

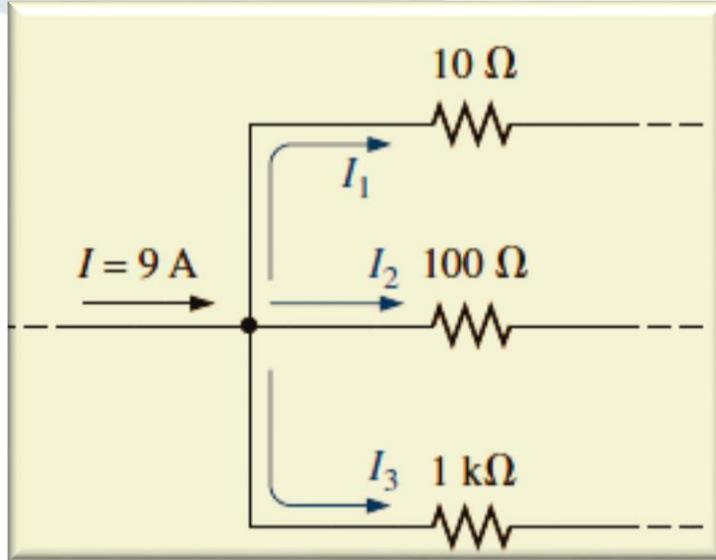


الدارات الالكترونية المحاضرة الثانية

أ.د. فادي غصنه



تقسيم التيار Current Divider



بالنسبة للعناصر المربوطة تفرعياً التي لها القيمة نفسها، سوف يتقسم التيار بشكل متساوٍ على فروع الدارة.

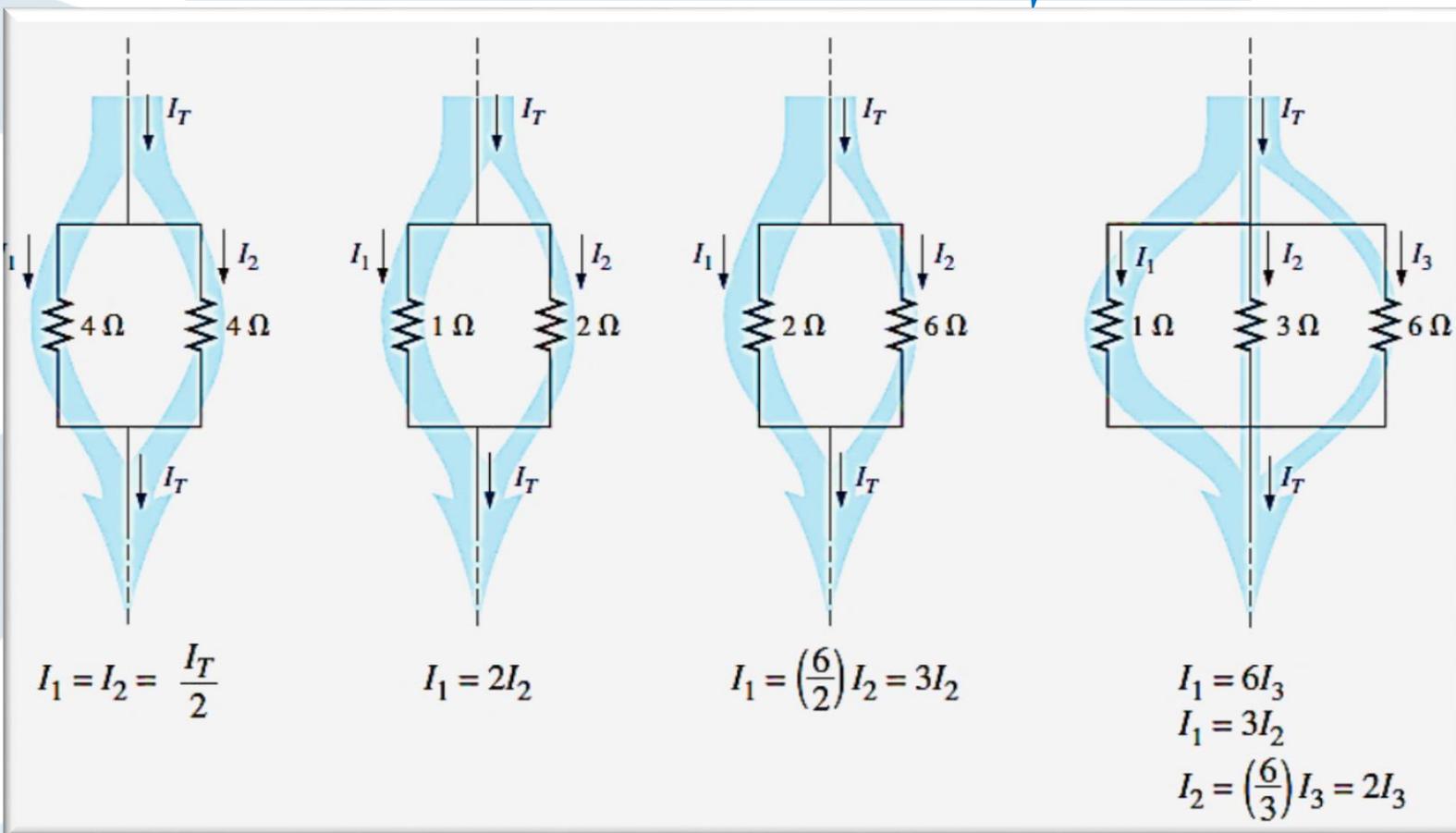
بالنسبة للعناصر التفرعية التي تختلف قيمها، سوف يتقسم التيار بنسبة مساوية لمقلوب قيم مقاومتها (أو ناقليتها G)

بالنسبة للعناصر التفرعية التي تختلف قيمها، ستكون قيمة التيار الأكبر تمر عبر الفرع الذي يحوي المقاومة الأصغر.

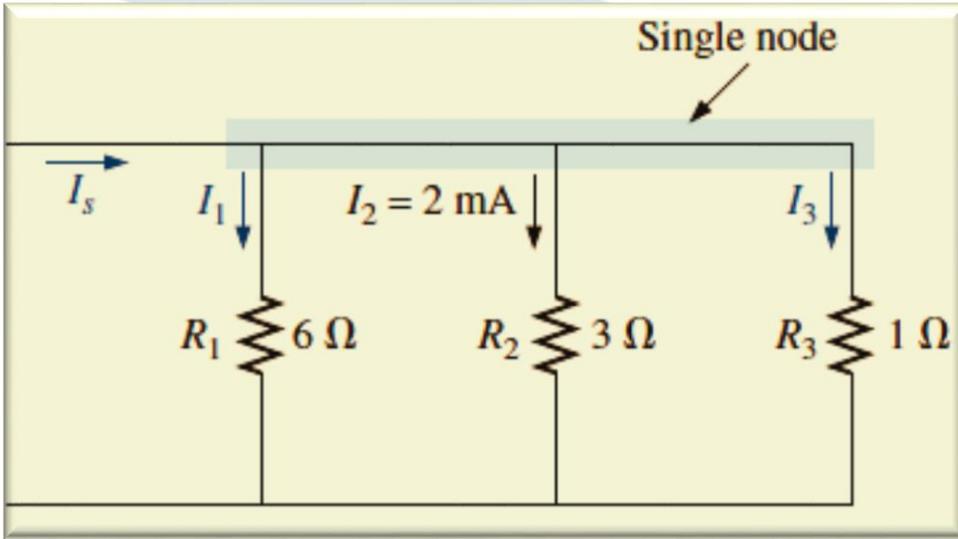
ستكون قيمة التيار المار عبر المقاومة 10Ω مساوية عشرة أضعاف قيمة التيار المار عبر المقاومة 100Ω ، كذلك بالنسبة للتيار عبر المقاومة ستكون مساوية عشرة أضعاف قيمة التيار المار عبر المقاومة $1 \text{ k}\Omega$ ، بالنتيجة ستكون قيمة التيار المار عبر المقاومة 10Ω مساوية مئة ضعف قيمة التيار المار عبر المقاومة $1 \text{ k}\Omega$



تقسيم التيار Current Divider



مثال (١)



باعتبار أن قيمة المقاومة R_1 مساوية لضعفي قيمة المقاومة R_2 ($R_1 = 2R_2$)، بالتالي التيار عبر R_1 سيكون نصف قيمة التيار المار عبر R_2 :

$$I_1 = \frac{I_2}{2} = \frac{2 \text{ mA}}{2} = 1 \text{ mA}$$

بالتالي التيار عبر R_3 سيكون ثلاث أضعاف قيمة التيار المار عبر R_2 :

$$I_3 = 3I_2 = 3(2 \text{ mA}) = 6 \text{ mA}$$

$$\sum I_i = \sum I_o$$

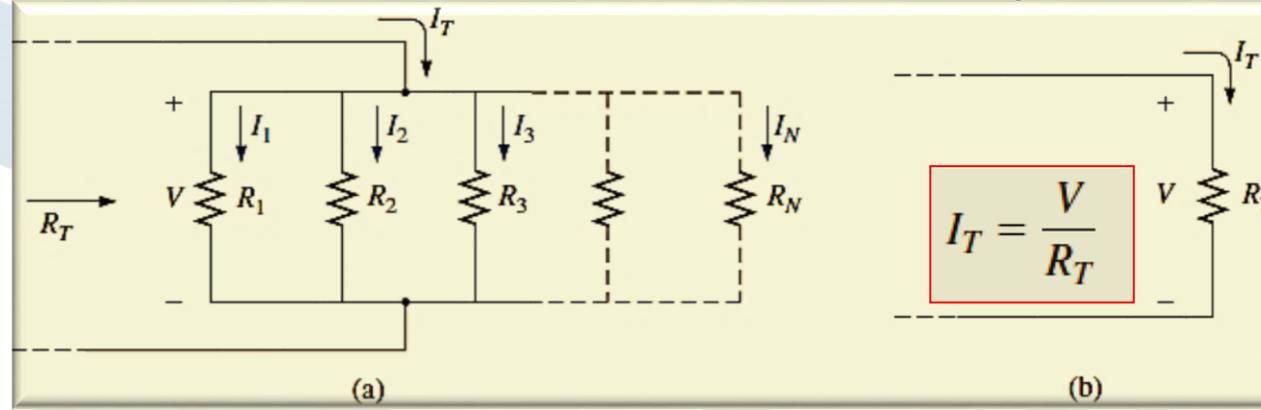
$$I_s = I_1 + I_2 + I_3$$

$$I_s = 1 \text{ mA} + 2 \text{ mA} + 6 \text{ mA} = 9 \text{ mA}$$

بتطبيق قانون كيرشوف للتيار نجد:



قاعدة تقسيم التيار Current Divider Rule



$$V = I_1 R_1 = I_2 R_2 = I_3 R_3 = \dots = I_x R_x$$

$$I_T = \frac{I_x R_x}{R_T}$$

كما هو معلوم أن الجهد المطبق على المقاومات التفرعية يكون متساوياً بالتعويض عن قيمة الجهد وفقاً لقانون أوم بدلالة المقاومة المكافئة R_T والتيار الكلي I_T نجد (يمثل التيار I_x أي من تيارات الفروع):

$$I_x = \frac{R_T}{R_x} I_T$$

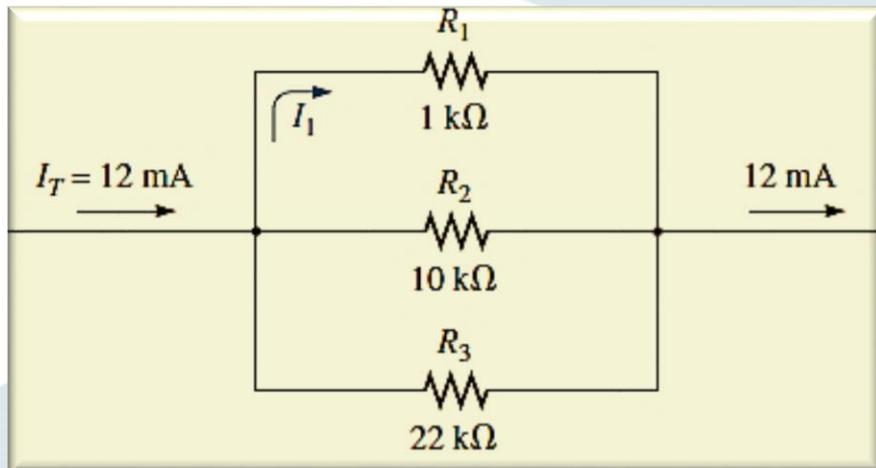
تنص قاعدة تقسيم التيار على أن التيار المار في أي من فروع الدارة يساوي إلى جداء التيار الكلي الداخل إلى الدارة التفرعية I_T في المقاومة المكافئة R_T مقسوم على قيمة المقاومة المار في الفرع.

$$I_x = \frac{G_x}{G_T} I_T$$



مثال (٢)

حساب قيم التيار I_1 باستخدام قاعدة مقسم التيار.

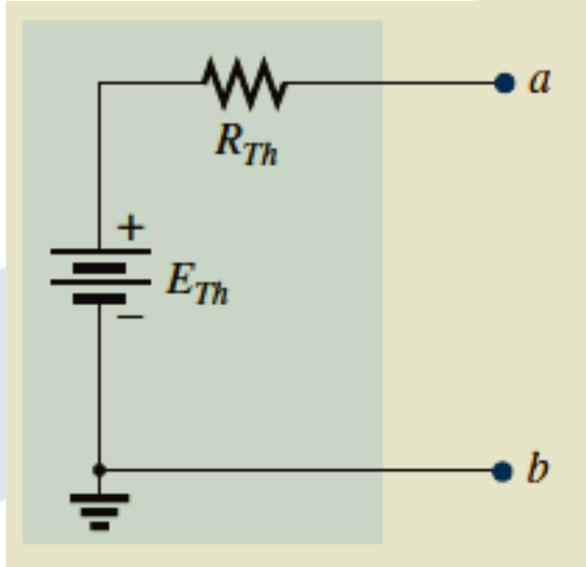


$$\begin{aligned}
 R_T &= \frac{1}{\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}} \\
 &= \frac{1}{\frac{1}{1 \text{ k}\Omega} + \frac{1}{10 \text{ k}\Omega} + \frac{1}{22 \text{ k}\Omega}} \\
 &= \frac{1}{1 \times 10^{-3} + 100 \times 10^{-6} + 45.46 \times 10^{-6}} \\
 &= \frac{1}{1.145 \times 10^{-3}} = 873.01 \Omega \\
 I_1 &= \frac{R_T}{R_1} I_T \\
 &= \frac{(873.01 \Omega)}{1 \text{ k}\Omega} (12 \text{ mA}) = (0.873)(12 \text{ mA}) = 10.48 \text{ mA}
 \end{aligned}$$



Thevenin's Theorem

تقوم نظرية ثيفنن على اختصار الدارة الكهربائية ، بحيث تنتج دارة كهربائية مكونة فقط من منبع جهد وحيد يُدعى V_{TH} ومقاومة وحيدة مربوطة على التسلسل مع المنبع، تدعى مقاومة ثيفنن R_{TH} . تعتمد قيمة جهد ثيفنن ومقاومة ثيفنن على قيم عناصر الدارة الأصلية. يمكن اختصار أي دارة كهربائية بغض النظر عن درجة تعقيدها إلى دارة ثيفنن.



