

المنشآت المعدنية الفصل الصيفي 2024-2025

أ.د. نايل محمد حسن



- ✓ المحاضرة الأولى-الثانية: مفاهيم أساسية
- ✓ المحاضرة الثالثة: مدخل إلى المنشآت الفولاذية
- ✓ المحاضرة الرابعة: العناصر الخاضعة للشد المركزي
- ✓ المحاضرة الخامسة: أمثلة عملية
- ✓ المحاضرة السادسة: العناصر الخاضعة للضغط المركزي
- المحاضرة 7-8: العناصر الخاضعة للضغط المركزي**

تصنيف المقطع



المحاضرة السادسة
العناصر الخاضعة للضغط المركزي (تتمة)
تصنيف المقطع

اصطلاحات واساسيات

يستخدم الكود الأوروبي مصطلحات تم اختيارها بعناية لتوضيح ولتسهيل الترجمة إلى اللغات الأخرى. تتضمن المصطلحات الأساسية في الكود الأوروبي ما يلي:

“Actions” loads, imposed displacements, thermal strain

"أفعال" الحمولات، انتقالات مفروضة، تشوهات حرارية

“Effects” internal bending moments, axial forces etc.

"آثار" القوى الداخلية (عزم الانعطاف، القوى المحورية....)

“Resistance” capacity of a structural element to resist bending moment, axial force, shear, etc.

"المقاومة" قدرة تحمل عنصر إنشائي لمقاومة عزم الانعطاف، القوة المحورية، القص،.....

“Verification” check

"التحقيق" التأكيد من

“Execution” construction – fabrication, erection

"التنفيذ" التشيد - التصنيع، التركيب

يستخدم الكود الأوروبي الانشائي مصطلحات ISO للأدلة السفلية. عندما يكون هناك عدة أدلة يتم الصل بينها بفواصلة. نوضح تالياً أربع أدلة سفلية رئيسية وتعريفها

اصطلاحات واسسیات

Eurocode Subscript	Definition		Example
Ed	Design value of an effect القيمة التصميمية لأثر ما	M_{Ed}	Design bending moment عزم الانعطاف التصميمي
Rd	Design resistance المقاومة التصميمية	M_{Rd}	Design resistance for bending المقاومة التصميمية على الانعطاف
el	Elastic property خاصية المرونة	W_{el}	Elastic section modulus عامل المقطع المرن
pl	Plastic property خاصية اللدونة	W_{pl}	Plastic section modulus عامل المقطع اللدن

يستخدم الكود الأوروبي الانشائي مصطلحات ISO للأدلة السفلية. عندما يكون هناك عدة أدلة يتم الصل بينها بفواصل. نوضح تالياً أربع أدلة سفلية رئيسية وتعريفها

انواع المقاطع القياسية Standard Profile Sections

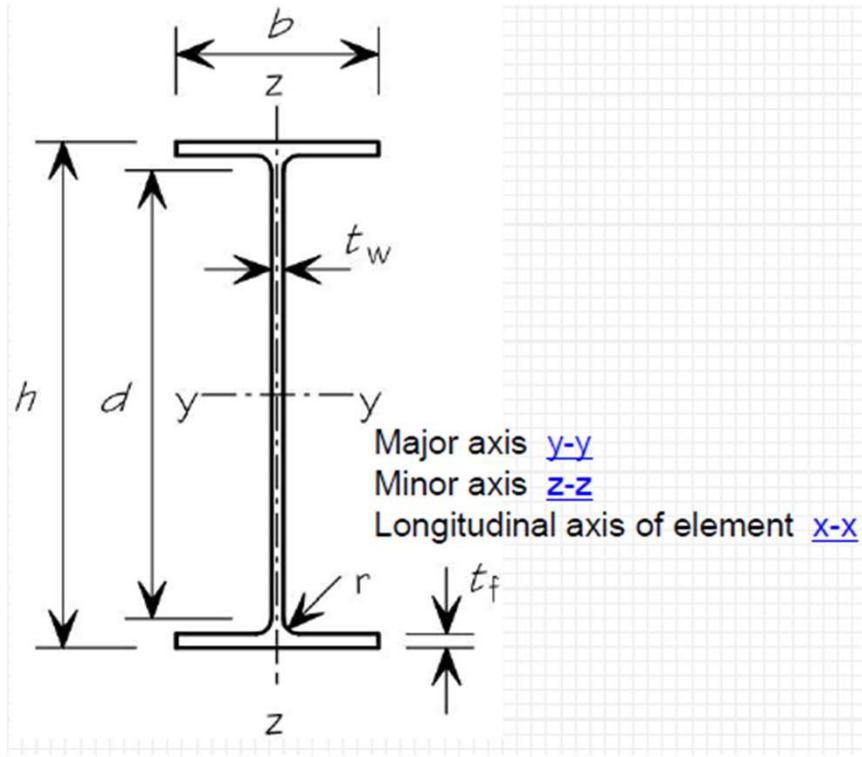
Available open rolled sections:

I	Universal beams (UB)	+
工	Universal columns (UC)	+
工	Universal bearing piles (UBP)	+
[]	Parallel flange channels (PFC)	+
L	Equal leg angles (L)	+
L	Unequal leg angles (L)	+
LL	Back to back equal angles (L)	+
LL	Back to back unequal leg angles (L)	+
T	Tees (T) split from UB	+
T	Tees (T) split from UC	+

Available structural hollow sections:

○	Hot-Finished Circular Hollow Sections	+
□	Hot-Finished Square Hollow Sections	+
□	Hot-Finished Rectangular Hollow Sections	+
○	Hot-Finished Elliptical Hollow Sections	+
○	Cold Formed Circular Hollow Sections	+
□	Cold Formed Square Hollow Sections	+
□	Cold Formed Rectangular Hollow Sections	+

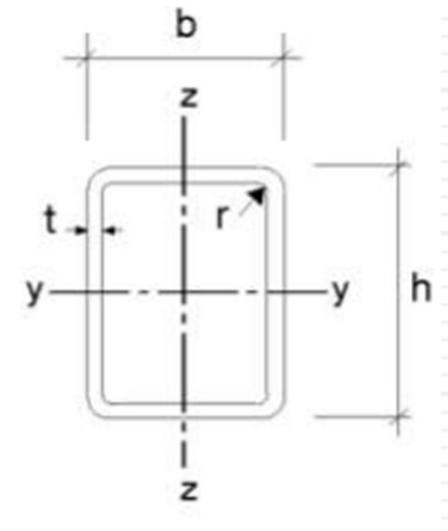
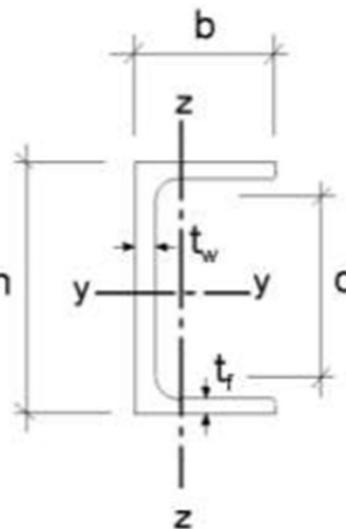
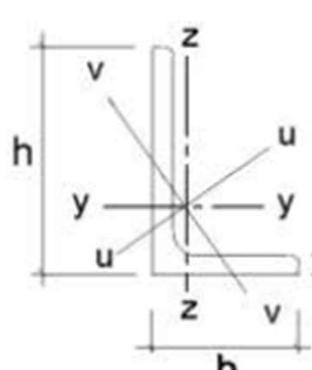
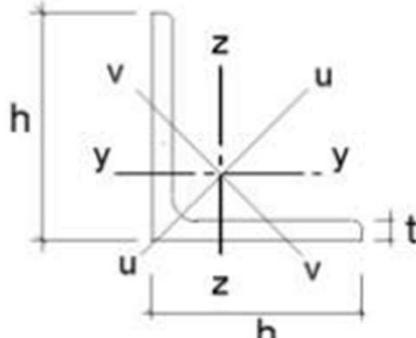
اصطلاحات واسسیات



