

الجلسة العملية الأولى:

عنوان الجلسة: الأخطاء والمعالجات الإحصائية للمعطيات التحليلية.

مقدمة:

❖ أنواع الأخطاء المرتكبة خلال القياس:

1- الأخطاء النظامية: الأخطاء المرتكبة خلال العمل، مصدرها معروف: الجهاز - المحلل - خطوات العمل

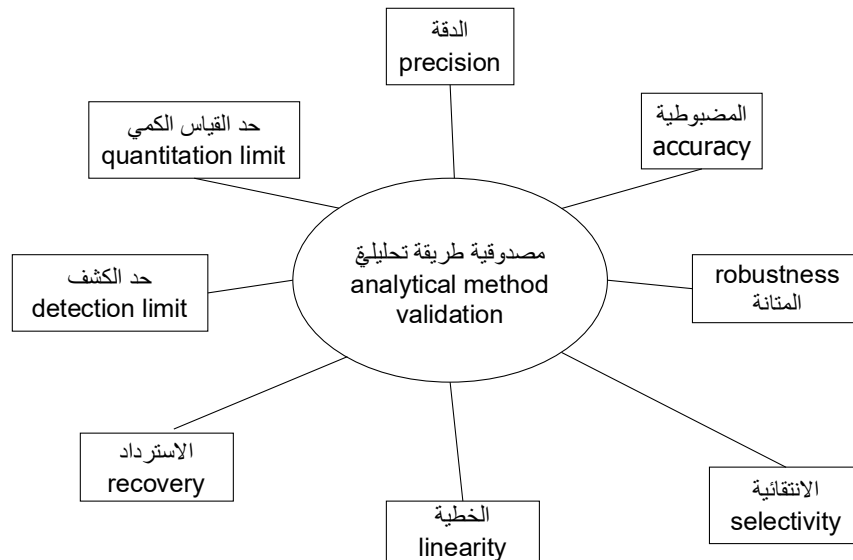
يمكن تصحيحها

تكون باتجاه واحد (زيادة أو نقصان)

2- الأخطاء العشوائية: الأخطاء التي تحدث خلال العمل، لا يمكن تحديد مصدرها،

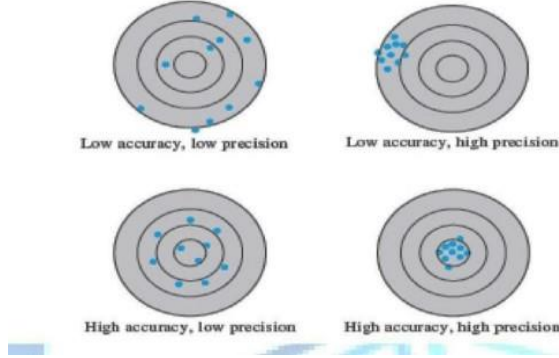
ممكن بالزيادة او بالنقصان.

يمكن تقديرها.



مقدمة:

الدقة precision



■ مدى تقارب النتائج من بعضها عند تكرار التجربة ضمن نفس الشروط

- التكرارية (Repeatability)
- الدقة الوسطى (Intermediate precision)
- التنتجية أو قابلية إعادة النتائج (Reproducibility)

■ يعبر عن الدقة بما يلي:

- الانحراف المعياري (standard deviation, S; SD)
- الانحراف المعياري النسبي (relative standard deviation, RSD)
- التباين (variance)

الدقة Precesion

■ مدى تقارب النتائج من بعضها عند تكرار التجربة ضمن نفس الشروط

$$s = \sqrt{\frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{n - 1}}$$

x_i : القيمة المقاسة
 $\bar{x}$: المتوسط الحسابي
 n : عدد القياسات
 s : الانحراف المعياري

$$CV = \frac{S}{\bar{X}} \cdot 100 \%$$

معامل التباين CV:
 $\bar{X}$: المتوسط الحسابي
S: الانحراف المعياري

■ يعبر عن الدقة بما يلي:

- الانحراف المعياري (standard deviation, S; SD)
- الانحراف المعياري النسبي (relative standard deviation, RSD)
- التباين (variance)

مقدمة: الدقة precision

- مدى تقارب النتائج من بعضها عند تكرار التجربة ضمن نفس الشروط
- تقيم الدقة من خلال معيارين : S
CV%



$$S = 0.004$$

$$X = 0.754$$

اختبار فيشر (F-Test)