دارة ثيفنن المكافئة، مكونة من منبع جهد ومقاومة على التسلسل.



FIG. 24

Leon-Charles Thévenin.

Courtesy of the Bibliothèque École Polytechnique, Paris, France.

French (Meaux, Paris)
(1857–1927)

Telegraph Engineer, Commandant and Educator
École Polytechnique and École Supérieure de
Télégraphie

Although active in the study and design of telegraphic systems (including underground transmission), cylindrical condensers (capacitors), and electromagnetism, he is best known for a theorem first presented in the *French Journal of Physics—Theory and Applications* in 1883. It appeared under the heading of “Sur un nouveau théorème d’électricité dynamique” (“On a new theorem of dynamic electricity”) and was originally referred to as the *equivalent generator theorem*. There is some evidence that a similar theorem was introduced by Hermann von Helmholtz in 1853. However, Professor Helmholtz applied the theorem to animal physiology and not to communication or generator systems, and therefore he has not received the credit in this field that he might deserve. In the early 1920s AT&T did some pioneering work using the equivalent circuit and may have initiated the reference to the theorem as simply Thévenin’s theorem. In fact, Edward L. Norton, an engineer at AT&T at the time, introduced a current source equivalent of the Thévenin equivalent currently referred to as the Norton equivalent circuit. As an aside, Commandant Thévenin was an avid skier and in fact was commissioner of an international ski competition in Chamonix, France, in 1912.



Thevenin's Theorem

- تمكن نظرية ثيفنن من دراسة التغير في قيمة عنصر معين على سلوك الدارة من دون الحاجة لتحليل الدارة الكهربائية الأصلية بشكل كامل من أجل كل تغير في قيمة العنصر.
- يمكن اختصار أي دارة كهربائية بغض النظر عن درجة تعقيدها إلى دارة ثيفنن، مكونة من منبع ومقاومة على التسلسل.
- يتم اختيار نقطتين في الدارة الأصلية، والابقاء على العنصر الموجود في هذا الفرع (في حالتنا هنا عبارة عن مقاومة)، يُسمى العنصر في هذا الفرع بمقاومة الحمل R_L ، واستبدال كل الدارة الباقية بدارة ثفنن.
- جهد ثيفنن V_{TH} عبارة عن جهد الدارة المفتوحة (من دون مقاومة الحمل) بين النقطتين المختارتين.
- مقاومة ثفنن R_{TH} هي عبارة عن المقاومة المكافئة الكلية المنظورة من هاتين النقطتين (من دون مقاومة الحمل).
- إعادة ربط دارة ثيفنن مع مقاومة الحمل لحساب التيار المار خلال مقاومة الحمل والجهد المطبق عبر الحمل.

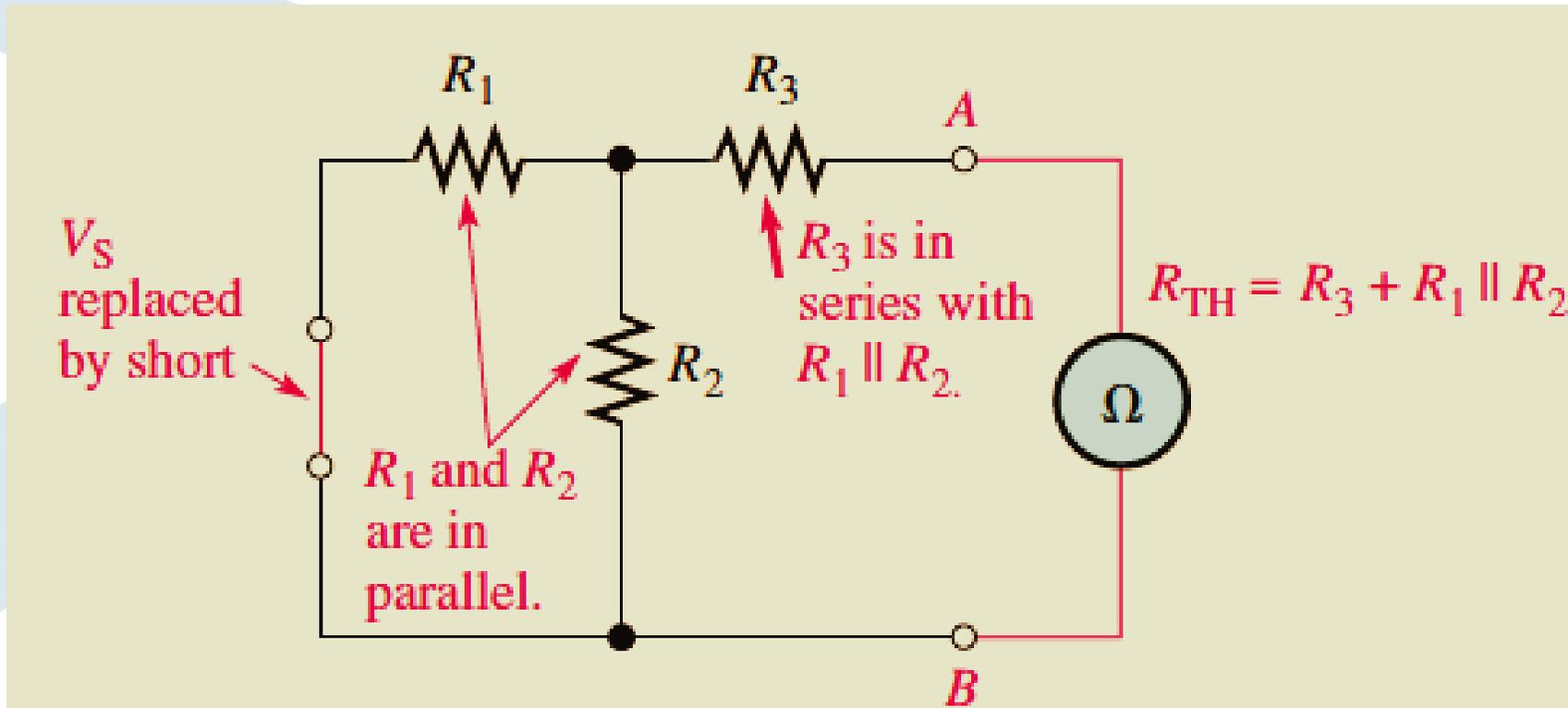


خطوات تطبيق نظرية ثيفن

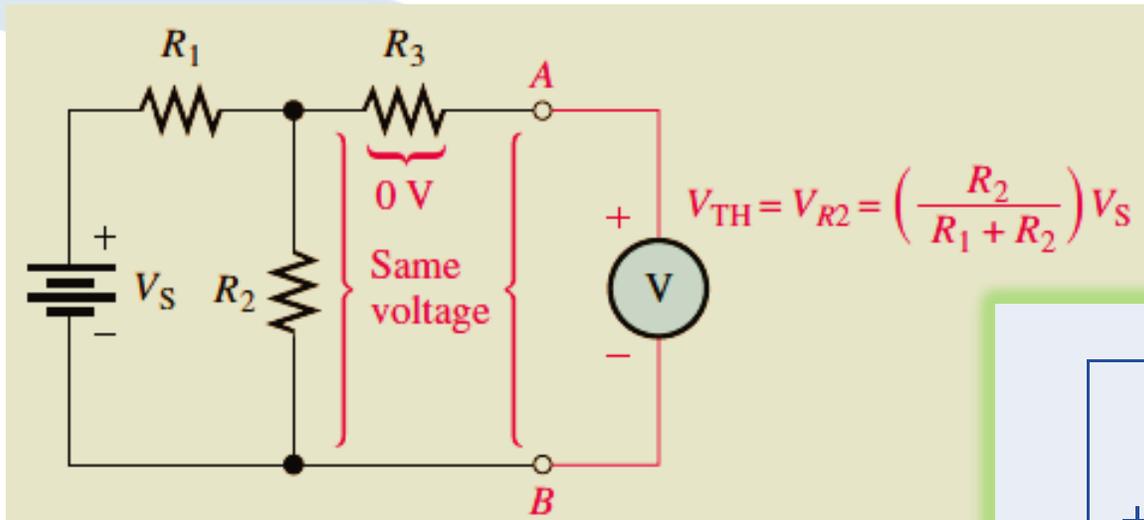
١. إزالة جزء الدارة الكهربائية بين النقطتين المختارتين، حيث نريد إيجاد دارة ثيفن المكافئة بين هاتين النقطتين، هذا يتطلب إزالة مقاومة الحمل R_L بشكل مؤقت من بين النقطتين المختارتين.
٢. حساب مقاومة ثيفن R_{TH} :
 ١. تُحسب مقاومة ثيفن بعد التعويض عن منابع الجهد بدارة مقصورة، والتعويض عن منابع التيار بدارة مفتوحة.
 ٢. حساب المقاومة المكافئة للدارة الناتجة بين المقطعين المختارتين. في حال كان لمُنبع الجهد أو منبع التيار مقاومة داخلية، يجب الإبقاء عليها عند حساب مقاومة ثيفن، حتى لو وضعت قيمة المنابع مساوية للصفر.
٣. حساب جهد ثيفن E_{TH} أو V_{TH} :
 - i. تعاد منابع التيار والجهد إلى موضعها في الدارة.
 - ii. يُحسب جهد الدارة المفتوحة بين النقطتين المختارتين.
٤. ربط دارة ثيفن المكافئة مع قيمة جهد ثيفن E_{TH} ، وقيمة مقاومة ثيفن R_{TH} ، مع مقاومة الحمل R_L ، (إعادة مقاومة الحمل إلى موضعها بين النقطتين المختارتين).