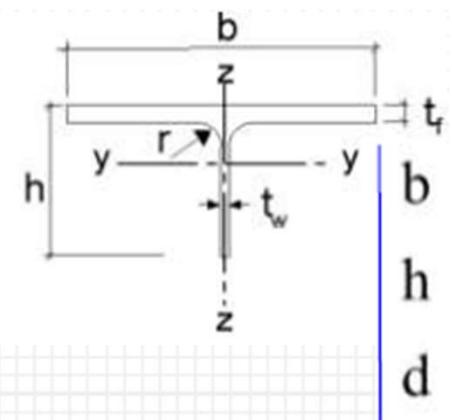
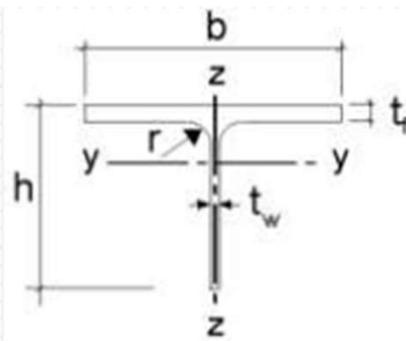
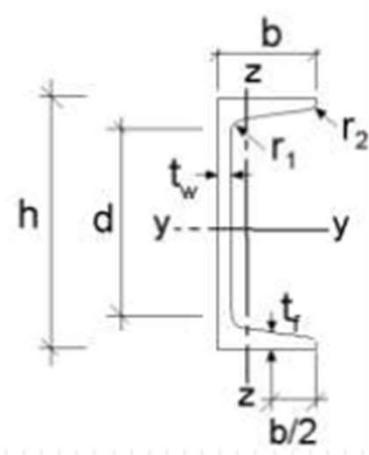
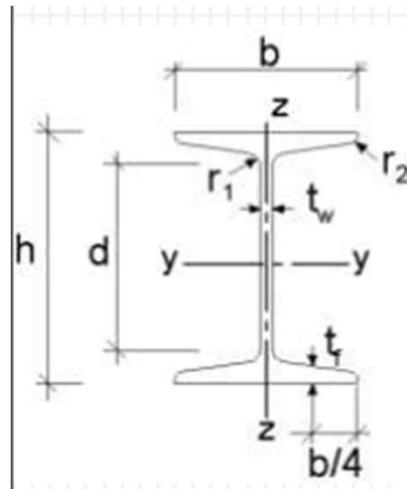
b	width of a cross section
h	depth of a cross section
d	depth of straight portion of a web
t_w	web thickness
t_f	flange thickness
r	radius of root fillet
r_1	radius of root fillet
r_2	toe radius

All rules in this Eurocode relate to principal axis properties, which are generally defined by the axes y-y and z-z.

اصطلاحات واساسيات



For sections such as angles the rules are defined by the axes $u-u$ and $v-v$.



أساسيات التصميم Basic of Design

• يتبع تصميم المنشآت الفولاذية للقواعد العامة المعطاة في EN1990

• يجب اعتبار المتطلبات الأساسية في EN1990 القسم 2 عندما يتم استخدام التصميم حسب **حالات الحدود** بالتوافق مع **طريقة العوامل الجزئية وترابيب الأحمال** المعطاة في EN1990 سوية مع الأفعال (الأحمال) المعطاة في EN1991

$$R_d = \frac{R_k}{\gamma_M}$$

المقاومة التصميمية Design resistances

يطبق العامل الجزئي γ_M على قيم مميزة متنوعة للمقاومة كما يلي

- Resistance of cross-sections whatever the class is: $\gamma_{M0} = 1.0$
- Resistance of members to instability assessed by member checks: $\gamma_{M1} = 1.0$
- Resistance of cross-sections in tension to fracture: $\gamma_{M2} = 1.1$

- مقاومة المقطع العرضي مهما كان الصنف $\gamma_{M0} = 1.0$
- مقاومة العنصر لعدم الاستقرار المقدر بواسطة تحقيقات العنصر $\gamma_{M1} = 1.0$
- مقاومة المقطع العرضي على الانهيار بالشد $\gamma_{M2} = 1.1$

أساسيات التصميم Basic of Design

Effects and Resistances

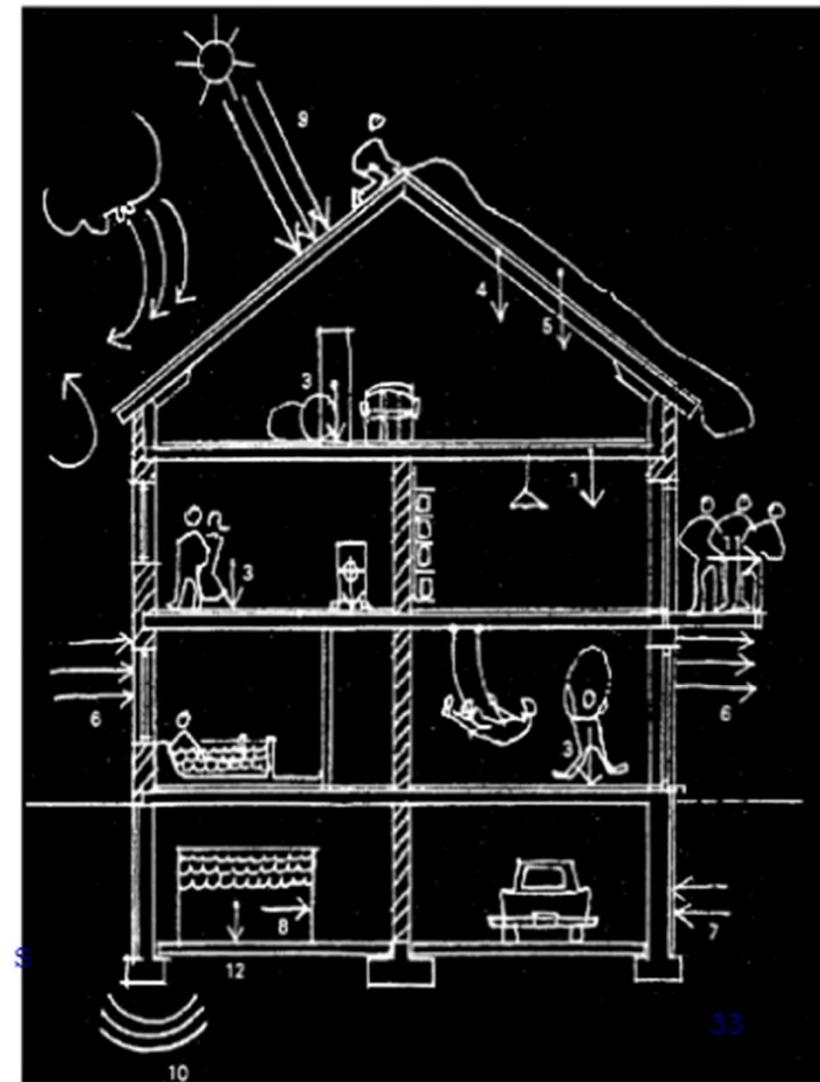
$$E_d \leq R_d$$

Effect of Actions:

Self-Load
Wind
Snow
Variable loads
Temperature
Fire
...

