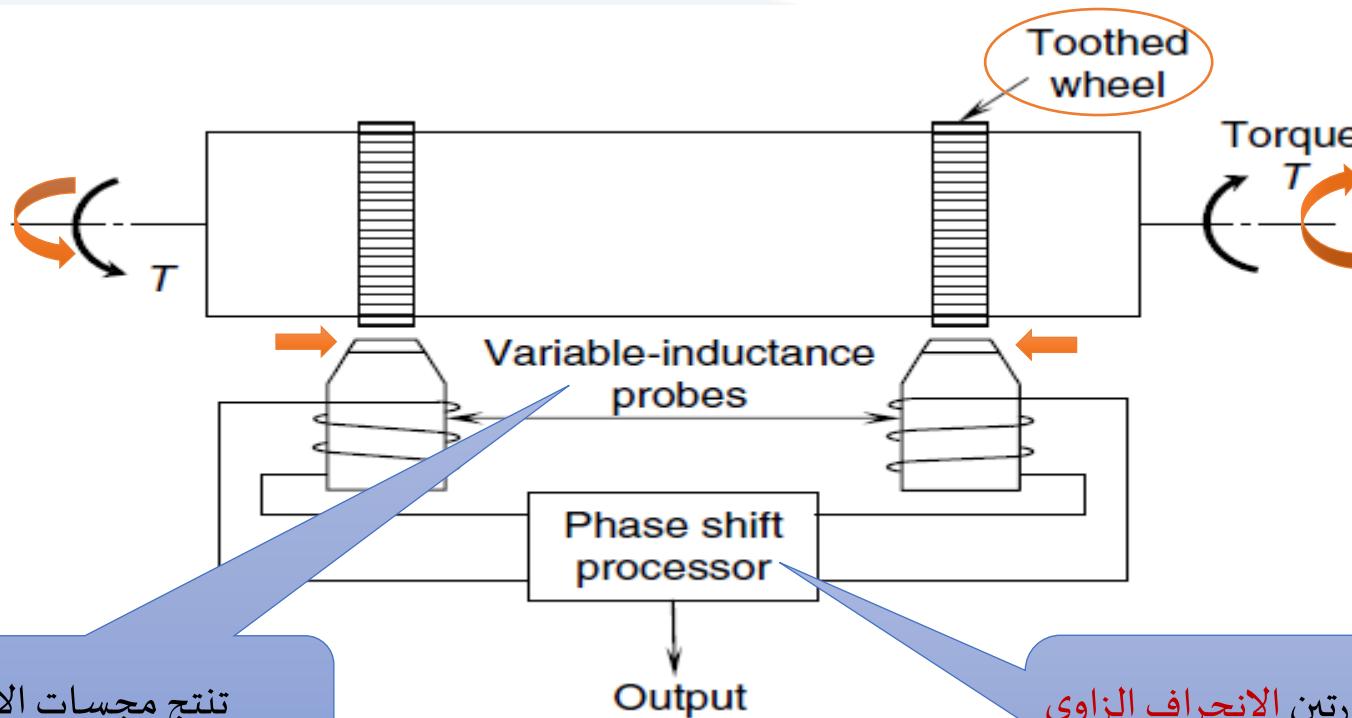
F : القوة المطبقة بالنيوتون

المعامل الكهروانضغاطي لبلورة الكوارتز يساوي N/C

$2.3 \times 10^{-12} C/N$

حساس العزم المعتمد على الانحراف المباشر

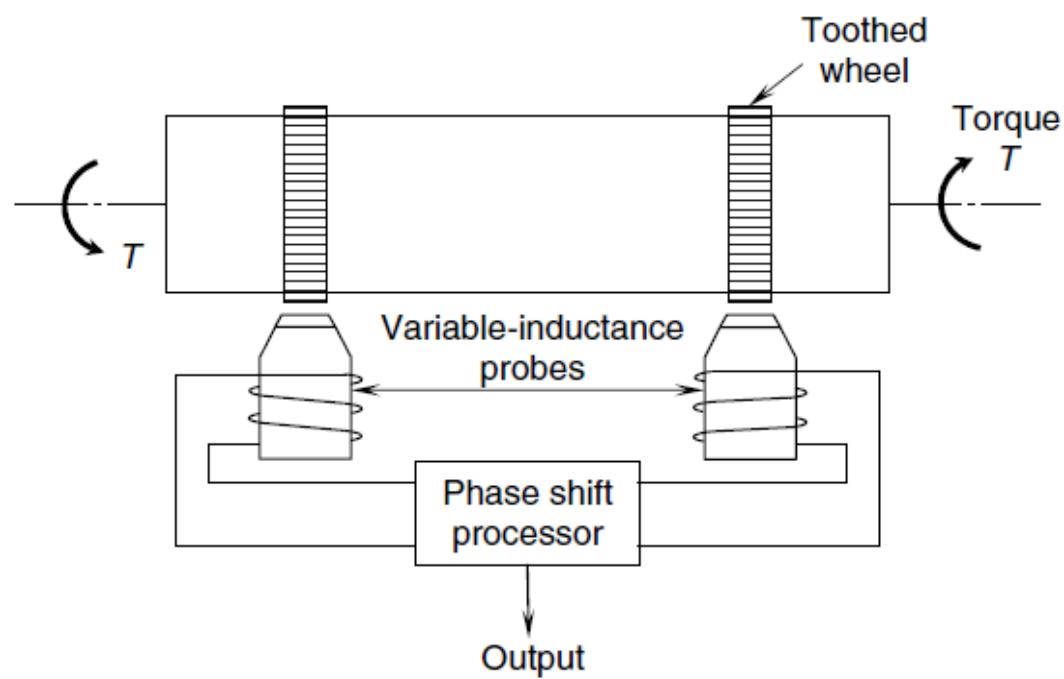
- يمكن استخدام القياس المباشر لزاوية الالتواء في حساب عزم الدوران



تنتج مجسات الاقتراب سلسلة
نبضات أثناء دوران المحور

يحدد انزياح الطور للإشارتين الانحراف الزاوي
الذي يمثل قياس عزم الدوران المرسل

حساس العزم المعتمد على الانحراف المباشر



- يمكن قياس كل من قيمة واتجاه عزم الدوران

$$T = \frac{GJ\phi}{Ln},$$

حيث:

G : هو معامل القص لعنصر الالتواز

ϕ : هو **the polar moment** لمنطقة عنصر الالتواز (يعبر عن الكمية المستخدمة لتوقع قدرة جسم ما على مقاومة الالتواز)