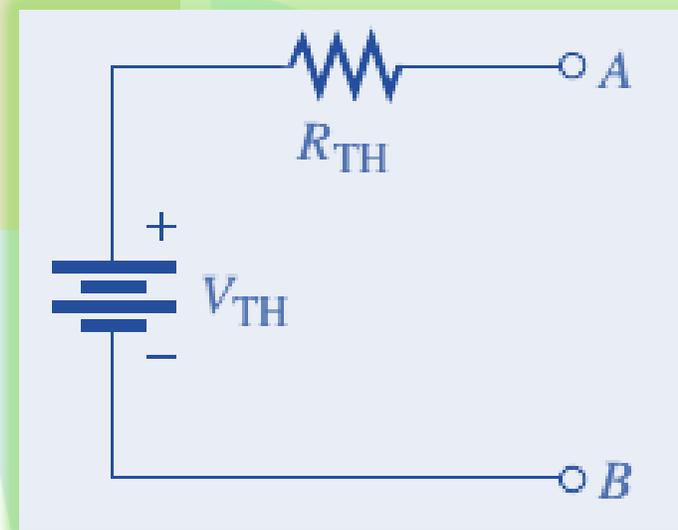
حساب مقاومة ثيفنن R_{TH}



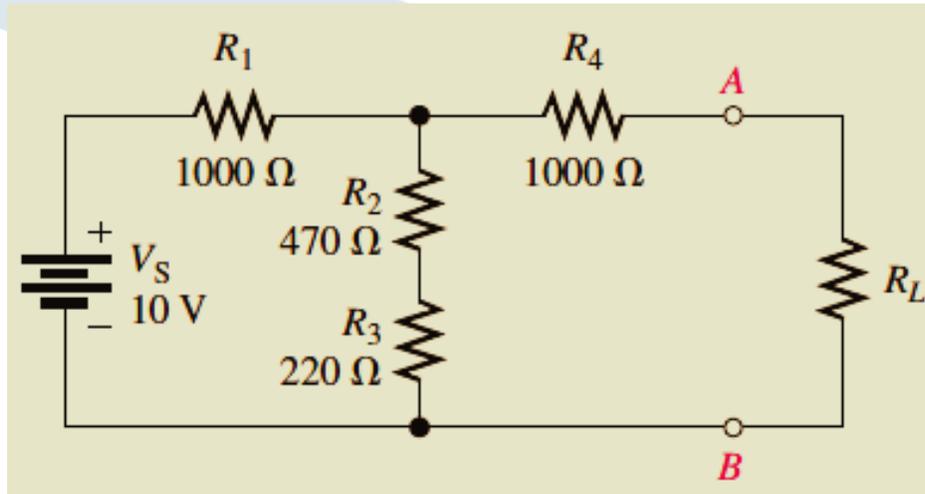
حساب جهد ثيفنن V_{TH}



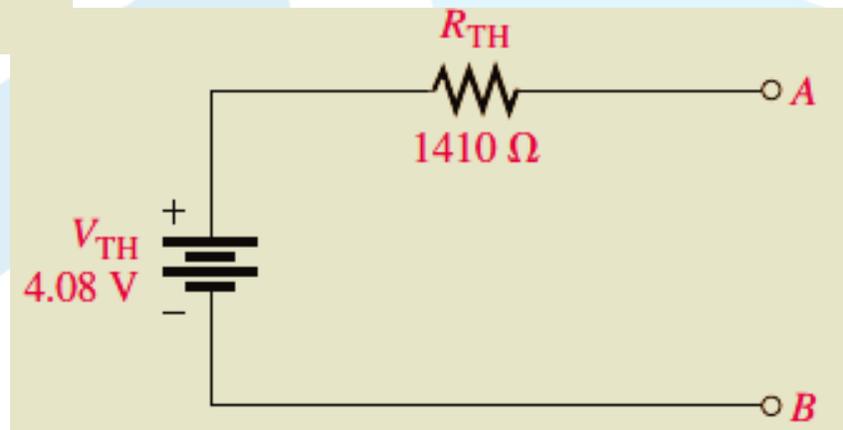
دائرة ثيفنن المكافئة



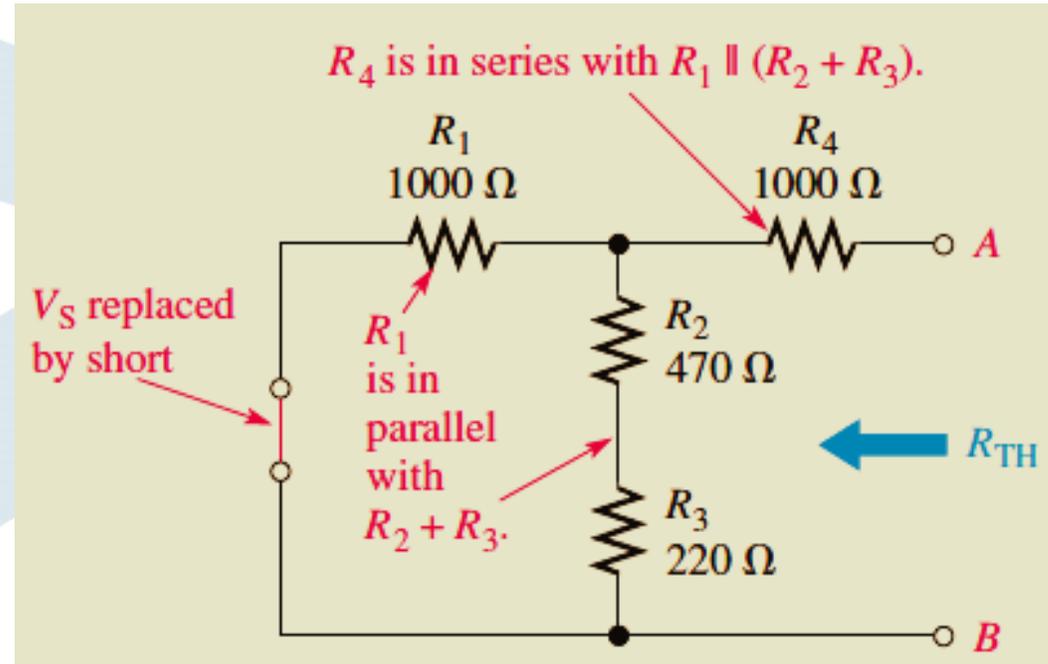
مثال (٣)



Find the Thevenin equivalent circuit
between A and B



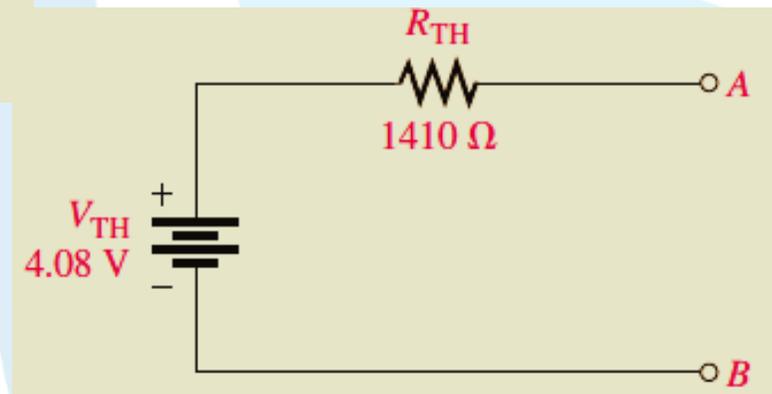
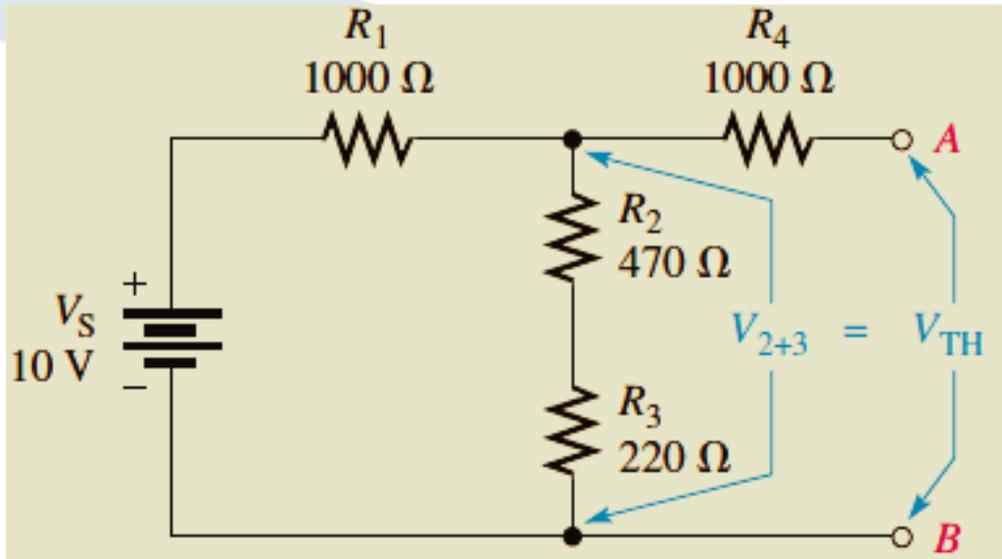
حساب مقاومة ثيفن R_{TH}



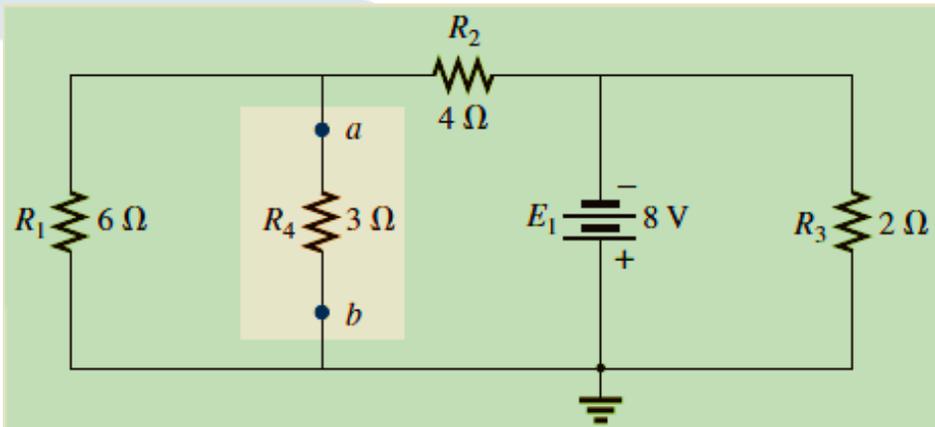
$$R_{TH} = R_4 + \frac{R_1(R_2 + R_3)}{R_1 + R_2 + R_3} = 1000 \Omega + \frac{(1000 \Omega)(690 \Omega)}{1690 \Omega} = 1410 \Omega$$



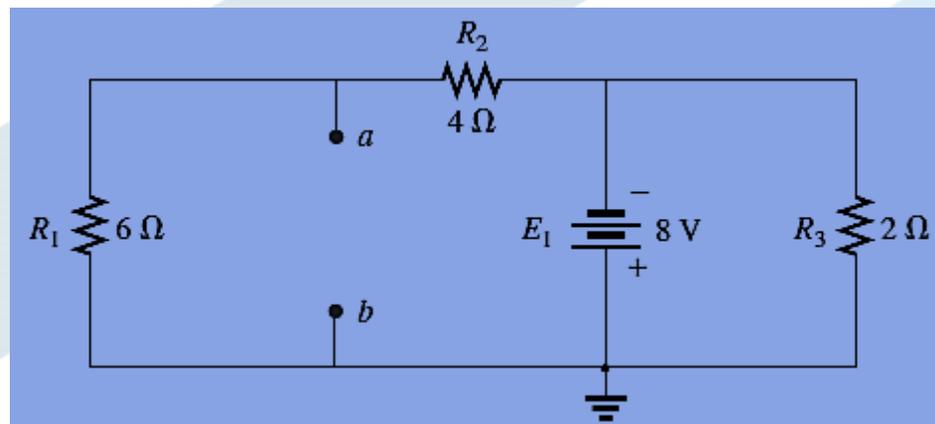
حساب جهد ثيفن V_{TH}



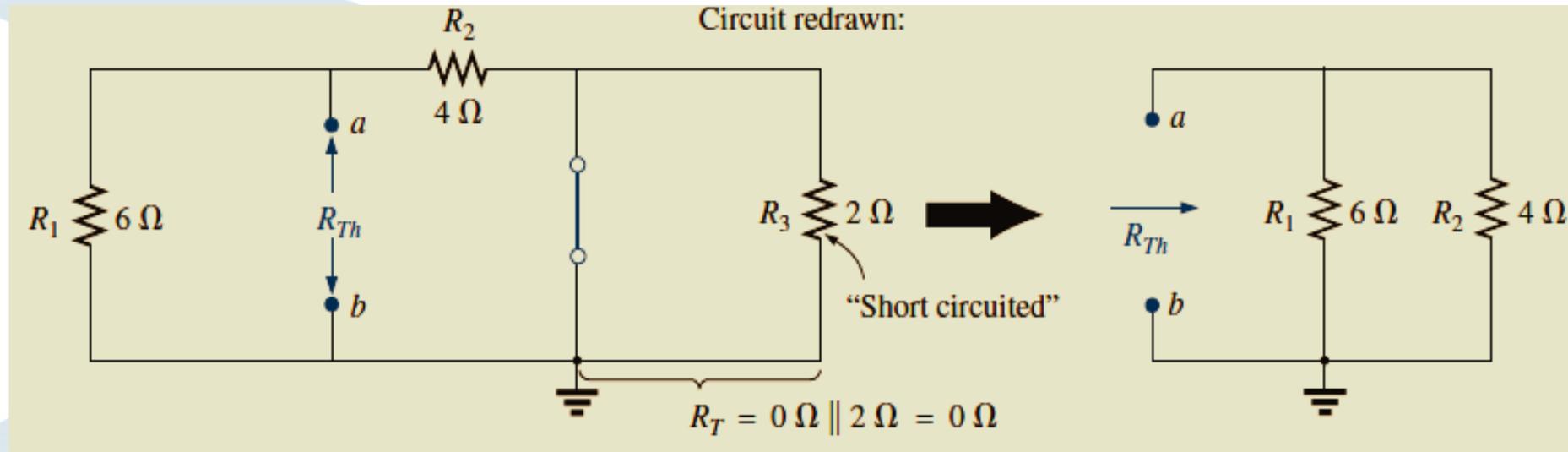
مثال (٤)



Find the Thevenin equivalent circuit between a and b



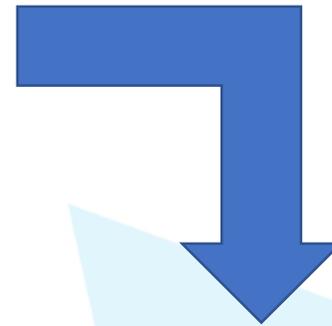
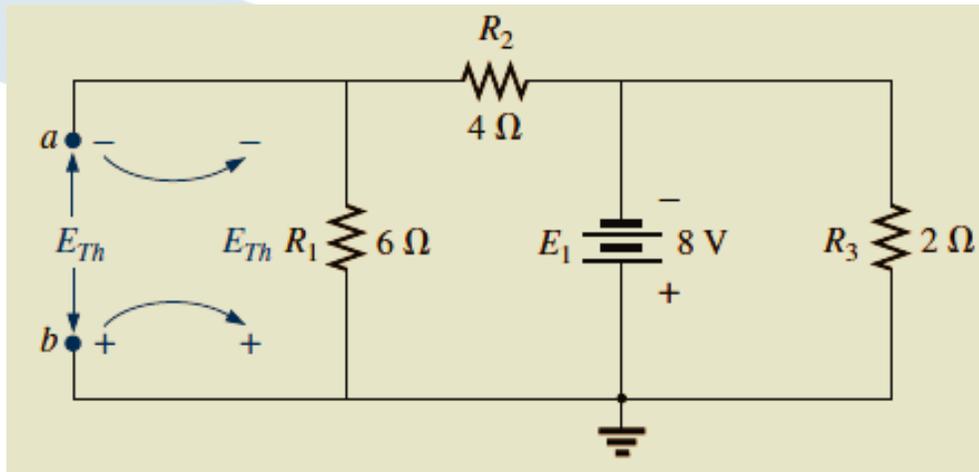
حساب مقاومة ثيفن R_{Th}



$$R_{Th} = R_1 \parallel R_2 = \frac{(6 \Omega)(4 \Omega)}{6 \Omega + 4 \Omega} = \frac{24 \Omega}{10} = 2.4 \Omega$$

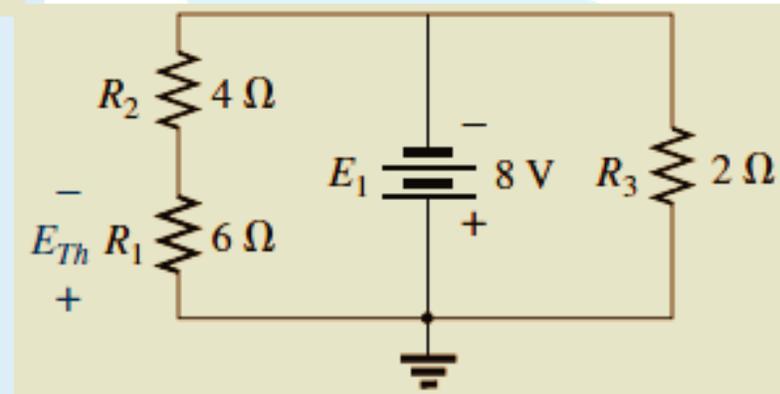


حساب جهد ثيفنن E_{Th}



علاقة مقسم الجهد

$$E_{Th} = \frac{R_1 E_1}{R_1 + R_2} = \frac{(6 \Omega)(8 \text{ V})}{6 \Omega + 4 \Omega} = \frac{48 \text{ V}}{10} = 4.8 \text{ V}$$