يستخدم لمقارنة الدقة بين سلسليتي قياس مختلفتين (هل يوجد فرق هام في الدقة بين الطريقتين أو السلسلتين أو بين المحللين؟ هل يمكن مقارنة الانحرافات المعيارية للطريقتين؟)

السلسلتين يجب أن تكون خالية من القيم الشاذة (Grubbs-Test)
السلسلتين يجب أن تكون موزعة طبيعياً (gaussian curve)



$$F = \frac{s_1^2}{s_2^2} \quad s_1 \geq s_2$$

S2, S1: الانحراف المعياري لسلسليتي القياس

القيمة المحسوبة f يوجد فرق في الدقة بين السلسلتين ضمن مجال الثقة المعطى أكبر من القيمة في الجدول.

تمرين : أراد مدير أحد المعامل التأكد من دقة طريقة ابتكرها أحد العاملين لمحتوى مادة ما ، حيث قام بتحليل محلول هذه المادة بطريقتين المبتكرة والقياسية (المعتمدة) فكانت النتائج كما هي موضحة في الجدول :

الطريقة القياسية بـ mg/l	129	131	130	127	125	128	-
المبتكرة mg/l	127	125	126	129	131	130	123

جدول F (95 %)

f2 \ f1	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	12	15	20	24	30	40	60
1	161,4	199,5	215,7	224,6	230,2	234,0	236,8	238,9	240,5	241,9	243,9	245,9	248,0	249,1	250,1	251,1	252,2
2	18,51	19,00	19,16	19,25	19,30	19,33	19,35	19,37	19,38	19,40	19,41	19,43	19,45	19,45	19,46	19,47	19,48
3	10,13	9,55	9,28	9,12	9,01	8,94	8,89	8,85	8,81	8,79	8,74	8,70	8,66	8,64	8,62	8,59	8,57
4	7,71	6,94	6,59	6,39	6,26	6,16	6,09	6,04	6,00	5,96	5,91	5,86	5,80	5,77	5,75	5,72	5,69
5	6,61	5,79	5,41	5,19	5,05	4,95	4,88	4,82	4,77	4,74	4,68	4,62	4,56	4,53	4,50	4,46	4,43
6	5,99	5,14	4,76	4,53	4,39	4,28	4,21	4,15	4,10	4,06	4,00	3,94	3,87	3,84	3,81	3,77	3,74
7	5,59	4,74	4,35	4,12	3,97	3,87	3,79	3,73	3,68	3,64	3,57	3,51	3,44	3,41	3,38	3,34	3,30
8	5,32	4,46	4,07	3,84	3,69	3,58	3,50	3,44	3,39	3,35	3,28	3,22	3,15	3,12	3,08	3,04	3,01
9	5,12	4,26	3,86	3,63	3,48	3,37	3,29	3,23	3,18	3,14	3,07	3,01	2,94	2,90	2,86	2,83	2,79
10	4,96	4,10	3,71	3,48	3,33	3,22	3,14	3,07	3,02	2,98	2,91	2,85	2,77	2,74	2,70	2,66	2,62
11	4,84	3,98	3,59	3,36	3,20	3,09	3,01	2,95	2,90	2,85	2,79	2,72	2,65	2,61	2,57	2,53	2,49
12	4,75	3,89	3,49	3,26	3,11	3,00	2,91	2,85	2,80	2,75	2,69	2,62	2,54	2,51	2,47	2,43	2,38
13	4,67	3,81	3,41	3,18	3,03	2,92	2,83	2,77	2,71	2,67	2,60	2,53	2,46	2,42	2,38	2,34	2,30
14	4,60	3,74	3,34	3,11	2,96	2,85	2,76	2,70	2,65	2,60	2,53	2,46	2,39	2,35	2,31	2,27	2,22
15	4,54	3,68	3,29	3,06	2,90	2,79	2,71	2,64	2,59	2,54	2,48	2,40	2,33	2,29	2,25	2,20	2,16
16	4,49	3,63	3,24	3,01	2,85	2,74	2,66	2,59	2,54	2,49	2,42	2,35	2,28	2,24	2,19	2,15	2,11