Φ : إنزياح الطور بين إشارتي مجسات الاقتراب

L : التباعد المحوري لمجسات الاقتراب

n : هو عدد الأسنان في كل مسنن



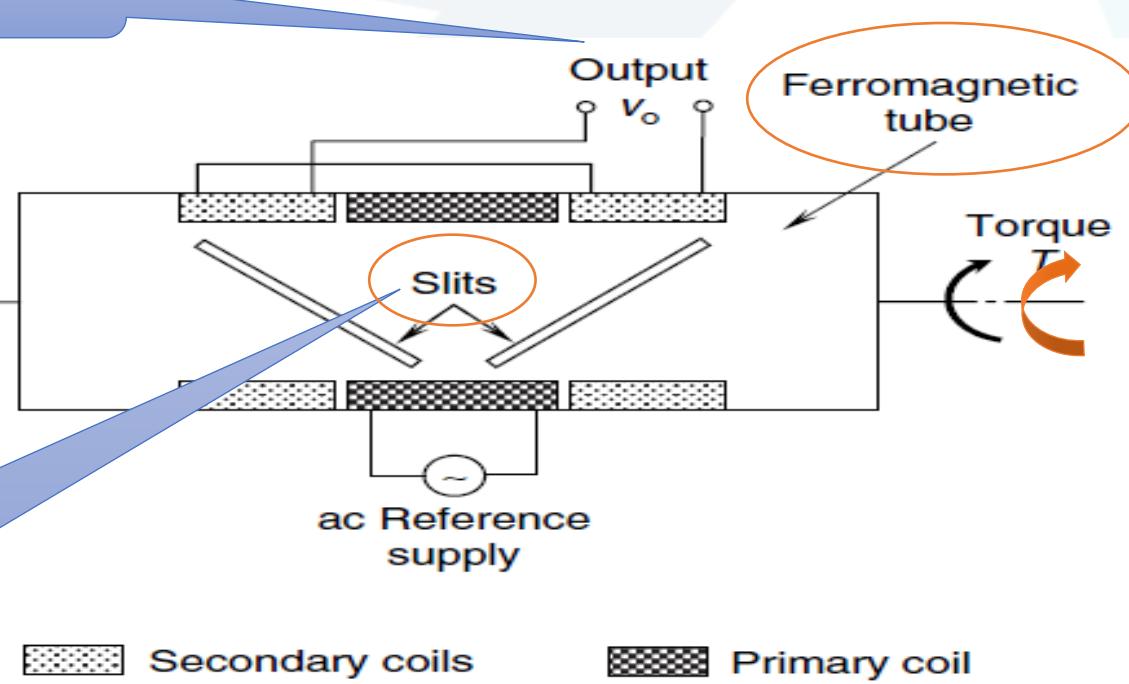
حساس العزم ذو الممانعة المتغيرة

- يعمل هذا الحساس كمحول تفاضلي
- عنصر تحسين العزم عبارة عن أنبوب مغناطيسي حديدي به شقان موضوعان في اتجاه الضغوط الأساسية

جهد الخرج هو مقياس لعزم الدوران المرسل

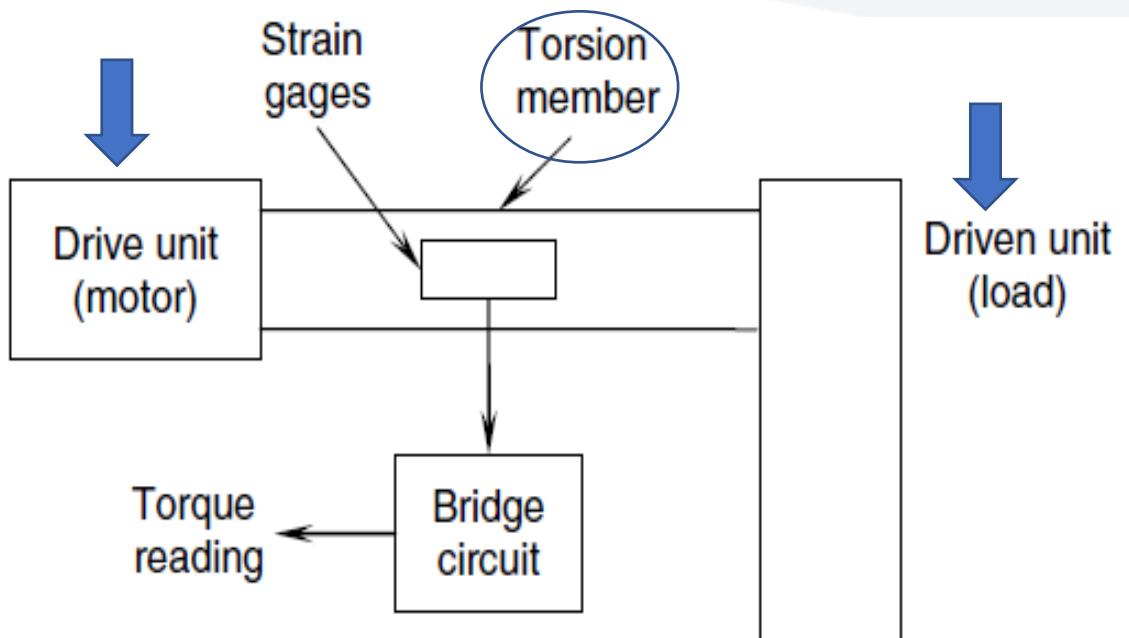


عندما يتم تطبيق عزم الدوران ، يتم فتح شق واحد وإغلاق آخر مما يؤدي إلى تغيير في الممانعة



حسابات العزم المعتمدة على قياس الالتواء

- الطريقة **المباشرة** لقياس العزم هي وصل عنصر الالتواء (torsion member) بين وحدة القيادة (المحرك) والحمل على التسلسل وقياس العزم فيه



Torque sensing using a torsion member

- من أجل محور دوار ، علاقة الالتواء بالعزم:

$$\epsilon = \frac{r}{2GJ} T,$$

- وإجهاد القص τ عند نصف قطر r يساوي

$$\tau = \frac{Tr}{J}.$$

- T هو العزم المرسل خلال عنصر الالتواء

- ϵ الالتواء الأساسي عند نصف قطر r

- $|r|$ هو polar moment

- G هو معامل القص للمادة

حساسات العزم المعتمدة على قياس الالتواء

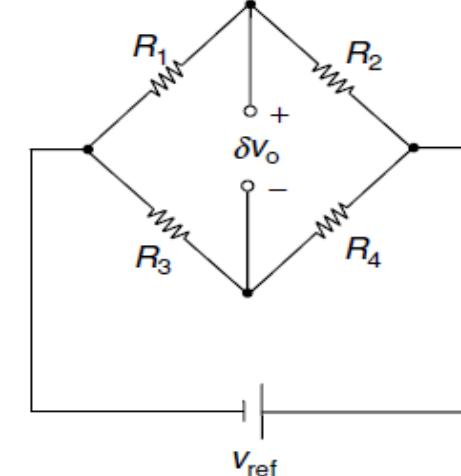
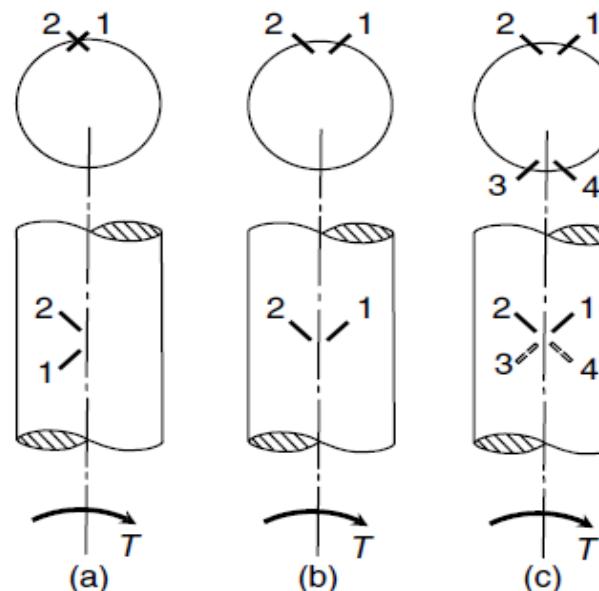
$$\frac{\delta v_o}{v_{\text{ref}}} = \frac{k}{4} S_s \epsilon$$

$$, \epsilon = \frac{r}{2GJ} T \Rightarrow \frac{\delta v_o}{v_{\text{ref}}} = \frac{krTS_s}{8GJ} \Rightarrow T = \frac{8GJ}{krS_s v_{\text{ref}}} \frac{\delta v_o}{\delta v_o}$$

- باستخدام معادلة الجسر العامة

Configuration	(a)	(b)	(c)
Bridge constant (k)	2	2	4

Strain gage configurations for a circular shaft torque sensor



Strain-gage bridge

متطلبات التصميم

١. سعة الالتواء:

الحد الأقصى للإجهاد الذي يتم التعامل معه بواسطة عنصر الالتواء يتعلّق بعدة عوامل مثل المثانة أو القوة يجب عدم تجاوز حدود سعة الالتواء المحددة من قبل المصانع

$$J > \frac{r}{2G} \frac{T_{\max}}{\varepsilon_{\max}},$$

$$\frac{r}{2GJ} T_{\max} < \varepsilon_{\max},$$

حيث T_{\max} و ε_{\max} محددين

٢. حدود عدم خطية قياس الالتواء:

من أجل الالتواءات الكبيرة، تصبح معادلة مقاييس الالتواء غير خطية بشكل متزايد من أجل لخطية محددة يمكن تحديد حد أعلى لالتواء

$$J \geq \frac{25S_2}{GS_1} \frac{T_{\max}}{N_p},$$

$$\frac{r}{2GJ} T_{\max} = \varepsilon_{\max} \leq \frac{N_p S_1}{50S_2}.$$

حيث S_1 يمثل معامل الالتواء الخطى، S_2 يمثل درجة اللاخطية، N_p النسبة المئوية للاخطية و T_{\max} محدد

متطلبات التصميم

٣. متطلبات الحساسية:

يتم وصل جسر قياس الالتواز إلى مضخم تفاضلي، يأخذ الفرق ويضخم الخرج

حساسية الحساس مقبولة بالنسبة إشارة خرج المضخم التفاضلي في الدارة الجسرية

$$v = K_a \delta v_0,$$

من الشريحة ١٠

$$J \leq \frac{K_a k S_s r v_{\text{ref}}}{8G} \frac{T_{\max}}{v_0},$$

$$v_0 \leq \frac{K_a k S_s r v_{\text{ref}}}{8GJ} T_{\max},$$

$$T = \frac{8GJ}{krSs} \frac{\delta v_0}{v_{\text{ref}}}$$

حيث K_a رب المضخم ، T_{\max} و v_0 محددين

متطلبات التصميم

٤. متطلبات الصلابة:

$$\gamma = \frac{r\theta}{L}$$

حيث K محددة

$$J \geq \frac{L}{G} K,$$

من أجل محور طوله L ونصف قطره r ، زاوية الالتواء θ تطابق التواء قص يعطى بالعلاقة

$$K_s = \frac{T}{\theta} = \frac{GJ}{L}.$$

الصلابة

$$\left. \begin{array}{l} \tau = \frac{Gr\theta}{L}. \\ \tau = \frac{Tr}{J}. \end{array} \right\}$$