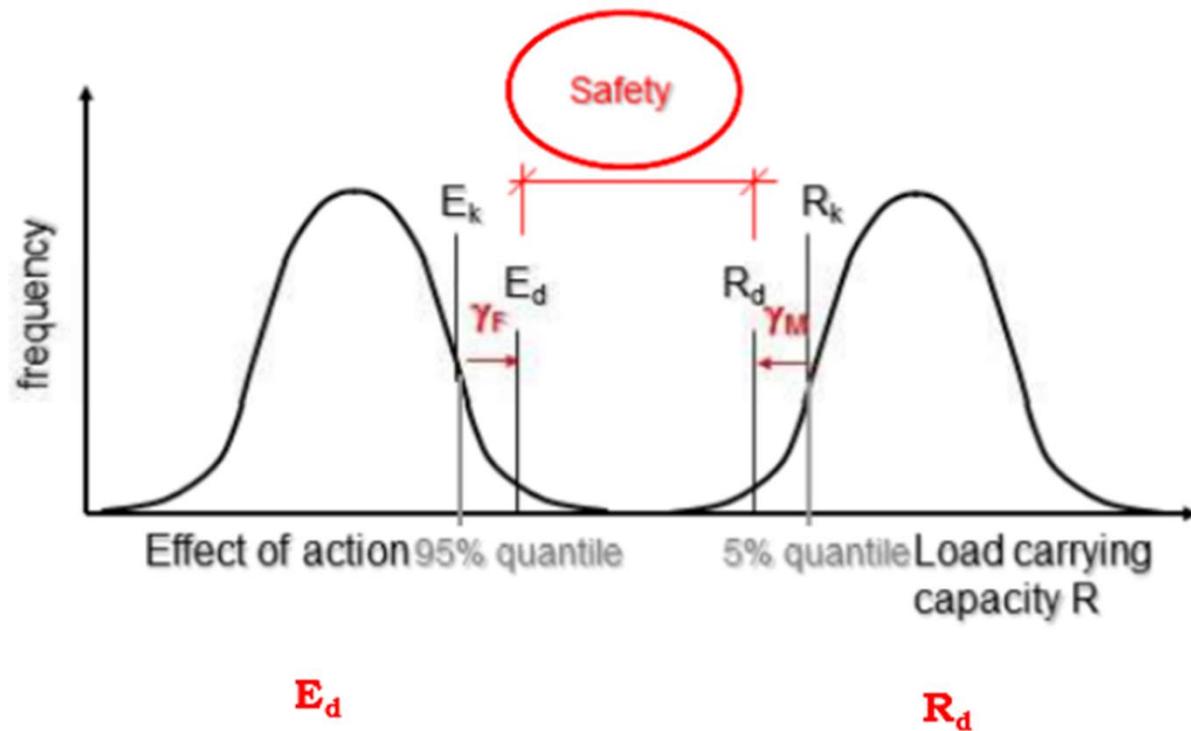
Resistance:

Structure
Structural Elements
Materials, E-Modulus etc.
cross sections,
Area, Moment of Inertia



أساسيات التصميم Basic of Design

Structural Safety



المواد Materials

يصنف الكود الأوروبي الفولاذ الانشائي من الدرجات S235 to S460

حسب المعايير EN 10025, EN 10210 or EN10219

يحدد الكود الأوروبي الخواص التالية للفولاذ الانشائي:

- Density (ρ) = 7850 kg/m³
- Modulus of elasticity (E)
- Shear modulus (G)
- Poisson's ratio in elastic stage (v)
- Coefficient of linear thermal expansion (α)

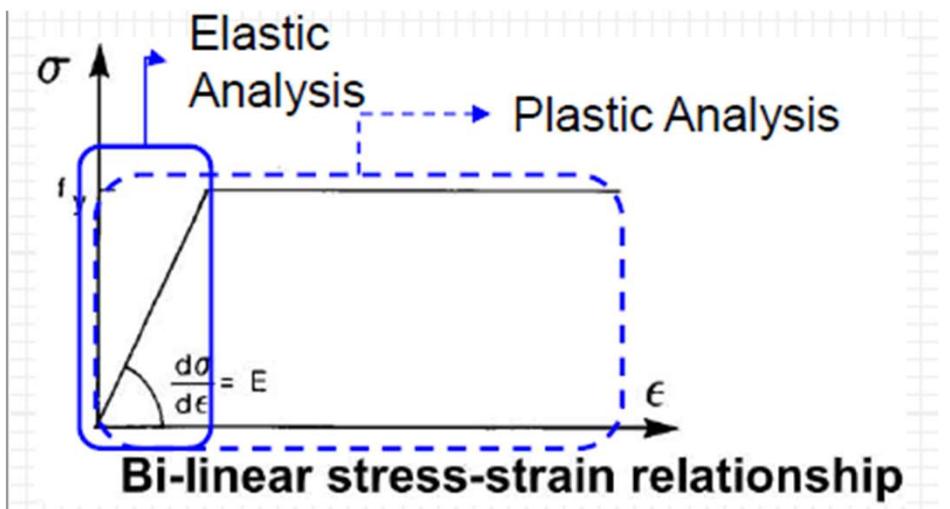
$$E = 210\ 000 \text{ N/mm}^2$$

$$G = \frac{E}{2(1+v)} \approx 81\ 000 \text{ N/mm}^2$$

$$v = 0,3$$

$$\alpha = 12 \times 10^{-6} \text{ per } K \quad (\text{for } T \leq 100^\circ \text{C})$$

Material Properties



Ductility Requirements

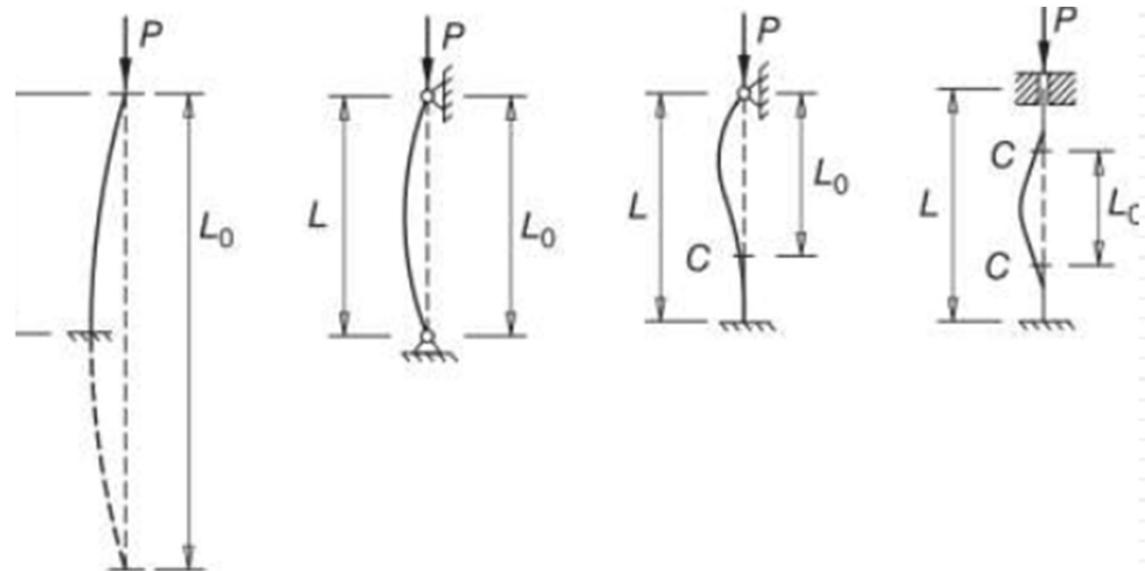
$f_u/f_y \geq 1.10$;
 elongation at failure not less than 15%;
 $\epsilon_u \geq 15\epsilon_y$, where ϵ_y is the yield strain ($\epsilon_y = f_y / E$).