17	4,45	3,59	3,20	2,96	2,81	2,70	2,61	2,55	2,49	2,45	2,38	2,31	2,23	2,19	2,15	2,10	2,06
18	4,41	3,55	3,16	2,93	2,77	2,66	2,58	2,51	2,46	2,41	2,34	2,27	2,19	2,15	2,11	2,06	2,02
19	4,38	3,52	3,13	2,90	2,74	2,63	2,54	2,48	2,42	2,38	2,31	2,23	2,16	2,11	2,07	2,03	1,98
20	4,35	3,49	3,10	2,87	2,71	2,60	2,51	2,45	2,39	2,35	2,28	2,20	2,12	2,08	2,04	1,99	1,95
21	4,32	3,47	3,07	2,84	2,68	2,57	2,49	2,42	2,37	2,32	2,25	2,18	2,10	2,05	2,01	1,96	1,92
22	4,30	3,44	3,05	2,82	2,66	2,55	2,46	2,40	2,34	2,30	2,23	2,15	2,07	2,03	1,98	1,94	1,89
23	4,28	3,42	3,03	2,80	2,64	2,53	2,44	2,37	2,32	2,27	2,20	2,13	2,05	2,01	1,96	1,91	1,86
24	4,26	3,40	3,01	2,78	2,62	2,51	2,42	2,36	2,30	2,25	2,18	2,11	2,03	1,98	1,94	1,89	1,84
25	4,24	3,39	2,99	2,76	2,60	2,49	2,40	2,34	2,28	2,24	2,16	2,09	2,01	1,96	1,92	1,87	1,82
26	4,23	3,37	2,98	2,74	2,59	2,47	2,39	2,32	2,27	2,22	2,15	2,07	1,99	1,95	1,90	1,85	1,80
27	4,21	3,35	2,96	2,73	2,57	2,46	2,37	2,31	2,25	2,20	2,13	2,06	1,97	1,93	1,88	1,84	1,79
28	4,20	3,34	2,95	2,71	2,56	2,45	2,36	2,29	2,24	2,19	2,12	2,04	1,96	1,91	1,87	1,82	1,77
29	4,18	3,33	2,93	2,70	2,55	2,43	2,35	2,28	2,22	2,18	2,10	2,03	1,94	1,90	1,85	1,81	1,75
30	4,17	3,32	2,92	2,69	2,53	2,42	2,33	2,27	2,21	2,16	2,09	2,01	1,93	1,89	1,84	1,79	1,74
40	4,08	3,23	2,84	2,61	2,45	2,34	2,25	2,18	2,12	2,08	2,00	1,92	1,84	1,79	1,74	1,69	1,64
60	4,00	3,15	2,76	2,53	2,37	2,25	2,17	2,10	2,04	1,99	1,92	1,84	1,75	1,70	1,65	1,59	1,53
120	3,92	3,07	2,68	2,45	2,29	2,17	2,09	2,02	1,96	1,91	1,83	1,75	1,66	1,61	1,55	1,50	1,43
∞	3,84	3,00	2,60	2,37	2,21	2,10	2,01	1,94	1,88	1,83	1,75	1,67	1,57	1,52	1,46	1,39	1,32

مقدمة: المضبوطية Accuracy :

هي مدى تقارب نتائج الطريقة المدروسة (المتوسط الحسابي للقياسات) من القيم الحقيقية

Difference-t-Test
مقارنة الطرق التحليلية

Student-t-Test

المقارنة مع طريقة تحليلية أخرى
مدروسة المصدقية و معروفة المضبوطية

المقارنة مع عياري مرجعي
(reference standard)

مقدمة: المضبوطية Accuracy :

هي مدى تقارب نتائج الطريقة المدروسة (المتوسط الحسابي للقياسات) من القيم الحقيقية

تمارين: أثناء تقييم دقة طريقة ما قام الطلاب بدراسة التكرارية حيث قاموا بقياس درجة pH لعدة عينات، أعطى الطلاب النتائج التالية:

11.5	9.5	9.5	10	9.5	10.1	10.5	9.9	9.5	10.6	9.4	10
------	-----	-----	----	-----	------	------	-----	-----	------	-----	----

المطلوب:

- 1- احسب الانحراف المعياري
- 2- الانحراف المعياري النسبي
- 3- إذا كانت القيمة الحقيقية المرجعية للـ pH = 9.5 هل النتائج مضبوطة؟

t-Tabelle

<i>f</i>	P = 95 %	P = 99 %	P = 99,9 %
1	12,706	63,657	636,619
2	4,303	9,925	31,598
3	3,182	5,841	12,924
4	2,776	4,604	8,610
5	2,571	4,032	6,869
6	2,447	3,707	5,959
7	2,365	3,499	5,408
8	2,306	3,355	5,041
9	2,262	3,250	4,781
10	2,228	3,169	4,587
11	2,201	3,106	4,437
12	2,179	3,055	4,318
13	2,160	3,016	4,221
14	2,145	2,977	4,140
15	2,131	2,947	4,073
16	2,120	2,921	4,015
17	2,110	2,898	3,965
18	2,101	2,878	3,922
19	2,093	2,861	3,883
20	2,086	2,845	3,850
21	2,080	2,831	3,819
22	2,074	2,819	3,792
23	2,069	2,807	3,767
24	2,064	2,797	3,745
25	2,060	2,787	3,725
26	2,056	2,779	3,707
27	2,052	2,771	3,690
28	2,048	2,763	3,674
29	2,045	2,756	3,659
30	2,042	2,750	3,646
∞	1,960	2,576	3,291

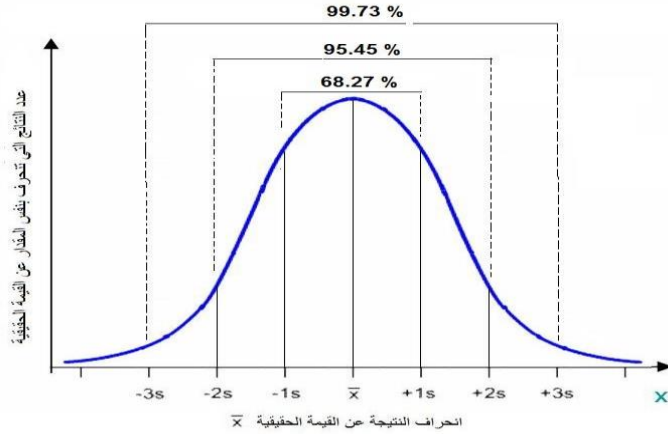
مقدمة:

التوزع الطبيعي- اختبار ديفيد:

$$R: \text{الفرق بين أكبر وأصغر قيمة قياس.}$$

$$S: \text{الانحراف المعياري}$$

$$\frac{R}{S} = PG$$



إذا وقعت القيمة المحسوبة PG ضمن الحدود الواردة في جدول ديفيد (بين الحد الأدنى و الأعلى) فإن قيم القياس تعد موزعة طبيعياً ضمن مجال الثقة المعطى (غالباً 99%)

مقدمة:

التوزع الطبيعي- اختبار ديفيد:

$$R: \text{الفرق بين أكبر وأصغر قيمة قياس.}$$

$$S: \text{الانحراف المعياري}$$

$$\frac{R}{S} = PG$$

مثال:

29.6	29.1	29.1	29.3	29.4	29.3	29.1
------	------	------	------	------	------	------

$$S=0.41$$

إذا وقعت القيمة المحسوبة PG ضمن الحدود الواردة في جدول ديفيد (بين الحد الأدنى و الأعلى) فإن قيم القياس تعد موزعة طبيعياً ضمن مجال الثقة المعطى (غالباً 99%)