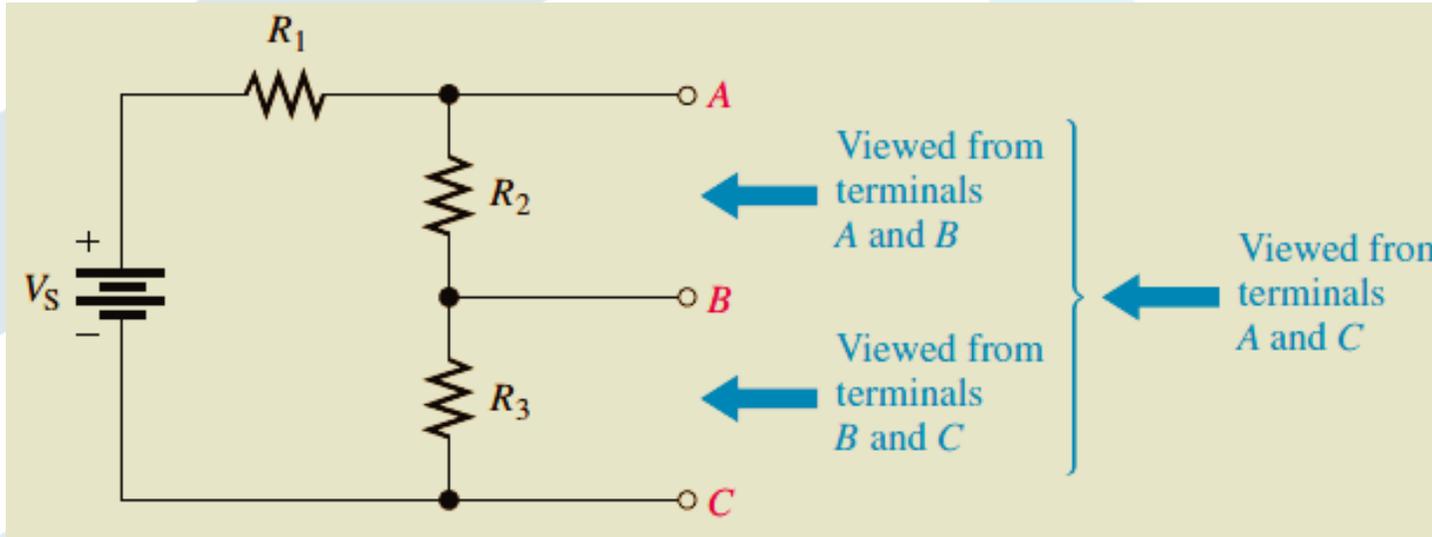


Thevenin Equivalency Depends on the Viewpoint

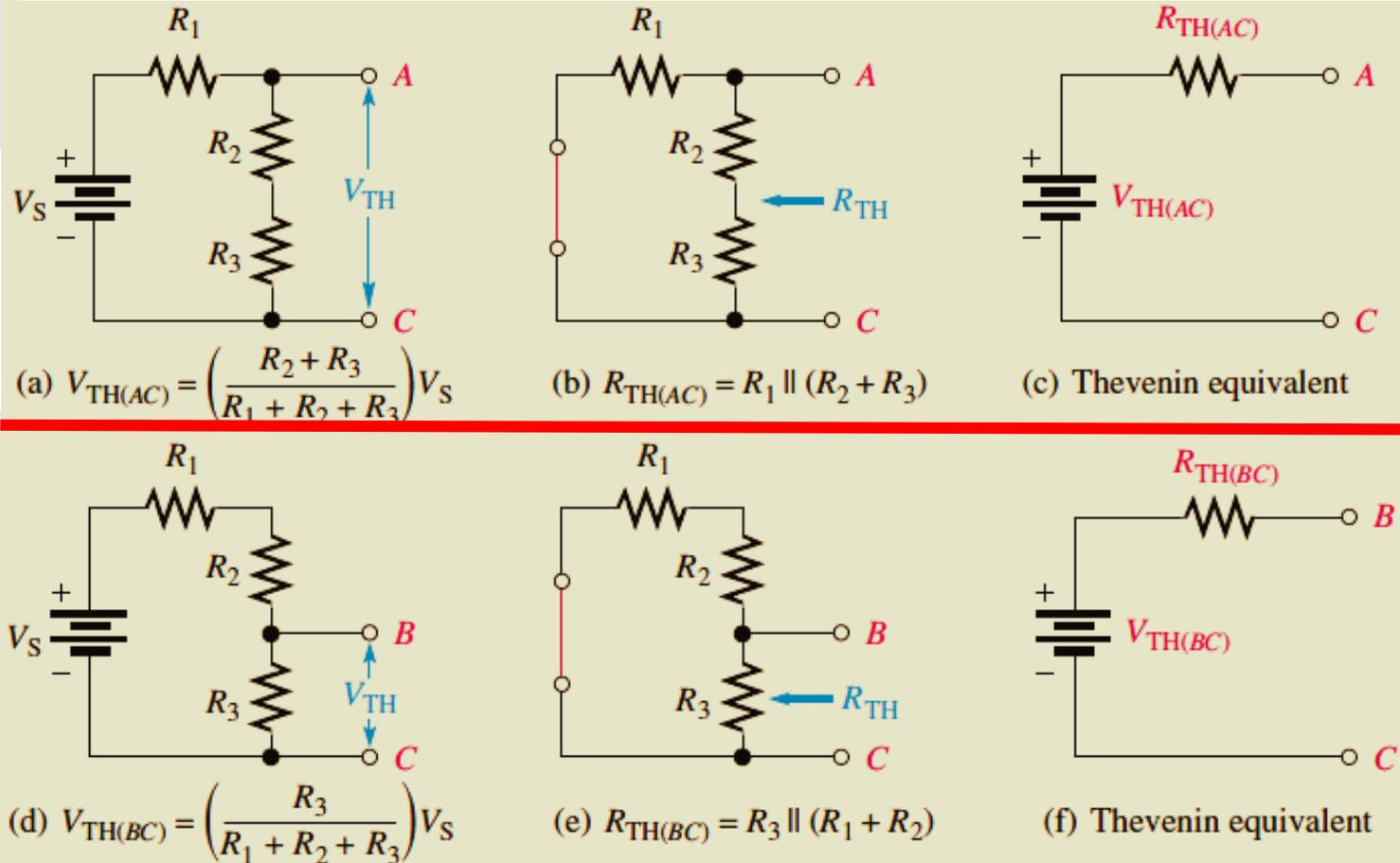
دائرة ثيفنن المكافئة تعتمد على موضع النقطتين المختارتين، بالتالي يمكن تطبيق نظرية ثيفنن على أي جزء من الدارة، حسب موقع النقطتين المختارتين التي ينظر من خلالها إلى الدارة.

على سبيل المثال:

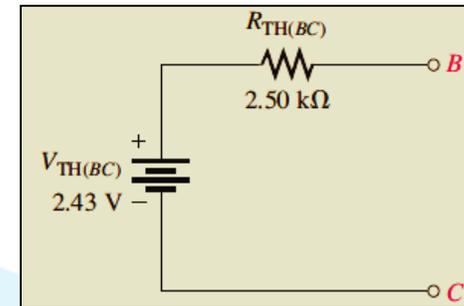
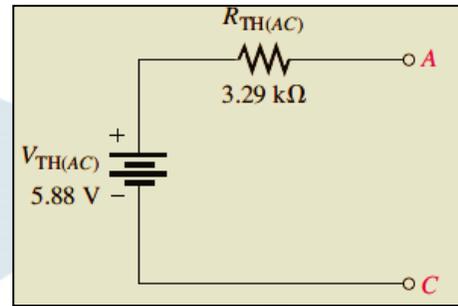
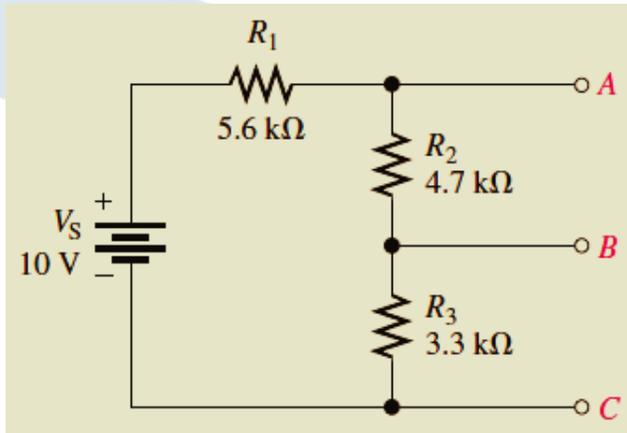
في الدارة المبينة في الشكل يمكن النظر إلى الدارة من النقطتين A, B أو من النقطتين B, C.



دائرة ثيفنن بين النقطتين A, C والنقطتين B, C



مثال (٥)



جد دائرة ثيفنن بين النقطتين
B, C والنقطتين A, C

$$(a) V_{TH(AC)} = \left(\frac{R_2 + R_3}{R_1 + R_2 + R_3} \right) V_S = \left(\frac{4.7 \text{ k}\Omega + 3.3 \text{ k}\Omega}{5.6 \text{ k}\Omega + 4.7 \text{ k}\Omega + 3.3 \text{ k}\Omega} \right) 10 \text{ V} = 5.88 \text{ V}$$

$$R_{TH(AC)} = R_1 \parallel (R_2 + R_3) = 5.6 \text{ k}\Omega \parallel (4.7 \text{ k}\Omega + 3.3 \text{ k}\Omega) = 3.29 \text{ k}\Omega$$

The Thevenin equivalent circuit is shown in Figure 38(a).

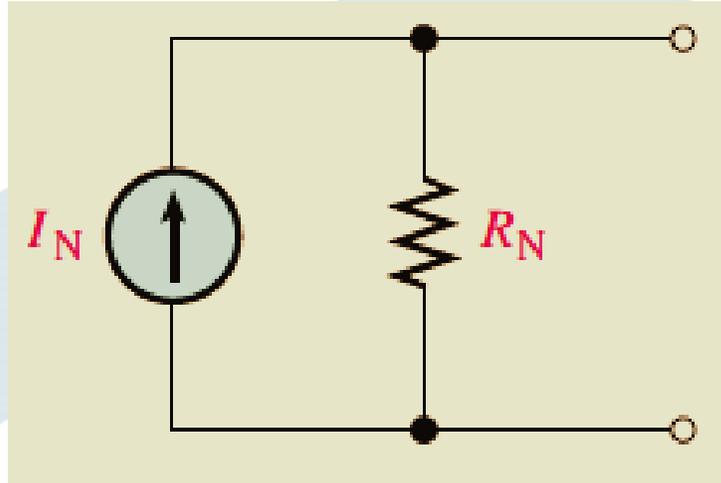
$$(b) V_{TH(BC)} = \left(\frac{R_3}{R_1 + R_2 + R_3} \right) V_S = \left(\frac{3.3 \text{ k}\Omega}{5.6 \text{ k}\Omega + 4.7 \text{ k}\Omega + 3.3 \text{ k}\Omega} \right) 10 \text{ V} = 2.43 \text{ V}$$

$$R_{TH(BC)} = R_3 \parallel (R_1 + R_2) = 3.3 \text{ k}\Omega \parallel (5.6 \text{ k}\Omega + 4.7 \text{ k}\Omega) = 2.50 \text{ k}\Omega$$



Norton's Theorem

- تقوم نظرية نورتن على اختصار الدارة الكهربائية ، بحيث تنتج دارة كهربائية مكونة فقط من منبع تيار وحيد يُدعى I_N ومقاومة وحيدة مربوطة على التفرع مع المنبع، تدعى مقاومة ثيفنن R_N .
- تعتمد قيمة تيار نورتن ومقاومة نورتن على قيم عناصر الدارة الأصلية.
- يمكن اختصار أي دارة كهربائية بغض النظر عن درجة تعقيدها إلى دارة نورتن المكافئة.



دارة نورتن المكافئة

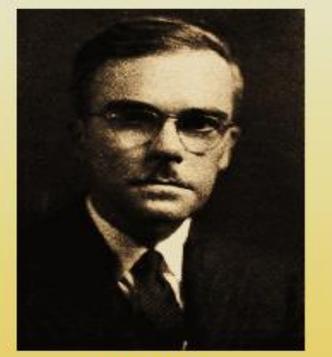


FIG. 58

Edward L. Norton.

Reprinted with the permission of
Lucent Technologies, Inc./Bell Labs.

American (Rockland, Maine; Summit, New Jersey)
1898–1983

Electrical Engineer, Scientist, Inventor

Department Head: Bell Laboratories

Fellow: Acoustical Society and Institute of Radio
Engineers

Although interested primarily in communications circuit theory and the transmission of data at high speeds over telephone lines, Edward L. Norton is best remembered for development of the dual of Thévenin equivalent circuit, currently referred to as *Norton's equivalent circuit*. In fact, Norton and his associates at AT&T in the early 1920s are recognized as being among the first to perform work applying Thévenin's equivalent circuit and referring to this concept simply as Thévenin's theorem. In 1926, he proposed the equivalent circuit using a current source and parallel resistor to assist in the design of recording instrumentation that was primarily current driven. He began his telephone career in 1922 with the Western Electric Company's Engineering Department, which later became Bell Laboratories. His areas of active research included network theory, acoustical systems, electromagnetic apparatus, and data transmission. A graduate of MIT and Columbia University, he held nineteen patents on his work.



Norton's Theorem

- تمكن نظرية نورتن من دراسة التغير في قيمة عنصر معين على سلوك الدارة من دون الحاجة لتحليل الدارة الكهربائية الأصلية بشكل كامل من أجل كل تغير في قيمة العنصر.
- يمكن اختصار أي دارة كهربائية بغض النظر عن درجة تعقيدها إلى دارة نورتن ، مكونة من منبع تيار ومقاومة على التفرع.
- يتم اختيار نقطتين في الدارة الأصلية، والابقاء على العنصر الموجود في هذا الفرع (في حالتنا هنا عبارة عن مقاومة)، يُسمى العنصر في هذا الفرع بمقاومة الحمل R_N ، واستبدال كل الدارة الباقية بدارة نورتن.
- تيار نورتن I_N عبارة عن تيار الدارة المقصورة (توصل مكان موضع مقاومة الحمل) بين النقطتين المختارتين.
- مقاومة نورتن R_N هي عبارة عن المقاومة المكافئة الكلية المنظورة من هاتين النقطتين (من دون مقاومة الحمل).
- إعادة ربط دارة نورتن مع مقاومة الحمل لحساب التيار المار خلال مقاومة الحمل والجهد المطبق عبر الحمل.