يجب على مادة الفولاذ ان تتحقق حد ادنى كاف من متانة الانهيار Fracture Toughness لتجنب الانهيار الشد للعناصر عند تعرضها للحد الأدنى من درجات الحرارة المتوقعة خلال العمر التصميمي للمنشأ

تصنيف المقاطع العرضية Classification of Cross-sections

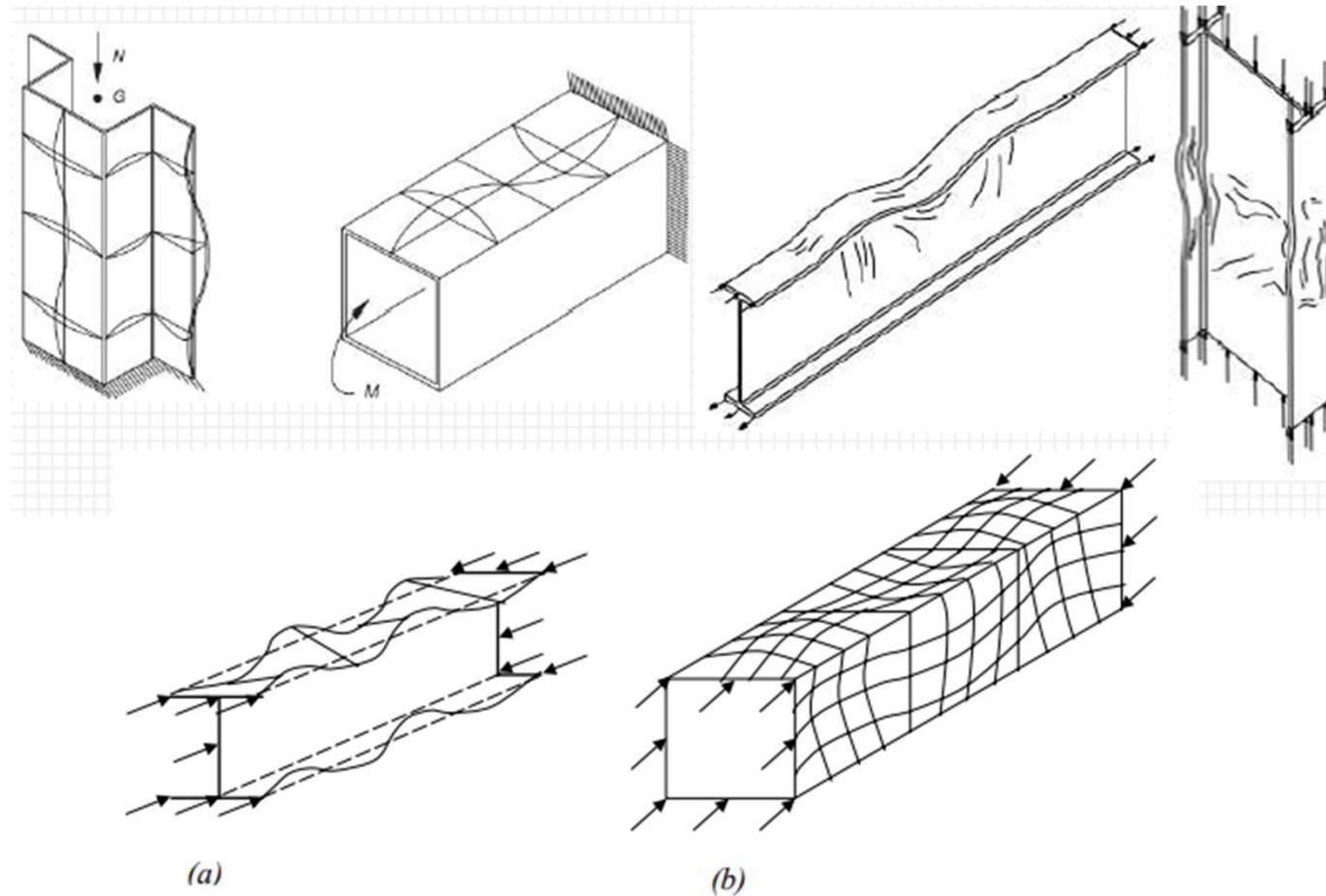
يتم تحديد عدم استقرار العناصر الفولاذية المضغوطة وأيضا كل العناصر المشكّلة من مواد أخرى كما يلي:

- تحنيب كلي Overall Buckling او تحنيب اويلر الذي يؤثر على كامل طول العنصر او جزء منه



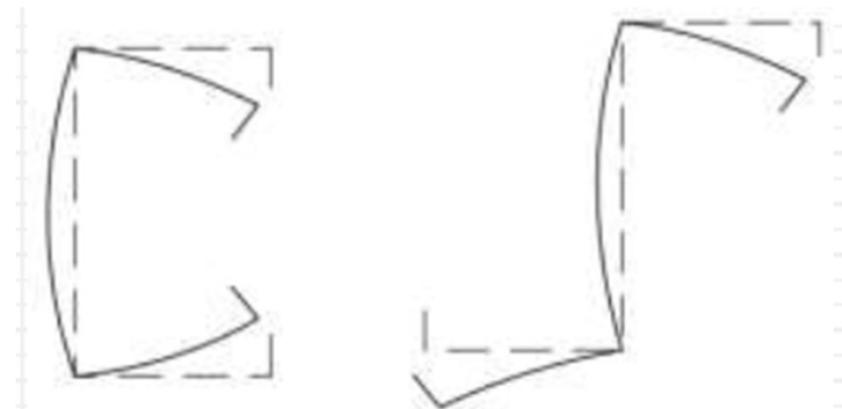
تصنيف المقاطع العرضية Classification of Cross-sections

□ تحنيب موضعي Local Buckling يؤثر على العناصر المضغوطة المشكلة للمقطع العرضي والتي تتصرف بتحنيب بطول موجة قصيرة نسبيا



تصنيف المقاطع العرضية Classification of Cross-sections

□ نوع ثالث من عدم الاستقرار يسمى التحنّب المتشوه **Distortional buckling** شوهد مؤخرا في كثير من المنشآت. يتميز هذا التحنّب بازديادات نسبية لخط المطوي من المقطع العرضي ويكون طول الموجة المصاحبة عادة محدد بتحنّب موضعی محلي واحد وتحنّب كلي واحد



تصنيف المقاطع العرضية Classification of Cross-sections

يقترب الكود الأوروبي Eurocode 3 معيار لتصنيف المقاطع العرضية يعتمد على نسبة النحافة (نسبة العرض /السماكة) لكل مكون من المقطع العرضي، وعلى عوامل أخرى.

يكون تصنيف المقطع العرضي ضروري من أجل اختيار التحليل المناسب وأيضاً الطرق المناسبة لإجراء التحقيق.

عادة يكون أي مقطع عرضي مكون من أجزاء صفائحية مختلفة مثل الأجنحة والجسд التي تدرج ضمن معيارين:

- **داخلي Internal or stiffened elements** يستند بشكل بسيط على طول الحافتين (الطرفين) الموازيين لاتجاه لجهاد الضغط (المحور الطولي للعنصر)
- **خارجي Outstand (external)or unstiffened elements** يستند بشكل بسيط على طول حافة واحدة (طرف) وحر من الحافة الأخرى الموازية لاتجاه اجهاد الضغط

تصنيف المقاطع العرضية Classification of Cross-sections

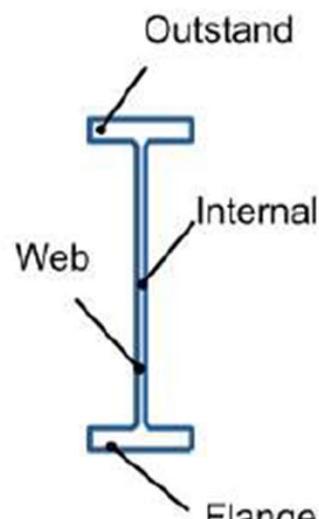
يستند بشكل بسيط على طول الحافتين داخلي Internal or stiffened elements (الطرفيين) الموازيين لاتجاه لجهاد الضغط (المحور الطولي للعنصر)

يستند بشكل بسيط خارجي Outstand (external)or unstiffened elements على طول حافة واحدة (طرف) وحر من الحافة الأخرى الموازية لاتجاه اجهاد الضغط

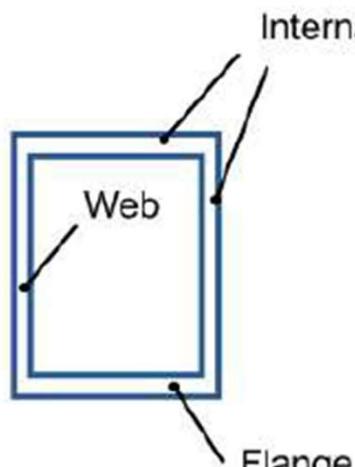
Rolled or welded sections may be considered an assembly of individual plate elements