جدول ديفيد

David						
N	الحد الأدنى			الحد الأعلى		
	5 %	1 %	0,1 %	5 %	1 %	0,1 %
5	2,15	2,02	1,83	2,83	2,80	2,80
6	2,28	2,15	1,83	3,16	3,16	3,10
7	2,40	2,26	1,87	3,46	3,46	3,34
8	2,50	2,35	1,87	3,74	3,74	3,54
9	2,59	2,44	1,90	4,00	4,00	3,72
10	2,67	2,51	1,90	4,24	4,24	3,88
11	2,74	2,58	1,92	4,47	4,01	3,80
12	2,80	2,64	1,92	4,69	4,13	3,91
13	2,86	2,70	1,93	4,90	4,24	4,00
14	2,92	2,75	1,93	5,10	4,34	4,09
15	2,97	2,80	1,94	5,29	4,44	4,17
16	3,01	2,84	1,94	5,48	4,52	4,24
17	3,06	2,88	1,94	5,66	4,60	4,31
18	3,10	2,92	1,94	5,83	4,67	4,37
19	3,14	2,96	1,95	6,00	4,74	4,43
20	3,18	2,99	1,95	6,16	4,80	4,49
25	3,34	3,15	1,96	6,93	5,06	4,71
30	3,47	3,27	1,97	7,62	5,26	4,89
35	3,58	3,38	1,97	8,25	5,42	5,04
40	3,67	3,47	1,98	8,83	5,56	5,16
45	3,75	3,55	1,98	9,38	5,67	5,26
50	3,83	3,62	1,98	9,90	5,77	5,35
55	3,90	3,69	1,98	10,39	5,86	5,43
60	3,96	3,75	1,98	10,86	5,94	5,51
65	4,01	3,80	1,98	11,31	6,01	5,57
70	4,06	3,85	1,99	11,75	6,07	5,63
75	4,11	3,90	1,99	12,17	6,13	5,68
80	4,16	3,94	1,99	12,57	6,18	5,73
85	4,20	3,99	1,99	12,96	6,23	5,78
90	4,24	4,02	1,99	13,34	6,27	5,82
95	4,27	4,06	1,99	13,71	6,32	5,86
100	4,31	4,10	1,99	14,07	6,36	5,90
150	4,59	4,38	1,99	17,26	6,64	6,18
200	4,78	4,59	2,00	19,95	6,84	6,39
500	5,37	5,13	2,00	31,59	7,42	6,94

اختبار القيمة الشاذة

اختبار غروبس Grubbs-Test

يهدف الاختبار لمعرفة إذا كانت قيمة ما (منحرفة بشكل كبير عن باقي القيم) تمثل قيمة شاذة يجب استبعادها أو هي ناتجة عن خطأ عشوائي

تقارن القيمة Q مع جدول غروبس

Q أكبر مما ورد في الجدول (ضمن مجال الثقة المعطى و غالباً 99%) فإن القيمة المدروسة هي قيمة شاذة باحتمال قدره 99%

كلما كانت الطريقة أكثر دقة كلما كان التعرف على القيمة الشاذة أكثر سهولة

Q أصغر مما ورد في الجدول فلا يوجد قيمة شاذة

3	4.9	5	5.9	6.3	7	10
---	-----	---	-----	-----	---	----

$$s / | \bar{x} - x_i | = Q$$

=6 المتوسط الحسابي

=2 الانحراف المعياري

1.98 : Q

أصغر من الجدول: القيمة المدروسة Q القيمة

(10) ليست قيمة شاذة باحتمال قدره 99%

Xi: القيمة التي يعتقد أنها شاذة عن باقي القيم

المتوسط الحسابي: $\bar{x}$

s: الانحراف المعياري

Grubbs				
$P_{\text{einseitig}}$	90 %	95 %	99 %	
N				
3	1,148	1,153	1,155	
4	1,425	1,463	1,492	
5	1,602	1,672	1,749	
6	1,729	1,822	1,944	
7	1,828	1,938	2,097	
8	1,909	2,032	2,221	
9	1,977	2,110	2,323	
10	2,036	2,176	2,410	
11	2,088	2,234	2,485	
12	2,134	2,285	2,550	
13	2,175	2,331	2,607	
14	2,213	2,371	2,659	
15	2,247	2,409	2,705	
16	2,279	2,443	2,747	
17	2,309	2,475	2,785	
18	2,335	2,504	2,821	
19	2,361	2,532	2,854	
20	2,385	2,557	2,884	
21	2,408	2,580	2,912	
22	2,429	2,603	2,939	
23	2,448	2,624	2,963	
24	2,467	2,644	2,987	
25	2,486	2,663	3,009	
26	2,502	2,681	3,029	
27	2,519	2,698	3,049	
28	2,534	2,714	3,068	
29	2,549	2,730	3,085	
30	2,563	2,745	3,103	

تمرين 1

انشاء تقييم دقة طريقة ما قام الطلاب بدراسة التكرارية حيث قاموا بقياس درجة pH لعدة عينات, اعطى الطلاب النتائج التالية:

10	9.4	10.6	9.5	9.00	11.5	9.5	10.0	10.1	10.5
----	-----	------	-----	------	------	-----	------	------	------