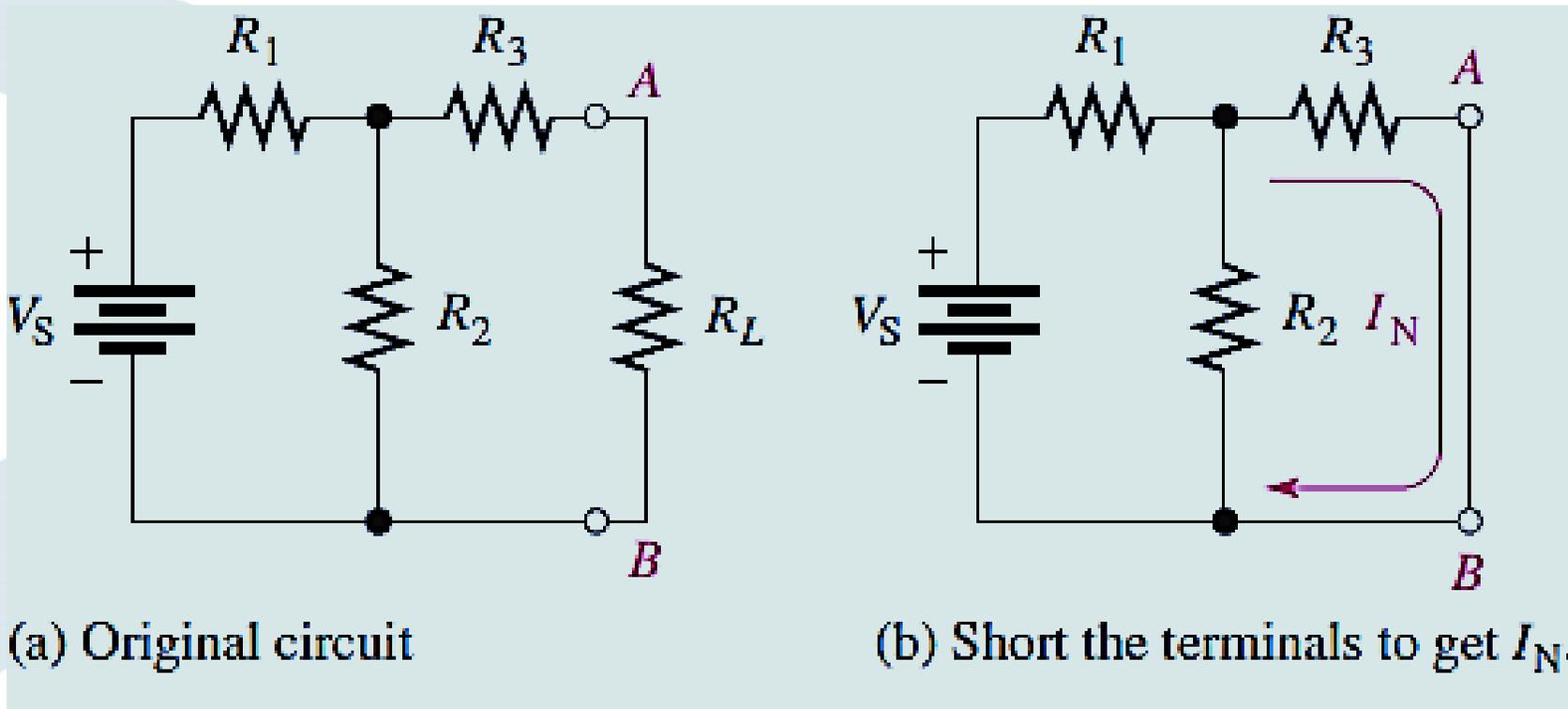


خطوات تطبيق نظرية نورتن

١. إزالة جزء الدارة الكهربائية بين النقطتين المختارتين، حيث نريد ايجاد دارة نورتن المكافئة بين هاتين النقطتين، هذا يتطلب إزالة مقاومة الحمل R_L بشكل مؤقت من بين النقطتين المختارتين.
٢. حساب مقاومة نورتن R_N :
 ١. تُحسب مقاومة نورتن بعد التعويض عن منابع الجهد بدارة مقصورة، والتعويض عن منابع التيار بدارة مفتوحة، ثم حساب المقاومة المكافئة للدارة الناتجة بين المقطعين المختارتين. في حال كان لمُنبع الجهد أو منبع التيار مقاومة داخلية، يجب الابقاء عليها عند حساب مقاومة ثيفن، حتى لو وضعت قيمة المنابع مساوية للصفر. (كما هو ملاحظ فإن خطوة حساب مقاومة ثيفن ونورتن متكافئة)، لذلك فإن $R_{TH} = R_N$
٣. حساب تيار نورتن I_N :
 ١. تعاد منابع التيار والجهد إلى موضعها في الدارة.
 ٢. يُحسب تيار الدارة المقصورة بين النقطتين المختارتين.
٤. ربط دارة نورتن المكافئة مع مقاومة الحمل R_L ، (إعادة مقاومة الحمل إلى موضعها بين النقطتين المختارتين).



Norton's Theorem

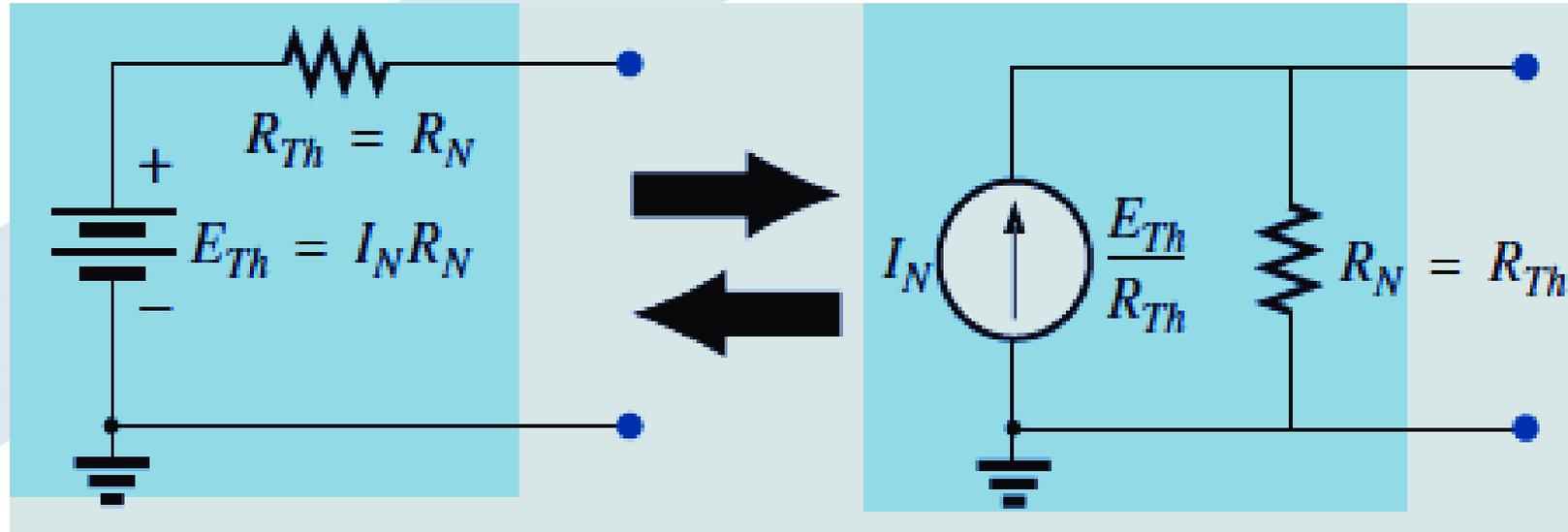


Determining the Norton equivalent current, I_N .

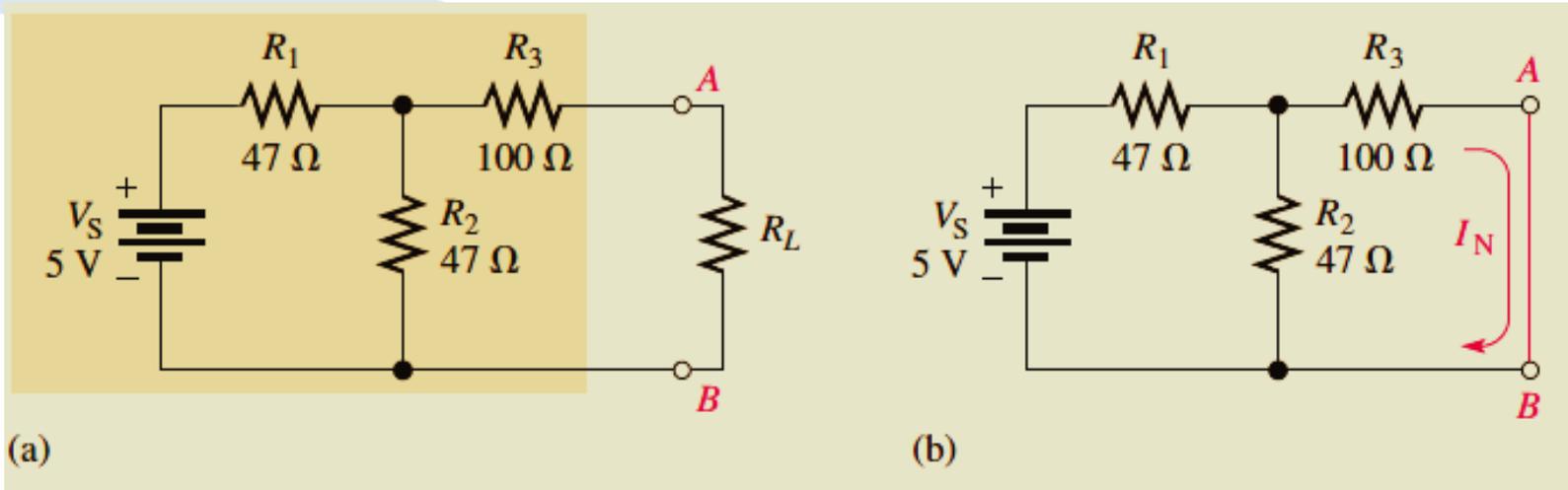


Converting between Thévenin and Norton equivalent circuits

وجدنا سابقاً إمكانية تحويل منبع الجهد مع مقاومة على التسلسل إلى منبع تيار مع مقاومة على التفرع، لذلك يمكننا التحويل بين دائرة ثيفن المكافئة ودائرة نورتن المكافئة كما هو مبين بالشكل الآتي:



مثال (٦)



حساب تيار نورتن I_N ومقاومة R_N

$$R_T = R_1 + \frac{R_2 R_3}{R_2 + R_3} = 47 \Omega + \frac{(47 \Omega)(100 \Omega)}{147 \Omega} = 79 \Omega$$

علاقة مقسم التيار

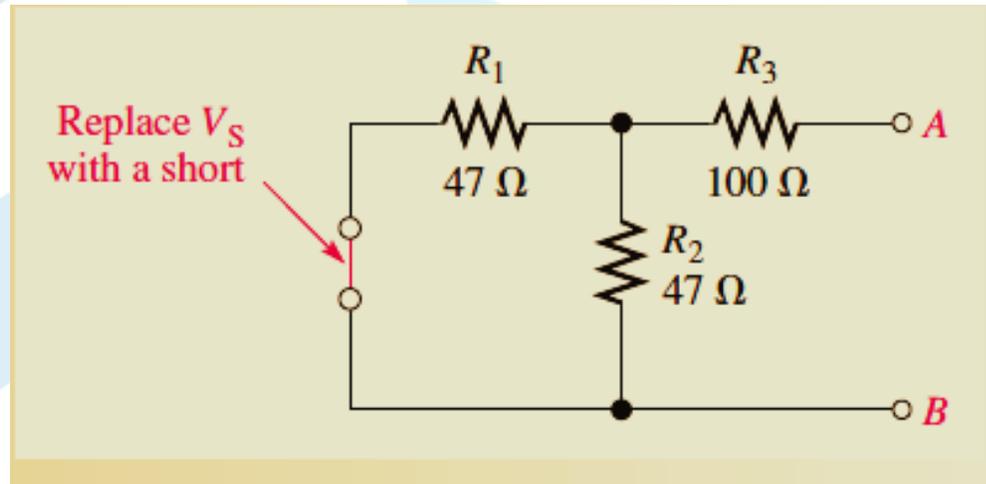
$$I_T = \frac{V_S}{R_T} = \frac{5 \text{ V}}{79 \Omega} = 63.3 \text{ mA}$$

$$I_N = \left(\frac{R_2}{R_2 + R_3} \right) I_T = \left(\frac{47 \Omega}{147 \Omega} \right) 63.3 \text{ mA} = 20.2 \text{ mA}$$



مثال (٦)

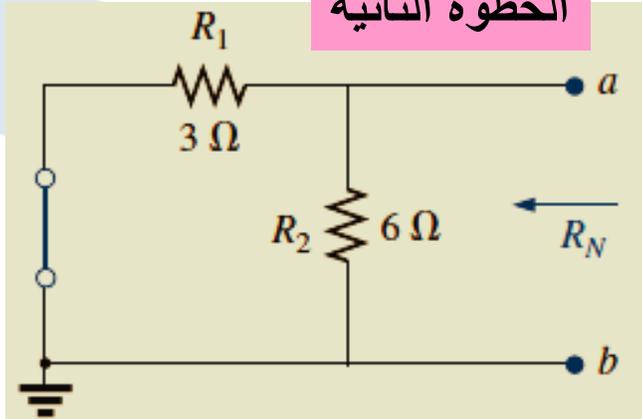
$$R_N = R_3 + \frac{R_1}{2} = 100 \Omega + \frac{47 \Omega}{2} = 124 \Omega$$