Some are outstand
- flanges of I beams
- legs of angles and Tees

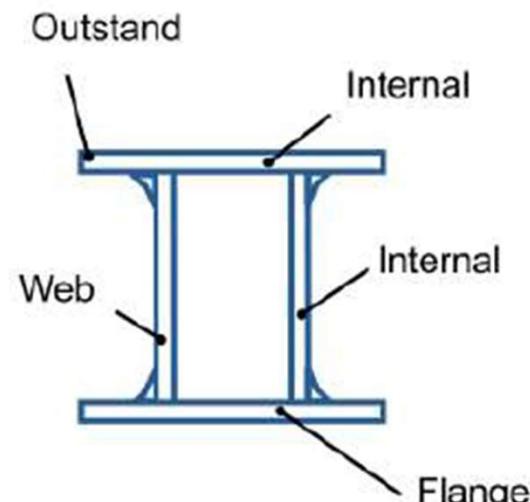
Some are internal
- webs of open beams
- flanges of boxes



Rolled I-section



Hollow section



Welded box section

تصنيف المقاطع العرضية Classification of Cross-sections

أساسيات تطبيق المقاطع العرضية

- يمكن للأجزاء الصفائحية **النحيفه نسبياً** المحمولة بجهادات ضغط، أن تخضع للتحذيب الموضعي.
- يؤدي سعي أي جزء صفائحي ضمن المقطع العرضي للتحذيب إلى **تقييد** قدرة تحمل الحمولة المحورية، أو مقاومة المقطع على الانعطاف، عن طريق منع بلوغ الخضوع.
- يمكن تحقيق تجنب الانهيار المبكر الناتج من تأثيرات التحذيب الموضعي ب**تقييد نسبة العرض للسمك** للعناصر الموضعية ضمن المقطع العرضي

تصنيف المقاطع العرضية Classification of Cross-sections

التصنيف

يعرف الكود الأوروبي اربع أنواع من تصانيف المقطع العرضي هي:

Class1, Class2, Class3, Class4

يعتمد الصنف الذي يتبع له مقطع عرضي معين على:

- نحافة كل جزء (عنصر)
- توزيع اجهاد الضغط

تعرف التصانيف حسب متطلبات الاداء من اجل مقاومة عزوم الانعطاف

تصنيف المقاطع العرضية Classification of Cross-sections

امكانية تشكيل لدن مع سعة دورانية لازمة
للتحليل اللدن دون تخفيض بالمقاومة
able to perform plastic hinge

with rotation capacity
which required by plastic analysis
without reduction of the resistance

Class 1

امكانية تشكيل لدن مع سعة دورانية محدودة
للتحنيب الموضعي

able to develop their plastic moment resistance
but limited to rotation capacity of local buckling

Classification of
cross section
(cl.5.5)

سيحدث التحنيب الموضعي قبل بلوغ اجهاد
الخضوع الواحد أو أكثر من أجزاء المقطع
العرضي

Local buckling will occur
before the attainment of yield stress
one or more parts of the cross-section.

Class 4

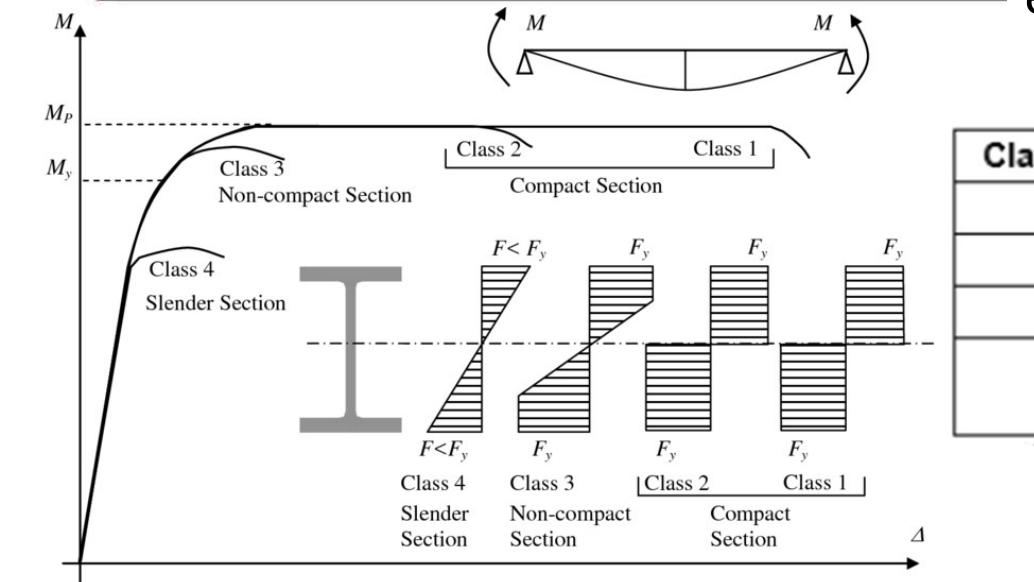
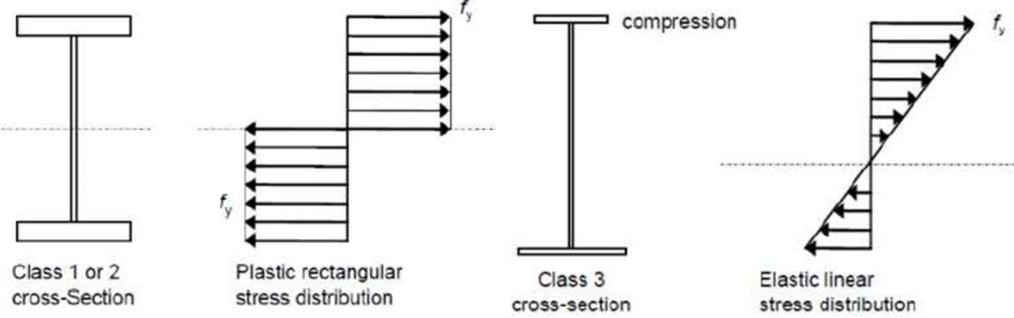
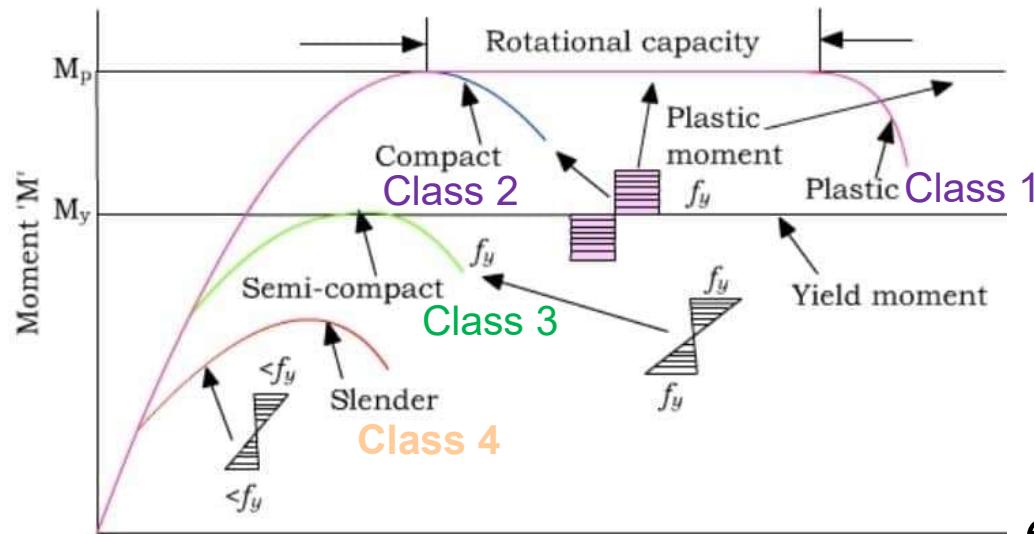
Class 3

تحسب الاجهادات بالطريقة المرنة مع افتراض توزيع
من للاجهادات التي تصل لاجهاد الخضوع. لكن
التحنيب الموضعي معرض لمنع نطور(تشكيل)
مقاومة عزمية لدنة

elastically calculated stress in the
extreme compression fibre of the steel
member

assuming an elastic distribution of stress
can reach the yield strength
but local buckling is liable
to prevent development of plastic
moment resistance

تصنيف المقاطع العرضية Classification of Cross-sections



Class of Cross-section	Resistance	Rotational Capacity
1	plastic	high
2	plastic	low
3	elastic	none
4	elastic, effective cross-section	none