احسب الانحراف المعياري و الانحراف المعياري النسبي

تمرين 2

أثناء تقييم دقة طريقة ما قام طلاب السنة الرابعة بدراسة التكرارية حيث قاموا بقياس درجة pH لعدة عينات, أعطى الطلاب النتائج التالية:

4.03	4.23	4.15	3.99	3.95	3.95	3.98	3.90	4.30	4.10	3.95	4.55
------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------

احسب الانحراف المعياري و الانحراف المعياري النسبي

هل النتائج موزعة بشكل طبيعي

هل القيمة $X = 4.55$ قيمة شاذة؟ لماذا؟

تمرين 3

تمت مقارنة طريقة الكروماتوغرافيا الغازية مع الطريقة المرجعية من حيث الدقة حيث قام الطلاب بقياس عدة عينات بكلتا الطريقتين.

أعطى الطلاب النتائج الواردة في الجدول التالي:

هل هناك تقارب من حيث الدقة بين الطريقتين؟

Gas chromatography	atomic absorption	
I metal $\mu\text{g}/\text{m}$	metal $\mu\text{g}/\text{ml}$	sample
4.2	4.01	1
3.95	4.01	2
4.2	3.98	3
3.9	3.91	4
4.24	3.9	5
3.89	4.05	6
4.23	3.89	7
	4.08	8

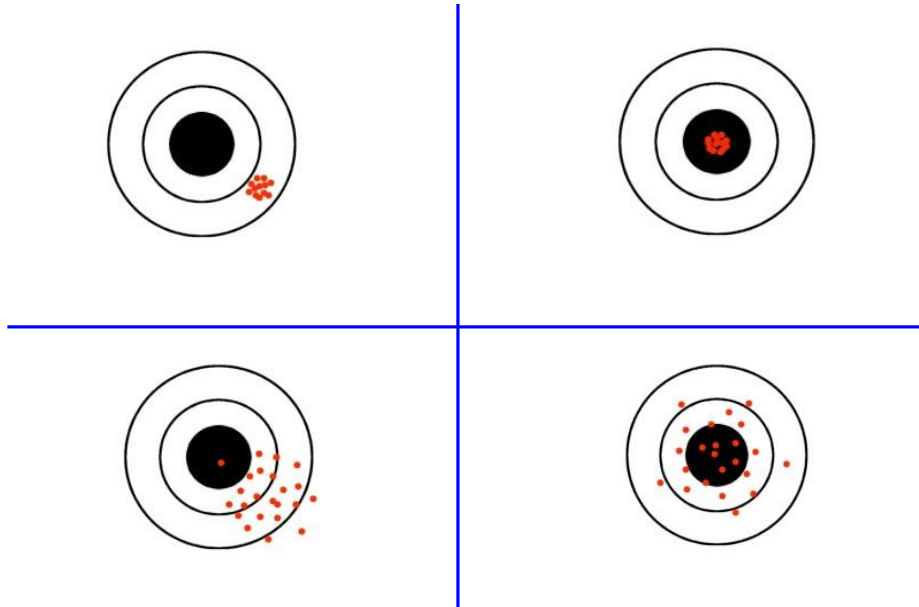
تمرين 4

تم توزيع غرامين من مادة ايبوبروفين لكل مجموعة من الطلاب في مخبر الصيدلانيات و طلب من الطلاب إعادة عملية الوزن حيث أعطي الطلاب النتائج التالية:

1.9	1.93	1.79	1.85	1.75	1.91	1.95	1.89	1.90
-----	------	------	------	------	------	------	------	------

كيف تحكم على هذه النتائج من حيث الدقة و المضبوطية

تمرين 5



تمرين 6

تمرين : أثناء تقييم دقة طريقة ما قام طلاب السنة الرابعة في كلية الصيدلة بدراسة التكرارية حيث قاموا بقياس درجة pH لعدة عينات، اعطى الطلاب النتائج التالية:

4.03	4.15	3.99	3.95	3.95	3.98	3.9	4.3	4.1	3.95	4.23
------	------	------	------	------	------	-----	-----	-----	------	------

المطلوب:

- 1- احسب الانحراف المعياري والانحراف المعياري النسبي
- 2- إذا علمت أن العينات محضرة لتكون ذات $pH = 3.95$ كيف تحكم على النتائج من حيث المضبوطية عند مجال ثقة 95%