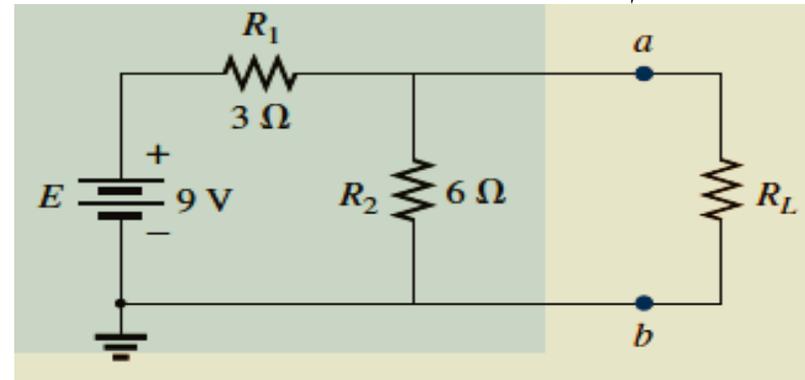
مثال (٧)

جد دارة نورتن المكافئة، ثم حول دارة نورتن المكافئة إلى دارة ثيفنن المكافئة

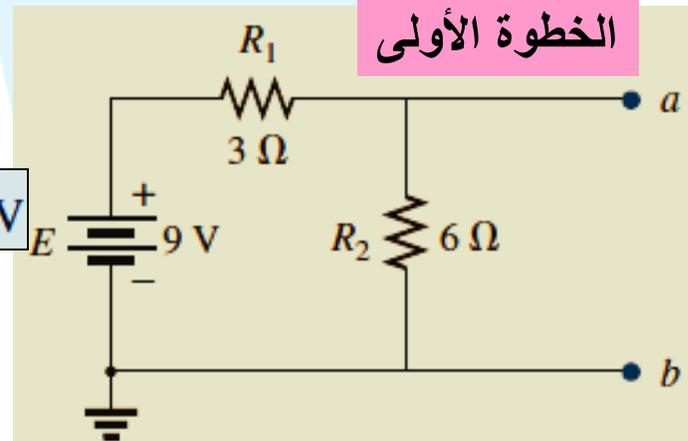
الخطوة الثانية



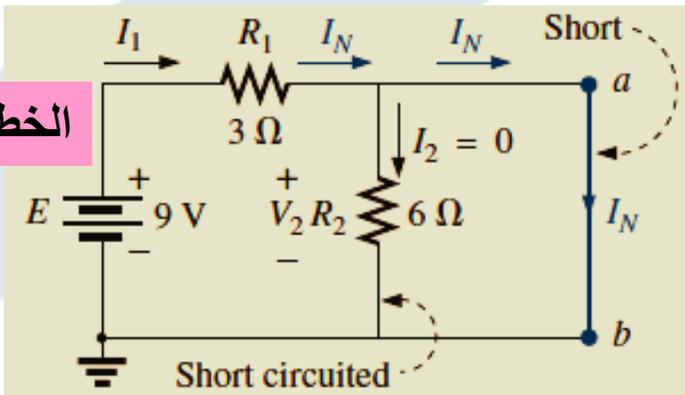
$$R_N = R_1 \parallel R_2 = 3 \Omega \parallel 6 \Omega = \frac{(3 \Omega)(6 \Omega)}{3 \Omega + 6 \Omega} = \frac{18 \Omega}{9} = 2 \Omega$$



الخطوة الأولى



الخطوة الثالثة



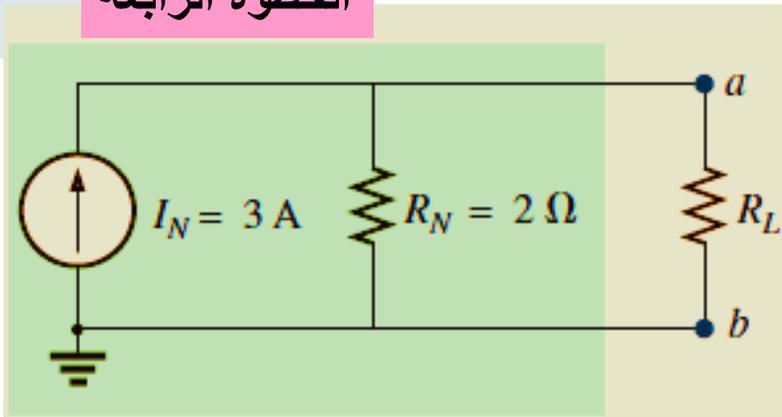
$$V_2 = I_2 R_2 = (0)6 \Omega = 0 \text{ V}$$

$$I_N = \frac{E}{R_1} = \frac{9 \text{ V}}{3 \Omega} = 3 \text{ A}$$



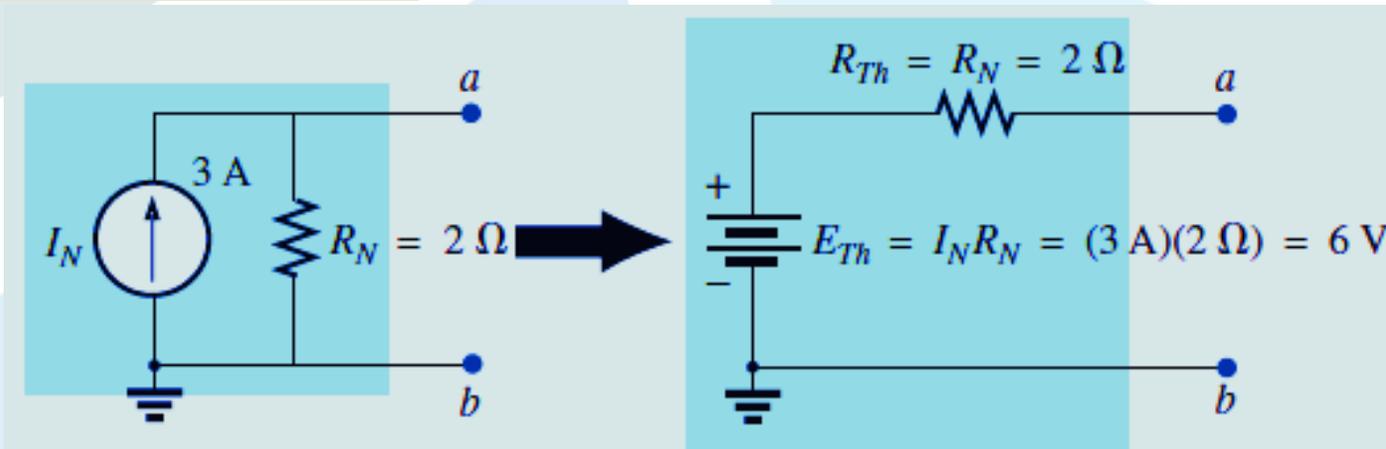
مثال (٧)

الخطوة الرابعة

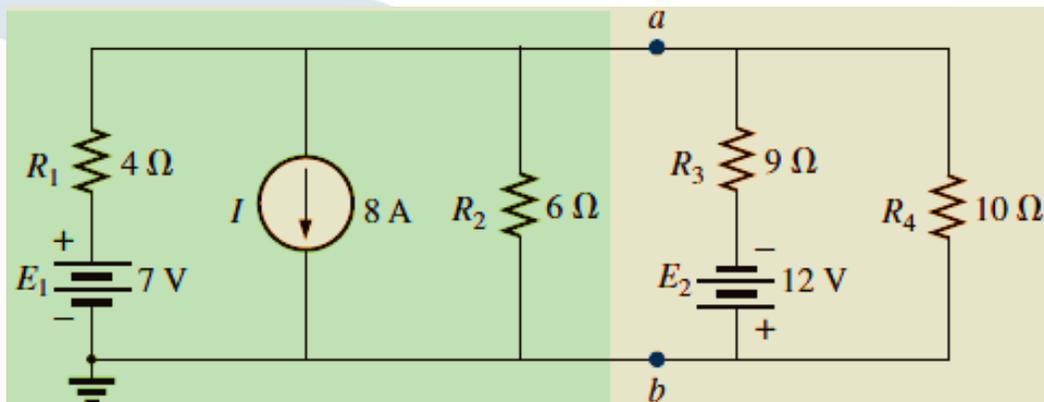


دائرة نورتن المكافئة

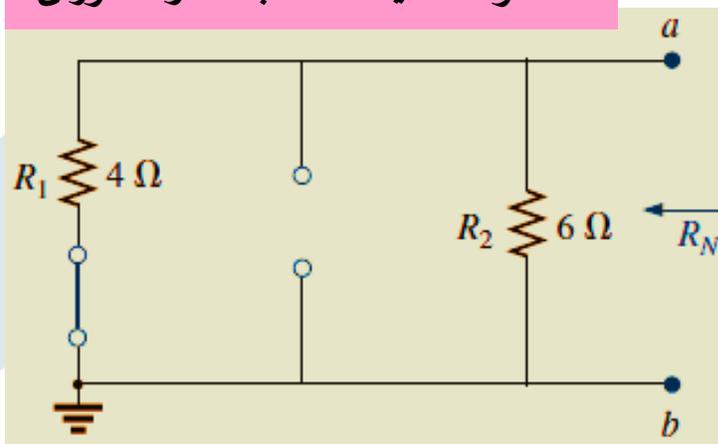
تحويل دائرة نورتن المكافئة إلى دائرة ثيفنن المكافئة



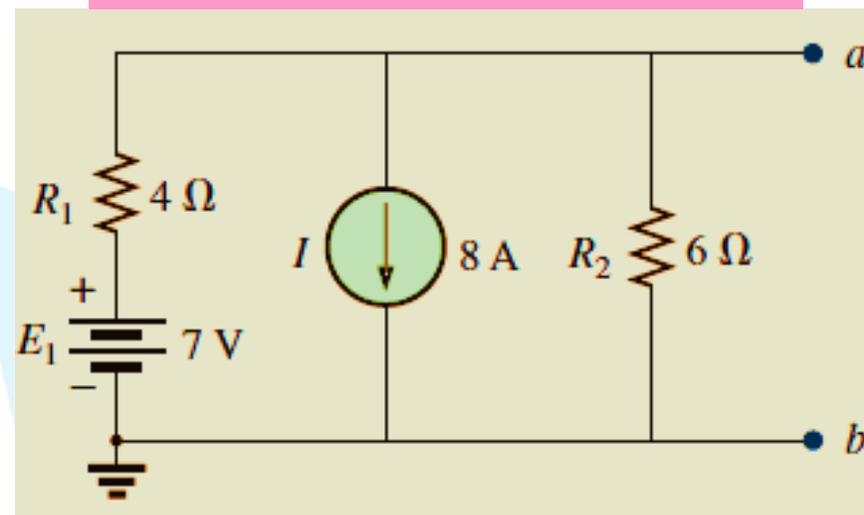
مثال (٨)



الخطوة الثانية: حساب مقاومة نورتن



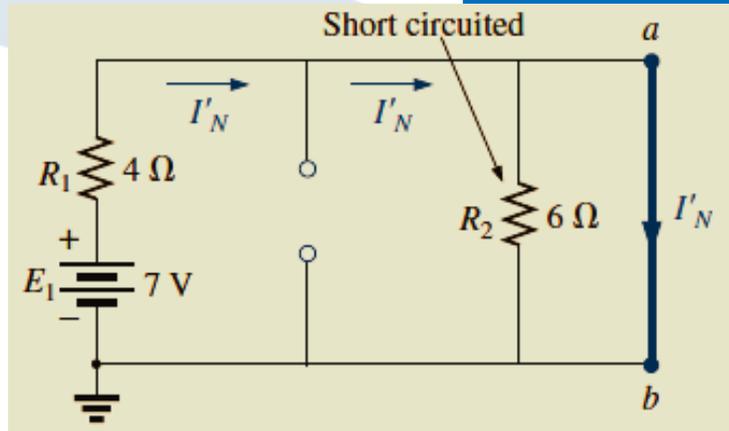
الخطوة الأولى: نزع الحمل، والابقاء على جزء الدارة المراد ايجاد دارة نورتن لمكافئة له.



$$R_N = R_1 \parallel R_2 = 4\Omega \parallel 6\Omega = \frac{(4\Omega)(6\Omega)}{4\Omega + 6\Omega} = \frac{24\Omega}{10} = 2.4\Omega$$



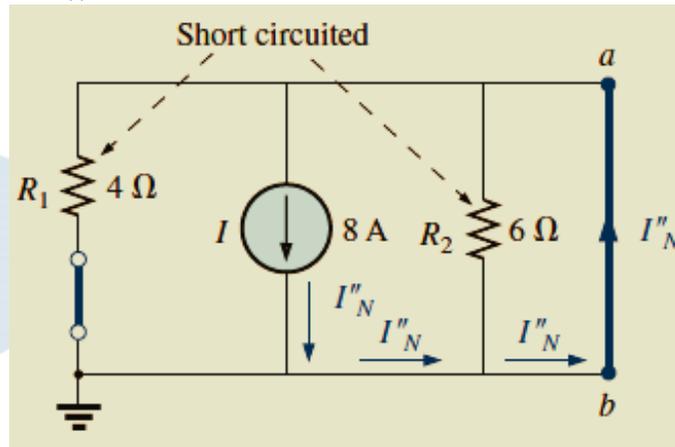
حساب تيار نورتن بطريقة التنضيد



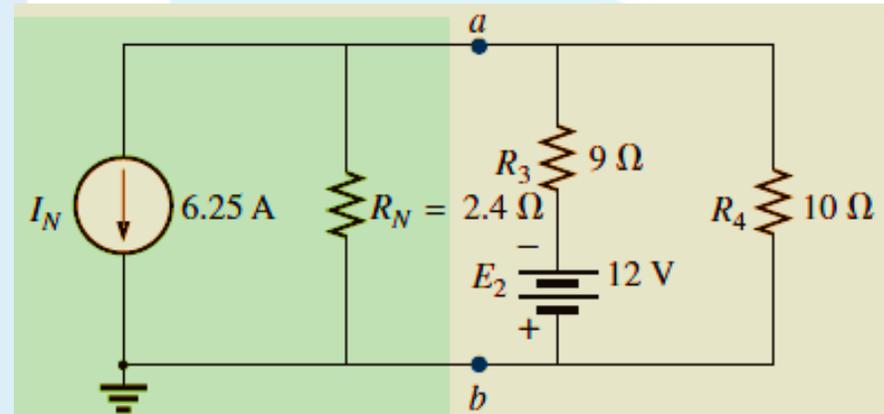
$$I'_N = \frac{E_1}{R_1} = \frac{7 \text{ V}}{4 \Omega} = 1.75 \text{ A}$$

$$I_N = I''_N - I'_N = 8 \text{ A} - 1.75 \text{ A} = 6.25 \text{ A}$$

ملاحظة: أي سلك (دائرة مقصورة) على التفرع مع مقاومة أو عدة مقاومات، فإنه يلغى وجود المقاومات

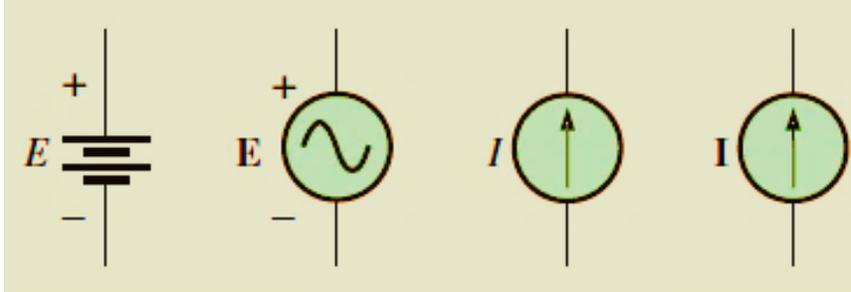


$$I''_N = I = 8 \text{ A}$$



Independent Versus Dependent (Controlled) Sources

- تُعرف المصادر غير المستقلة بأنها المصادر التي تعتمد قيمتها على قيمة الجهد المطبق أو التيار المار خلال فرع في الدارة الكهربائية، على العكس من المصدر المستقلة التي تكون قيمتها مستقلة عن الدارة، وتبقى محافظة على قيمتها حتى لو تم فصلها عم الدارة.