تصنيف المقاطع العرضية Classification of Cross-sections

إجراءات تحديد التصنيف

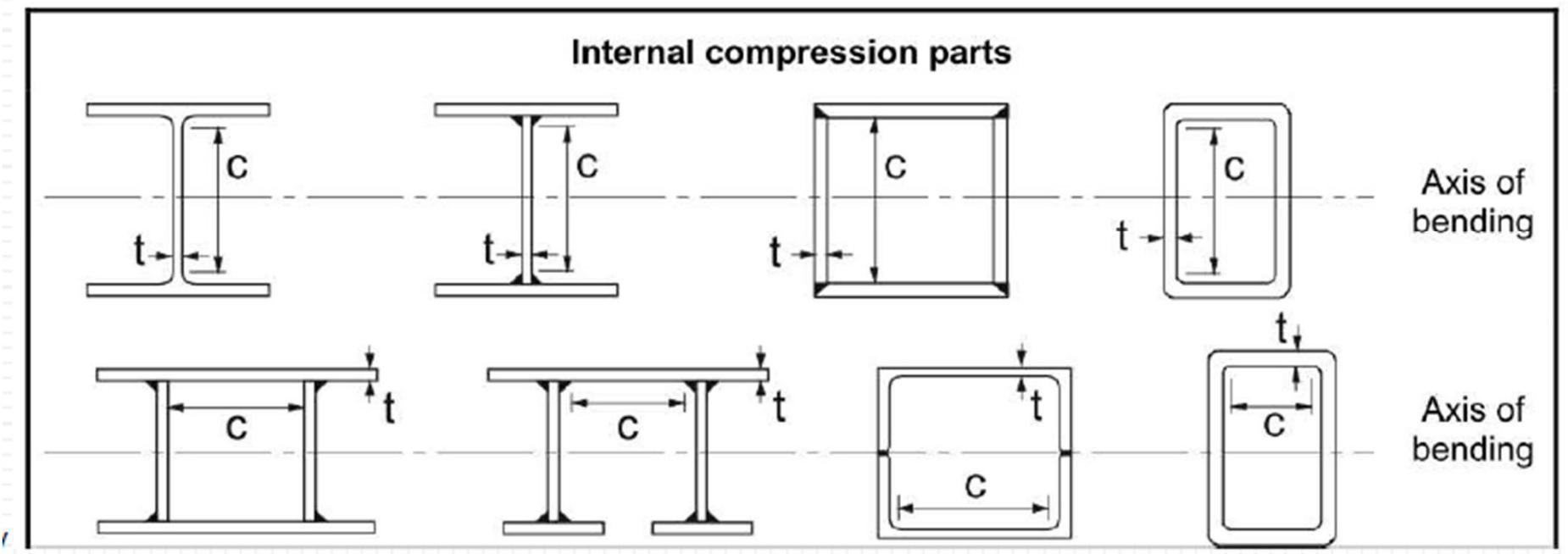
يعود تقييد نسبة العرض للسماكة للمقاطع العرضية الى القسم of EN 1993-1-1:2005 من الكود الأوروبي.

تتبع عملية التصنيف الخطوات الأساسية:

- حدد نسبة النحافة (c/t or d/t)
- حدد البارامتر ϵ
- حدد صنف ذلك العنصر بالاعتماد على القيمة المقيدة من نسبة السماكة
- صنف المقطع العرضي الكلي حسب أقل تصنيف لعناصره.

تصنيف المقاطع العرضية Classification of Cross-sections

Table 5.2 (sheet 1 of 3): Maximum width-to-thickness ratios for compression parts



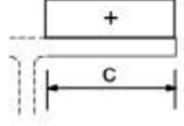
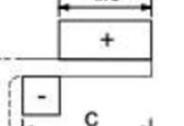
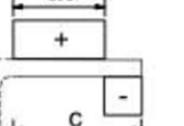
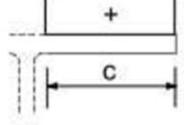
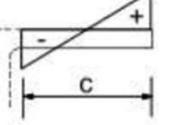
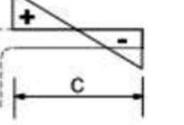
تصنيف المقاطع العرضية Classification of Cross-sections

Class	Part subject to bending	Part subject to compression	Part subject to bending and compression
Stress distribution in parts (compression positive)			
1	$c/t \leq 72\epsilon$	$c/t \leq 33\epsilon$	$\text{when } \alpha > 0,5 : c/t \leq \frac{396\epsilon}{13\alpha - 1}$ $\text{when } \alpha \leq 0,5 : c/t \leq \frac{36\epsilon}{\alpha}$
2	$c/t \leq 83\epsilon$	$c/t \leq 38\epsilon$	$\text{when } \alpha > 0,5 : c/t \leq \frac{456\epsilon}{13\alpha - 1}$ $\text{when } \alpha \leq 0,5 : c/t \leq \frac{41,5\epsilon}{\alpha}$
Stress distribution in parts (compression positive)			
3	$c/t \leq 124\epsilon$	$c/t \leq 42\epsilon$	$\text{when } \psi > -1 : c/t \leq \frac{42\epsilon}{0,67 + 0,33\psi}$ $\text{when } \psi \leq -1^* : c/t \leq 62\epsilon(1-\psi)\sqrt{(-\psi)}$
$\epsilon = \sqrt{235/f_y}$		f_y	235
		ϵ	1,00
			0,92
			0,81
			0,75
			0,71

*) $\psi \leq -1$ applies where either the compression stress $\sigma \leq f_y$ or the tensile strain $\epsilon_y > f_y/E$

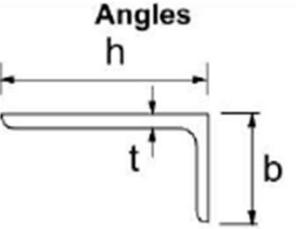
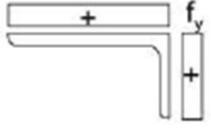
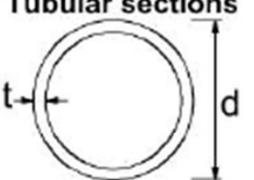
تصنيف المقاطع العرضية Classification of Cross-sections

Table 5.2 (sheet 2 of 3): Maximum width-to-thickness ratios for compression parts

Outstand flanges						
	Rolled sections	Welded sections				
Class	Part subject to compression	Part subject to bending and compression				
		Tip in compression	Tip in tension			
Stress distribution in parts (compression positive)						
1	$c/t \leq 9\epsilon$	$c/t \leq \frac{9\epsilon}{\alpha}$	$c/t \leq \frac{9\epsilon}{\alpha\sqrt{\alpha}}$			
2	$c/t \leq 10\epsilon$	$c/t \leq \frac{10\epsilon}{\alpha}$	$c/t \leq \frac{10\epsilon}{\alpha\sqrt{\alpha}}$			
Stress distribution in parts (compression positive)						
3	$c/t \leq 14\epsilon$	$c/t \leq 21\epsilon\sqrt{k_\sigma}$ For k_σ see EN 1993-1-5				
$\epsilon = \sqrt{235/f_y}$		f_y	235	275	355	420
		ϵ	1,00	0,92	0,81	0,75
					460	0,71

تصنيف المقاطع العرضية Classification of Cross-sections

Table 5.2 (sheet 3 of 3): Maximum width-to-thickness ratios for compression parts

Angles	
Refer also to "Outstand flanges" (see sheet 2 of 3)	
	Does not apply to angles in continuous contact with other components
Class	Section in compression
Stress distribution across section (compression positive)	
3	$h/t \leq 15\epsilon : \frac{b+h}{2t} \leq 11,5\epsilon$
Tubular sections	
	
Class	Section in bending and/or compression
1	$d/t \leq 50\epsilon^2$
2	$d/t \leq 70\epsilon^2$
3	$d/t \leq 90\epsilon^2$
NOTE For $d/t > 90\epsilon^2$ see EN 1993-1-6.	
$\epsilon = \sqrt{235/f_y}$	f_y
	235
	275
355	
420	
460	
ϵ	1,00
ϵ^2	0,92
	0,81
	0,75
	0,71
	0,66
	0,56
	0,51