وإجهاد قص يعطى بالعلاقة
من الشريحة ٩

Design Criteria for a Strain-Gage Torque-Sensing Element

Criterion	Specification	Governing Formula for Polar Moment of Area (J)
Strain capacity of strain-gage element	ε_{\max} and T_{\max}	$> \frac{r}{2G} \cdot \frac{T_{\max}}{\varepsilon_{\max}}$
Strain-gage nonlinearity	N_p and T_{\max}	$> \frac{25rS_2}{GS_1} \cdot \frac{T_{\max}}{N_p}$
Sensor sensitivity	v_o and T_{\max}	$\leq \frac{K_a k S_s r v_{ref}}{8G} \cdot \frac{T_{\max}}{v_o}$
Sensor stiffness (system bandwidth and gain)	K	$\geq \frac{L}{G} \cdot K$

متطلبات التصميم

مثال:

لدينا عنصر التواء أنبوبي بمواصفات كالتالي:

50Hz وعرض حزمة للنظام تبلغ $\varepsilon_{max} = 3000 \mu\epsilon$; $N_p = 5\%$; $V_o = 10V$

يتم استخدام جسر به أربعة مقاييس ضغط فعالة لقياس عزم الدوران في عنصر الالتواء.

بفرض لديك البارامترات التالية:

1. For strain gages:

$$S_s = S_1 = 115, S_2 = 3500.$$

2. For the torsion element:

Outer radius $r = 2 \text{ cm}$

Shear modulus $G = 3 \times 10^{10} \text{ N/m}^2$

Length $L = 2 \text{ cm}$.

3. For the bridge circuitry:

$$v_{ref} = 20 \text{ V} \text{ and } K_a = 100.$$

العزم الأعظمي المتوقع $T_{max} = 10 \text{ Nm}$

باستخدام هذه القيم صمم عنصر الالتواء للحساس

متطلبات التصميم

الحل: يمكن حساب اباستخدام العلاقات الأربع المبينة في الجدول المذكور سابقاً:

1. For $\varepsilon_{\max} = 3000 \mu\varepsilon$:

$$J = \frac{0.02 \times 10}{2 \times 3 \times 10^{10} \times 3 \times 10^{-3}} \text{ m}^4 = 1.11 \times 10^{-9} \text{ m}^4.$$

$$> \frac{r}{2G} \cdot \frac{T_{\max}}{\varepsilon_{\max}}$$

2. For $N_p = 5$:

$$J = \frac{25 \times 0.02 \times 3500 \times 10}{3 \times 10^{10} \times 115 \times 5} \text{ m}^4 = 1.01 \times 10^{-9} \text{ m}^4.$$

$$> \frac{25rS_2}{GS_1} \cdot \frac{T_{\max}}{N_p}$$

3. For $v_o = 10 \text{ V}$:

$$J = \frac{100 \times 4 \times 115 \times 0.02 \times 20 \times 10}{8 \times 3 \times 10^{10} \times 10} \text{ m}^4 = 7.67 \times 10^{-8} \text{ m}^4.$$

$$\leq \frac{K_a k S_s r v_{\text{ref}}}{8G} \cdot \frac{T_{\max}}{v_o}$$

4. For $K = 2.5 \times 10^3 \text{ N m/rad}$:

$$J = \frac{0.02 \times 2.5 \times 10^3}{3 \times 10^{10}} \text{ m}^4 = 1.67 \times 10^{-9} \text{ m}^4.$$

$$\geq \frac{L}{G} \cdot K$$

من أجل حساس مقبول يجب أن تكون ا محققة للعلاقات:

$$J \geq (1.11 \times 10^{-9}) \text{ and } (1.01 \times 10^{-9}) \text{ and } (1.67 \times 10^{-9}) \text{ and } J \leq 7.67 \times 10^{-8} \text{ m}^4.$$

نختار $J = 7.67 \times 10^{-8} \text{ m}^4$ وبالتالي فإن ثخانة الأنبوب كبيرة بشكل كافٍ لإرسال الحمل