المصادر المستقلة

يوجد أربعة أنواع من المصادر غير المستقلة

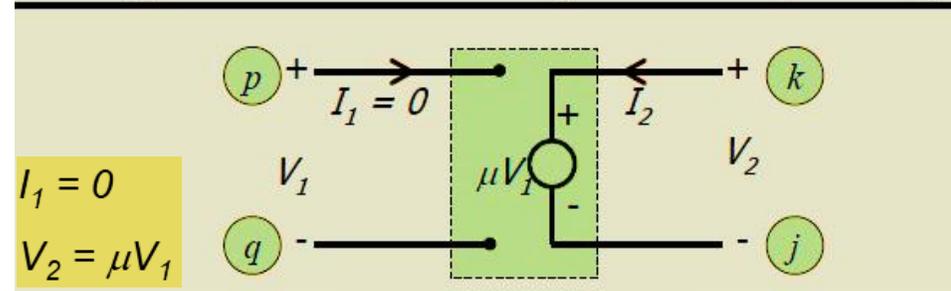
- ١- مصدر جهد متحكم به بالجهد (VCVS) Voltage controlled voltage source
- ٢- مصدر تيار متحكم به بالجهد (VCCS) Voltage controlled current source
- ٣- مصدر جهد متحكم به بالتيار (CCVS) Current controlled voltage source
- ٤- مصدر تيار متحكم به بالتيار (CCCS) Current controlled current source

سؤال اختبار: ما هو الفرق بين المصادر المستقلة والمصادر غير المستقلة.

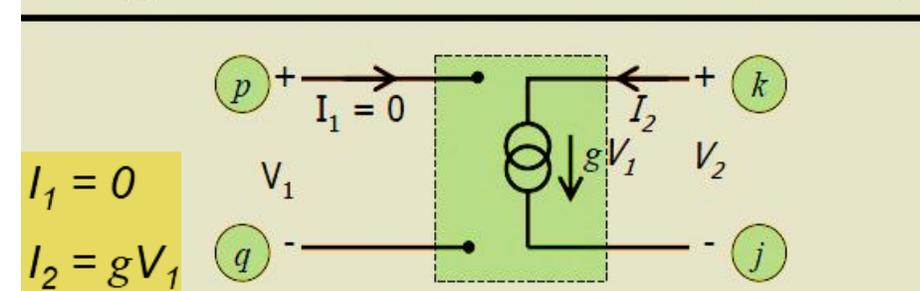


Dependent (Controlled) Sources

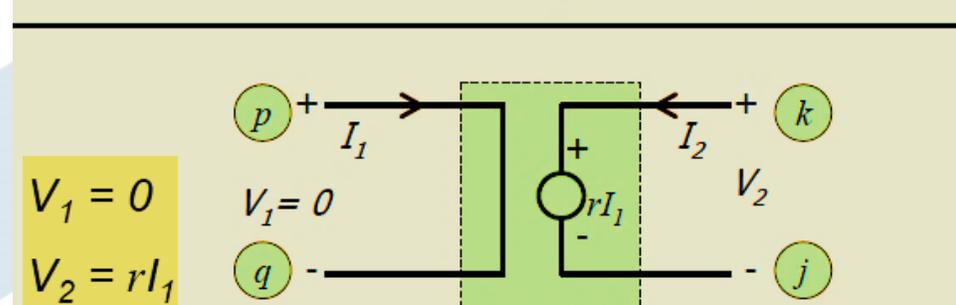
Voltage controlled voltage source (VCVS)



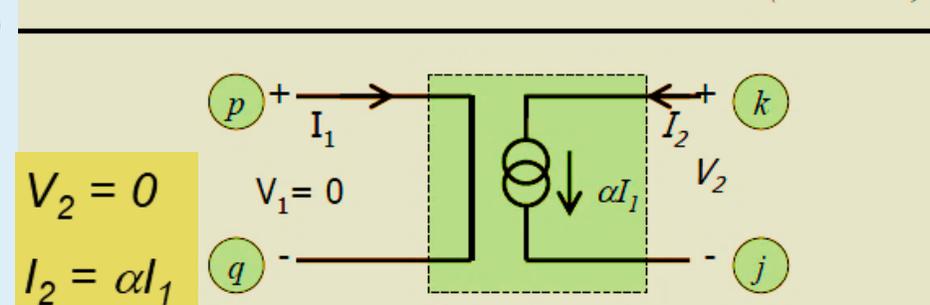
Voltage controlled current source (VCCS)



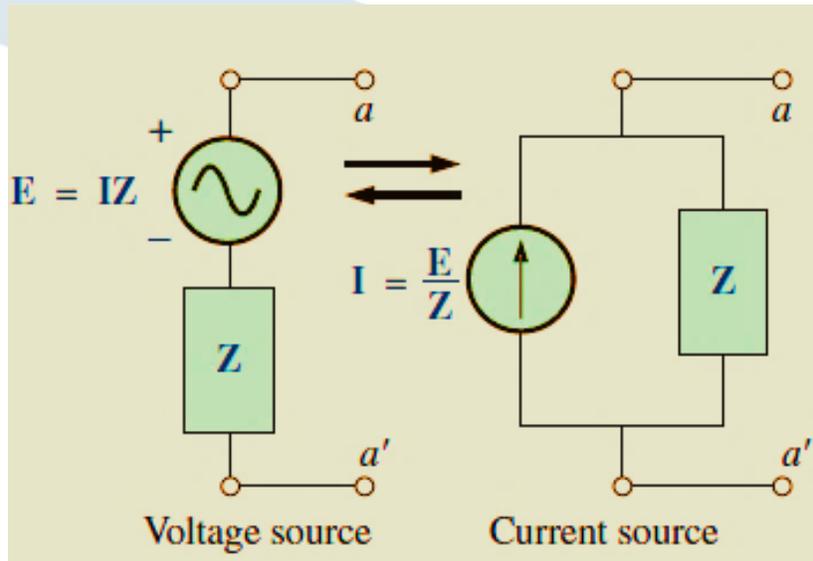
Current controlled voltage source (CCVS)



Current controlled current source (CCCS)



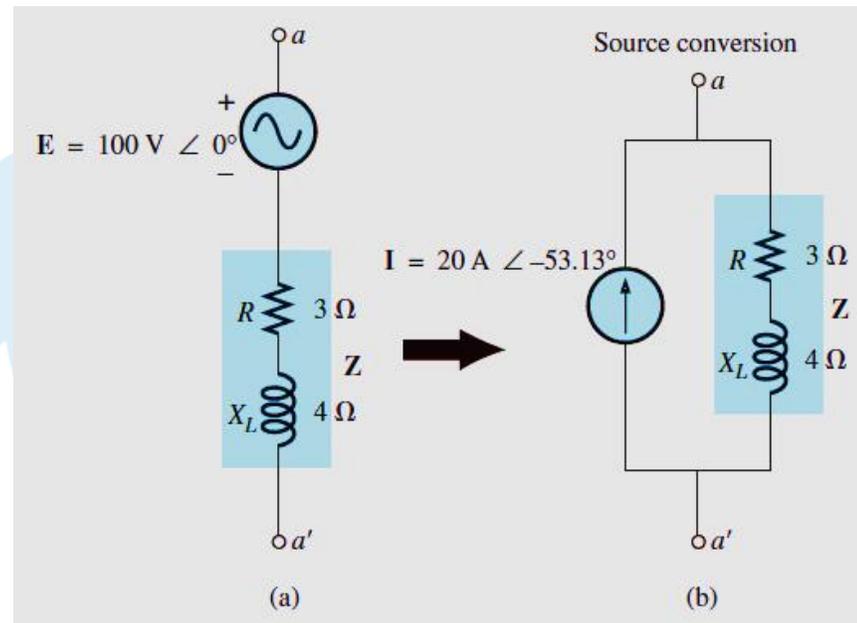
AC Source Conversions



$$\mathbf{I} = \frac{\mathbf{E}}{\mathbf{Z}} = \frac{100 \text{ V} \angle 0^\circ}{5 \Omega \angle 53.13^\circ} = 20 \text{ A} \angle -53.13^\circ$$

أثناء تحليل دارات التيار المتناوب نحتاج إلى التحويل بين منابع الجهد (مع الممانعة على التسلسل) ومنابع التيار (مع ممانعة أو سماحية على التفرع). يتم التحويل بين المنابع وفقاً لقانون أوم كما هو مبين في الشكل.

مثال:



AC Thevenin's Theorem

- تمكن نظرية ثيفنن من دراسة التغير في قيمة عنصر معين على سلوك الدارة من دون الحاجة لتحليل الدارة الكهربائية الأصلية بشكل كامل من أجل كل تغير في قيمة العنصر.
- يمكن اختصار أي دارة كهربائية بغض النظر عن درجة تعقيدها إلى دارة ثيفنن، مكونة من منبع ومقاومة على التسلسل.
- يتم اختيار نقطتين في الدارة الأصلية، والابقاء على العنصر الموجود في هذا الفرع (في حالتنا هنا عبارة عن ممانعة)، يُسمى العنصر في هذا الفرع بممانعة الحمل Z_L ، واستبدال كل الدارة الباقية بدارة ثيفنن.
- جهد ثيفنن E_{TH} عبارة عن جهد الدارة المفتوحة (من دون ممانعة الحمل) بين النقطتين المختارتين.
- ممانعة ثيفنن Z_{TH} هي عبارة عن الممانعة المكافئة الكلية المنظورة من هاتين النقطتين (من دون ممانعة الحمل).
- إعادة ربط دارة ثيفنن مع ممانعة الحمل لحساب التيار المار خلال ممانعة الحمل والجهد المطبق عبر الحمل.



خطوات تطبيق نظرية ثيفن

١. إزالة جزء الدارة الكهربائية بين النقطتين المختارتين، حيث نريد إيجاد دارة ثيفن المكافئة بين هاتين النقطتين، هذا يتطلب إزالة ممانعة الحمل Z_L (أو الجزء المرغوب من الدارة) بشكل مؤقت من بين النقطتين المختارتين.

٢. حساب ممانعة ثيفن Z_{TH} :

i. تحسب ممانعة ثيفن بعد التعويض عن منابع الجهد بدارة مقصورة، والتعويض عن منابع التيار بدارة مفتوحة.

ii. حساب الممانعة المكافئة للدارة الناتجة بين المقطعين المختارتين. في حال كان لمصدر الجهد أو مصدر التيار مقاومة داخلية، يجب

الابقاء عليها عند حساب ممانعة ثيفن، حتى لو وضعت قيمة المنابع مساوية للصفر.

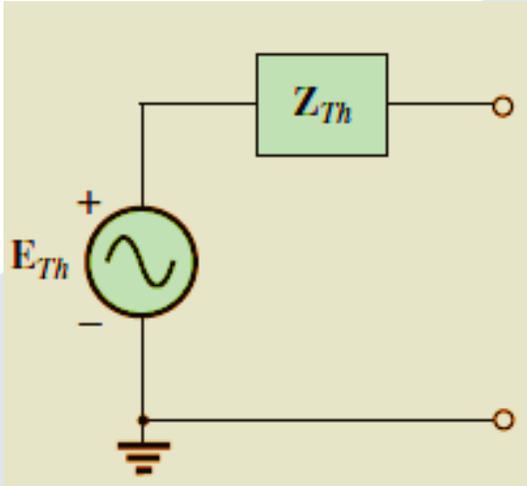
٣. حساب جهد ثيفن E_{TH} أو V_{TH} :

i. تعاد منابع التيار والجهد إلى موضعها في الدارة.

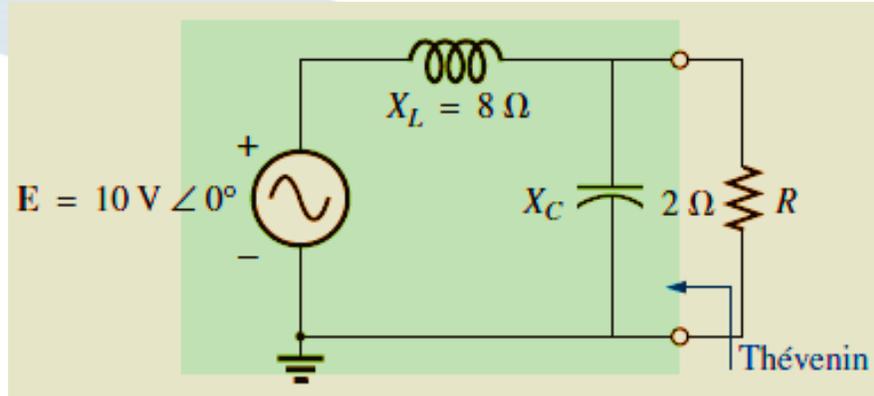
ii. يُحسب جهد الدارة المفتوحة بين النقطتين المختارتين.