تصنيف المقاطع العرضية Classification of Cross-sections

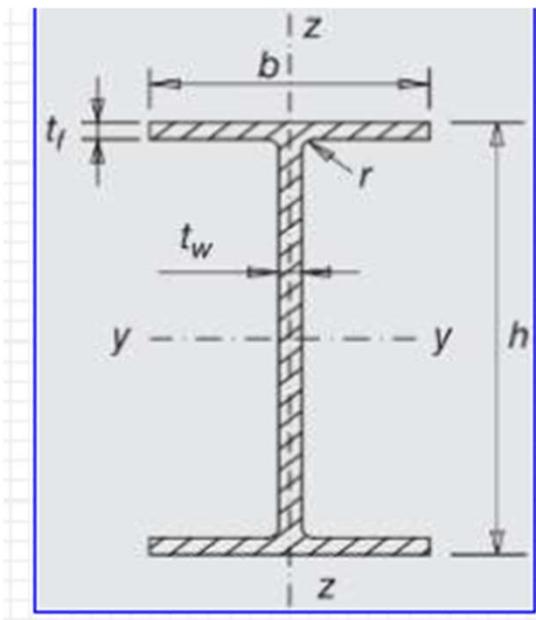
ملخص Summary

- يمكن اعتبار المقاطع العرضية الانشائية كتركيب من العناصر الصفائية الخاصة
- يمكن ان تكون العناصر الصفائية داخلية او خارجية الاستناد
- يمكن لهذه الصفائح ان تخضع للتحبيب الموضعي اذا تم تحميلها على الضغط
- يمكن للتحبيب الموضعي ان يقيّد قدرة تحمل الحمولة المقطوع عن طريق منع الوصول لمقاومة الخضوع
- يمكن تجنب الانهيار الموضعي الناتج عن التحبيب المحلي عن طريق **تقييد نسبة السماكة للعرض او النحافة للعناصر الصفائية** ضمن المقطع الطولي
- يعرف الكود الاوربي أربعة تصانيف للمقطع العرضي
- يعتمد الصنف الذي يقع ضمنه مقطع عرضي معين على **نحافة كل عنصر وعلى توزيع اجهاد الضغط**

Classification of Cross-sections:

Example of a Member for Compression

Example 1.1. Determine the class of IPE 550 profile S275 steel grade under axial compression load.



IPE 550 Section Dimensions

$h = 550\text{mm}$
 $b = 210\text{mm}$
 $t_w = 11.1\text{mm}$
 $t_f = 17.2\text{mm}$
 $r = 24\text{mm}$

S 275 Material Properties

$f_y = 275\text{MPa}$
 $f_u = 430\text{MPa}$
 $E = 210\text{GPa}$

Solution [a]. Flange Classification

Step1: Identify the element type
external or outstand element.

Step2: Evaluate the slenderness ratio (c/t or d/t)

$$\frac{c}{t} = \frac{b - t_w - (2 \cdot r)}{2 \cdot t_f} = \frac{210 - 11.1 - (2 \times 24)}{2 \times 17.2} = \frac{150.9}{34.4} = 4.39$$

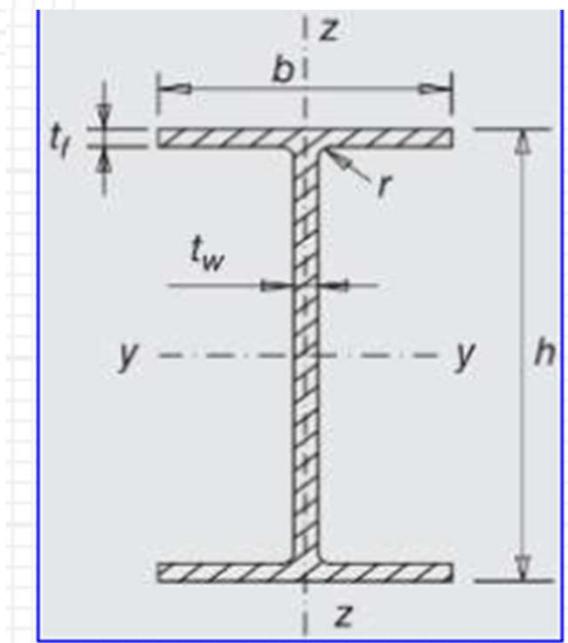
Step3: Evaluate the parameter ε .

$$\varepsilon = \sqrt{\frac{235}{f_y}} = \sqrt{\frac{235}{275}} = 0.924$$

Step4: Determine the class of that element

$$\frac{c}{t} = 4.39 < 9\varepsilon = 8.32 \Rightarrow \text{Class 1}$$

$$\begin{aligned} h &= 550\text{mm} \\ b &= 210\text{mm} \\ t_w &= 11.1\text{mm} \\ t_f &= 17.2\text{mm} \\ r &= 24\text{mm} \end{aligned}$$



Solution [b]. Web Classification

Step1: Identify the element type
internal or stiffened element.

$h = 550\text{mm}$
 $b = 210\text{mm}$
 $t_w = 11.1\text{mm}$
 $t_f = 17.2\text{mm}$
 $r = 24\text{mm}$

Step2: Evaluate the slenderness ratio (c/t or d/t)

$$\frac{c}{t} = \frac{h - (2 \cdot t_f) - (2 \cdot r)}{t_w} = \frac{550 - (2 \times 17.2) - (2 \times 24)}{11.1} = 42.2$$

Step3: Evaluate the parameter ε .

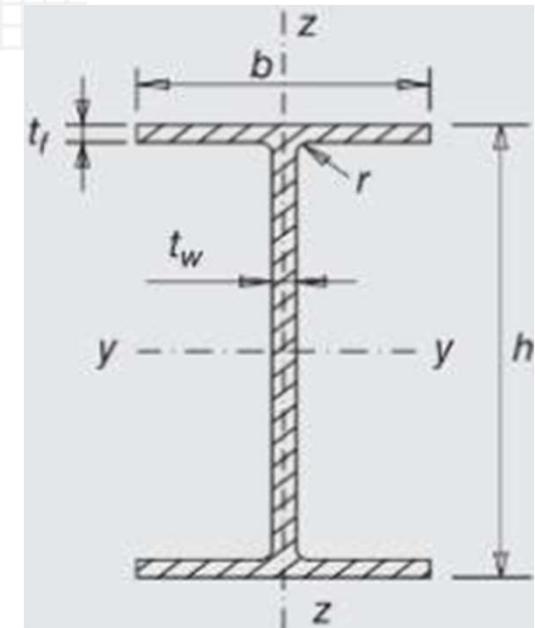
$$\varepsilon = \sqrt{\frac{235}{f_y}} = \sqrt{\frac{235}{275}} = 0.924$$

Step4: Determine the class of that element

$$\frac{c}{t} = 42.2 > 42\varepsilon = 38.83 \Rightarrow \text{Class 4}$$

Solution [c]. Section Classification

The complete cross-section according to the least favorable classification is CLASS 4

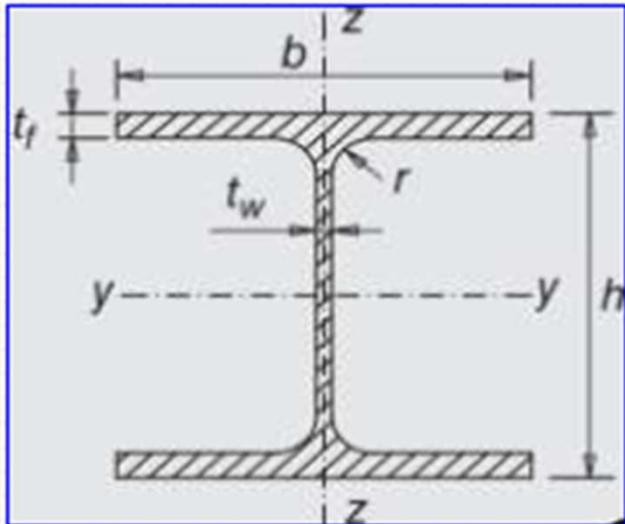


Classification of Cross-sections:

Example of a Member for Flexure about the Major Axis

Example 1.2. Determine class of a HEA 280 profile in S 420 steel grade bent along its major axis

HEA 280 Section Dimensions



$h = 270\text{mm}$
 $b = 280\text{mm}$
 $t_w = 8.0\text{mm}$
 $t_f = 13.0\text{mm}$
 $r = 24\text{mm}$

S 420 Material Properties

$f_y = 420\text{MPa}$
 $f_u = 540\text{MPa}$
 $E = 210\text{GPa}$

Solution [a]. Flange Classification

Step1: Identify the element type
external or outstand element.