٤. ربط دارة ثيفن المكافئة مع قيمة جهد ثيفن E_{TH} ، وقيمة مقاومة ثيفن R_{TH} ، مع ممانعة الحمل R_L ،

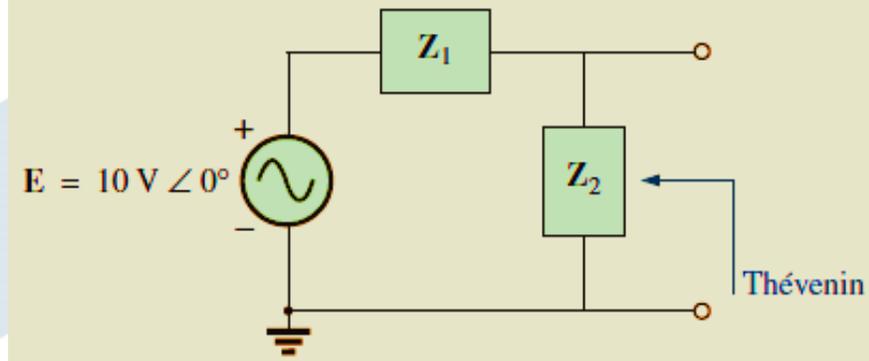
(إعادة ممانعة الحمل (أو الجزء المرغوب من الدارة) إلى موضعها بين النقطتين المختارتين).



مثال (٩)



$$Z_1 = jX_L = j8 \Omega \quad Z_2 = -jX_C = -j2 \Omega$$

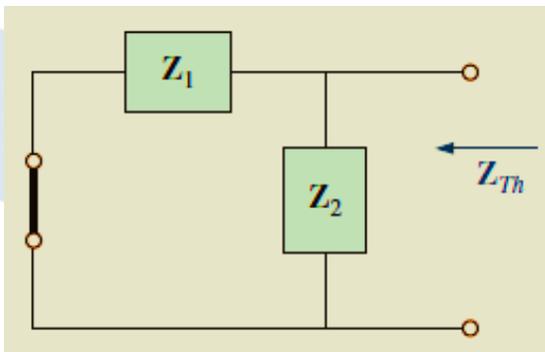


جد دارة تيفنن المكافئة للدارة الآتية:

بإعادة رسم الدارة باستخدام صناديق الممانعة،
 وحساب ممانعة كل صندوق، وإزالة المقاومة R
 واستبدالها بدارة مفتوحة.

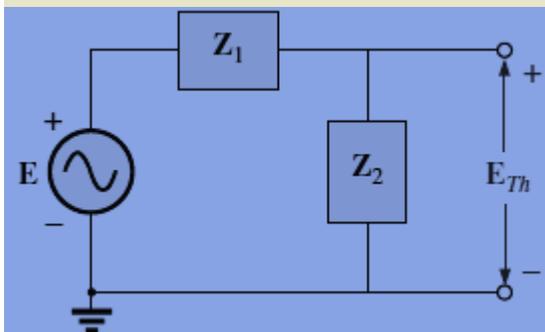


مثال (٩)



$$Z_{Th} = \frac{Z_1 Z_2}{Z_1 + Z_2} = \frac{(j 8 \Omega)(-j 2 \Omega)}{j 8 \Omega - j 2 \Omega} = \frac{-j^2 16 \Omega}{j 6} = \frac{16 \Omega}{6 \angle 90^\circ} = 2.67 \Omega \angle -90^\circ$$

حساب ممانعة ثيفنن:

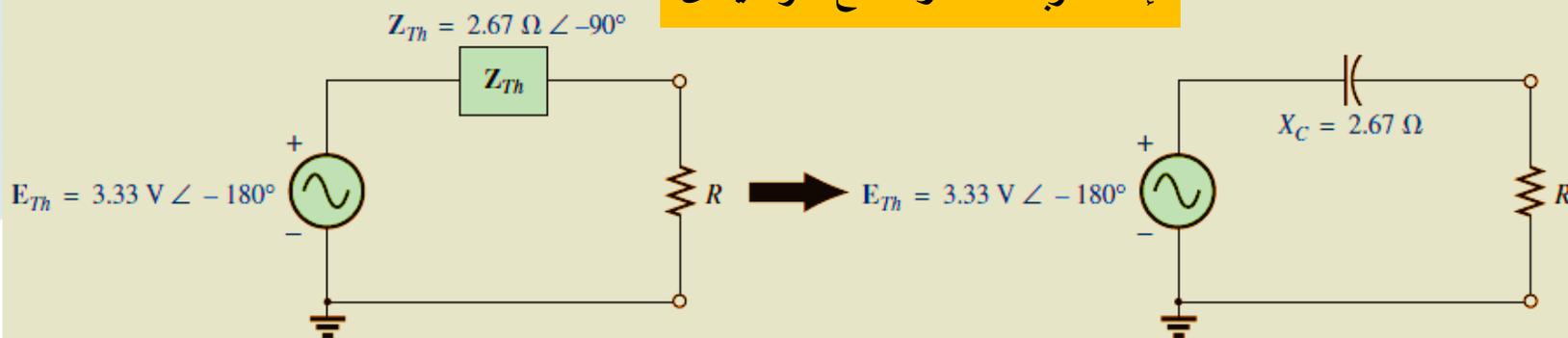


$$E_{Th} = \frac{Z_2 E}{Z_1 + Z_2} \quad (\text{voltage divider rule})$$

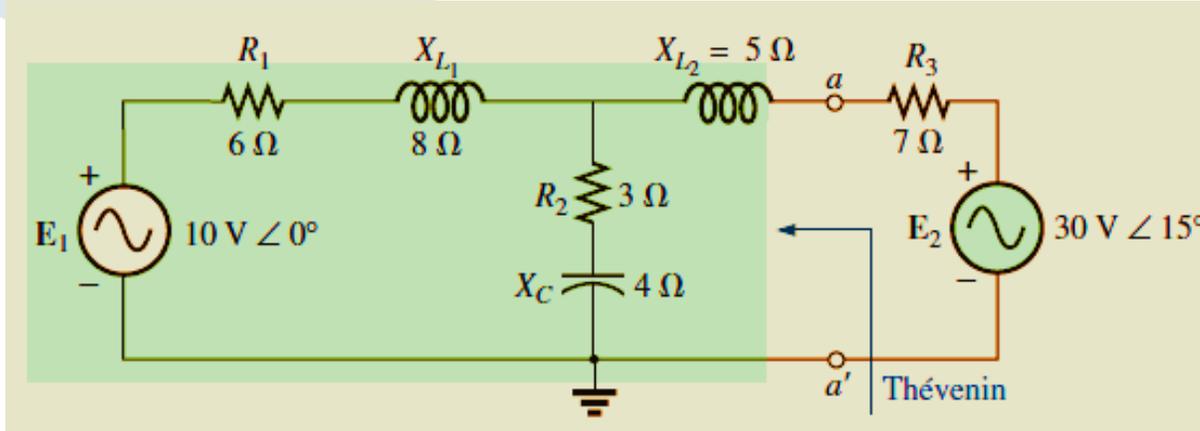
$$= \frac{(-j 2 \Omega)(10 \text{ V})}{j 8 \Omega - j 2 \Omega} = \frac{-j 20 \text{ V}}{j 6} = 3.33 \text{ V} \angle -180^\circ$$

حساب جهد ثيفنن:

إعادة ربط المقاومة مع دائرة ثيفنن

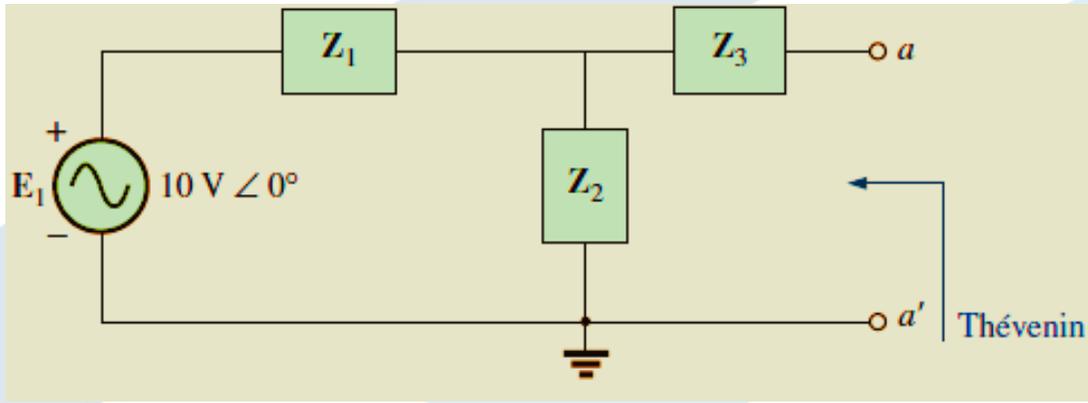


مثال (١٠)



جد دارة ثيفنن المكافئة بين النقطتين
a, a' من أجل الدارة المبينة في الشكل.

بإعادة رسم الدارة باستخدام صناديق
الممانعة، وحساب ممانعة كل صندوق، وإزالة
المقاومة R واستبدالها بدارة مفتوحة.

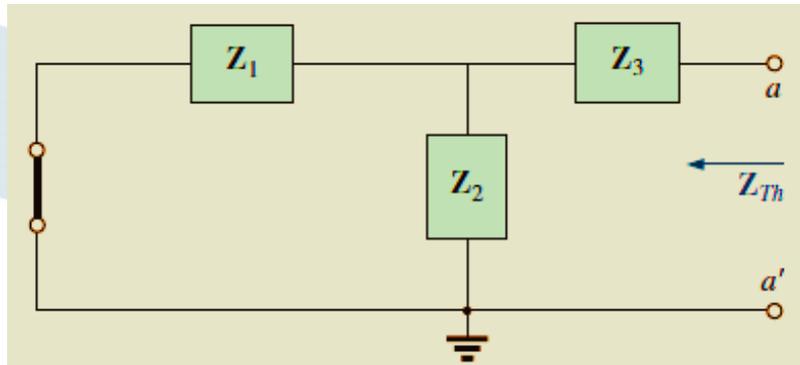


$$Z_1 = R_1 + jX_{L1} = 6 \Omega + j 8 \Omega$$

$$Z_2 = R_2 - jX_C = 3 \Omega - j 4 \Omega$$

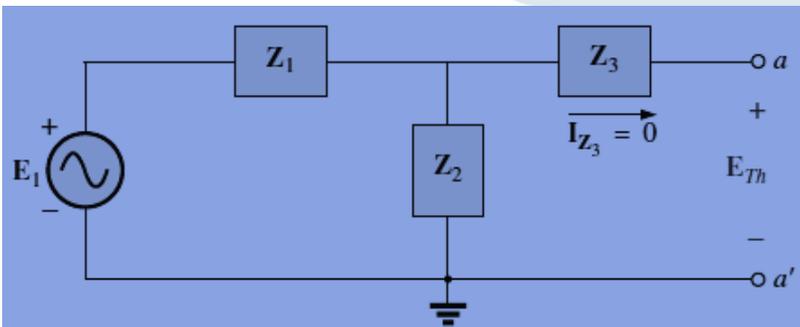
$$Z_3 = +jX_{L2} = j 5 \Omega$$





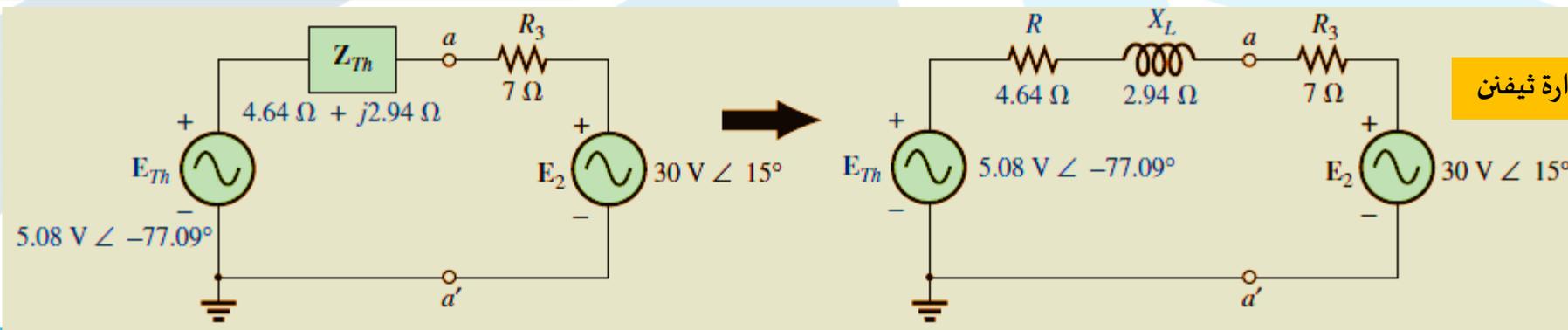
$$\begin{aligned}
 Z_{Th} &= Z_3 + \frac{Z_1 Z_2}{Z_1 + Z_2} = j5 \Omega + \frac{(10 \Omega \angle 53.13^\circ)(5 \Omega \angle -53.13^\circ)}{(6 \Omega + j8 \Omega) + (3 \Omega - j4 \Omega)} \\
 &= j5 + \frac{50 \angle 0^\circ}{9 + j4} = j5 + \frac{50 \angle 0^\circ}{9.85 \angle 23.96^\circ} \\
 &= j5 + 5.08 \angle -23.96^\circ = j5 + 4.64 - j2.06 \\
 Z_{Th} &= 4.64 \Omega + j2.94 \Omega = 5.49 \Omega \angle 32.36^\circ
 \end{aligned}$$

حساب ممانعة ثيفنن:



$$\begin{aligned}
 E_{Th} &= \frac{Z_2 E}{Z_2 + Z_1} \quad (\text{voltage divider rule}) \\
 &= \frac{(5 \Omega \angle -53.13^\circ)(10 \text{ V} \angle 0^\circ)}{9.85 \Omega \angle 23.96^\circ} \\
 E_{Th} &= \frac{50 \text{ V} \angle -53.13^\circ}{9.85 \angle 23.96^\circ} = 5.08 \text{ V} \angle -77.09^\circ
 \end{aligned}$$

حساب جهد ثيفنن:



إعادة ربط الجزء المزال مع دائرة ثيفنن