Step2: Evaluate the slenderness ratio (c/t or d/t)

$$\frac{c}{t} = \frac{b - t_w - (2 \cdot r)}{2 \cdot t_f} = \frac{280 - 8 - (2 \times 24)}{2 \times 13} = \frac{224}{26} = 8.62$$

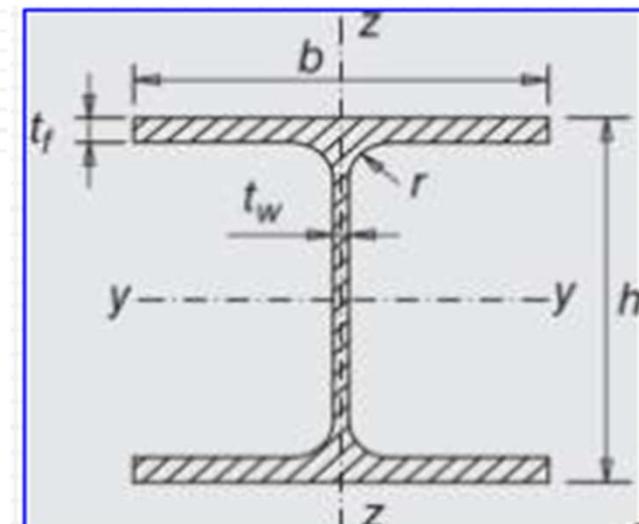
Step3: Evaluate the parameter ε .

$$\varepsilon = \sqrt{\frac{235}{f_y}} = \sqrt{\frac{235}{420}} = 0.748$$

Step4: Determine the class of that element

$$10\varepsilon < \frac{c}{t} = 8.62 < 14\varepsilon \Rightarrow \text{Class 3}$$

$$\begin{aligned} h &= 270\text{mm} \\ b &= 280\text{mm} \\ t_w &= 8.0\text{mm} \\ t_f &= 13.0\text{mm} \\ r &= 24\text{mm} \end{aligned}$$



Solution [b]. Web Classification

Step1: Identify the element type

internal or stiffened element.

Step2: Evaluate the slenderness ratio (c/t or d/t)

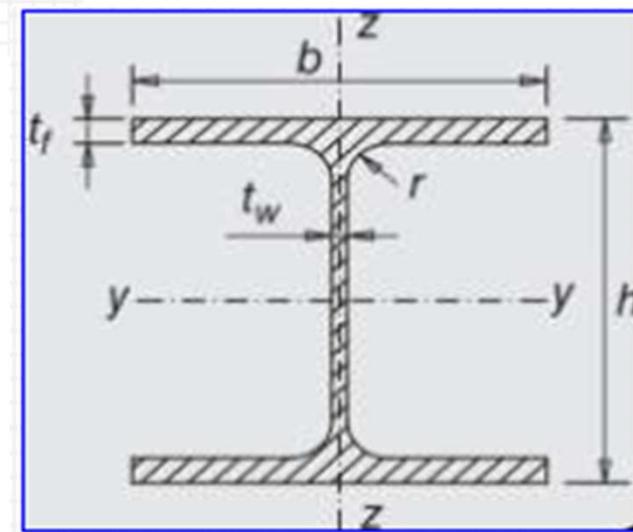
$$\frac{c}{t} = \frac{h - (2 \cdot t_f) - (2 \cdot r)}{t_w} = \frac{270 - (2 \times 13) - (2 \times 24)}{8} = 24.5$$

Step3: Evaluate the parameter ε .

$$\varepsilon = \sqrt{\frac{235}{f_y}} = \sqrt{\frac{235}{420}} = 0.748$$

Step4: Determine the class of that element

$$\frac{c}{t} = 24.5 < 72\varepsilon = 53.86 \Rightarrow \text{Class 1}$$



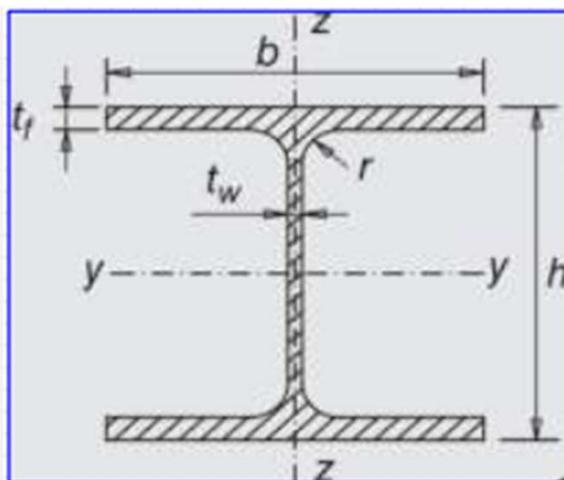
Solution [c]. Section Classification

The complete cross-section according to the least favorable classification is CLASS 3

Classification of Cross-sections:

Example of a Member for Flexure about the Minor Axis

Example 1.3. Determine the class of an S 460 steel HEA 280 profile in flexure around its major axis.



HEA 280 Section Dimensions

$h = 270\text{mm}$
 $b = 280\text{mm}$
 $t_w = 8.0\text{mm}$
 $t_f = 13.0\text{mm}$
 $r = 24\text{mm}$

S 460 Material Properties

$f_y = 460\text{MPa}$
 $f_u = 540\text{MPa}$
 $E = 210\text{GPa}$

أمثلة تصنيف المقاطع العرضية Classification of Cross-sections

Solution [a]. Flange Classification

Step1: Identify the element type
external or outstand element.

Step2: Evaluate the slenderness ratio (c/t or d/t)

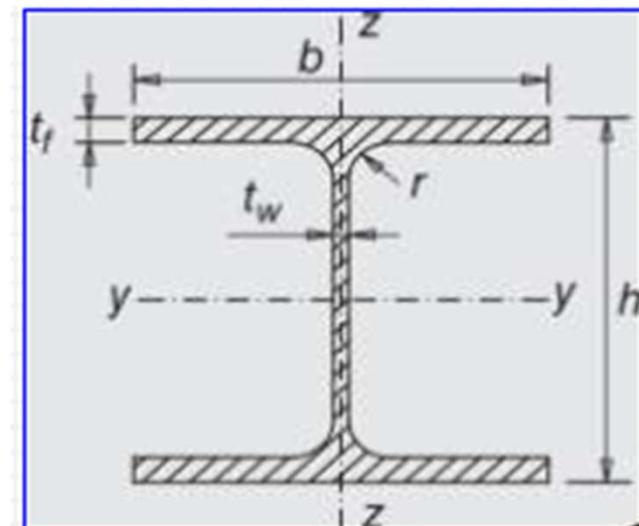
$$\frac{c}{t} = \frac{b - t_w - (2 \cdot r)}{2 \cdot t_f} = \frac{280 - 8 - (2 \times 24)}{2 \times 13} = \frac{224}{26} = 8.62$$

Step3: Evaluate the parameter ε .

$$\varepsilon = \sqrt{\frac{235}{f_y}} = \sqrt{\frac{235}{460}} = 0.715$$

Step4: Determine the class of that element

$$10\varepsilon < \frac{c}{t} = 8.62 < 14\varepsilon \Rightarrow \text{Class 3}$$



Solution [b]. Web Classification

Web buckling is not a limit state for flexure around a minor axis, so web classification is not applicable in this case

Solution [c]. Section Classification

The complete cross-section according to the least favorable classification is **CLASS 3**

