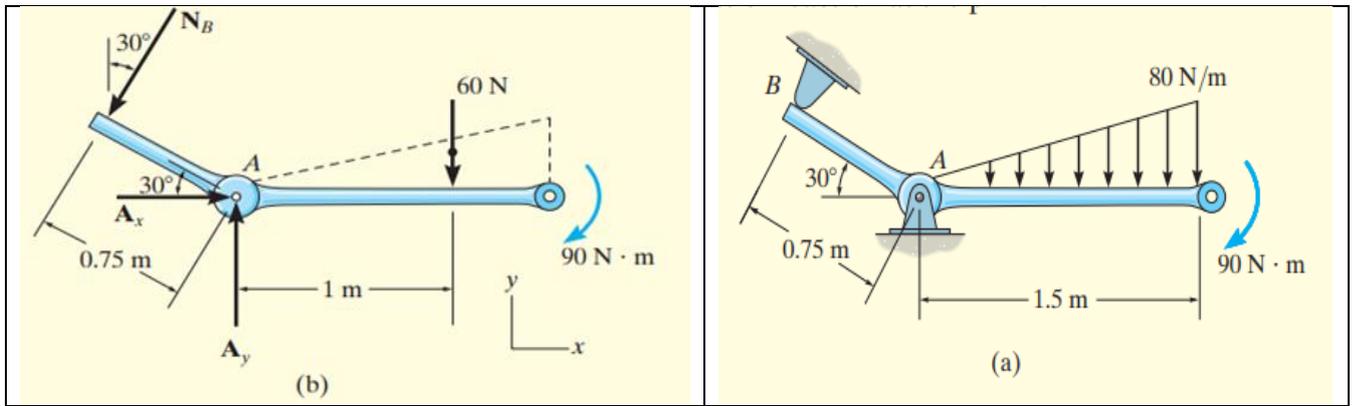


## الجلسة السادسة ميكانيك النقطة المادية والجسم الصلب

د. نزار عبد الرحمن

**مسألة 1:** ذراع يستند على وصلة مفصالية عند A ، ويستند بشل أملس عند B. احسب المركبات الأفقية

والعمودية لرد الفعل عند المفصل A



مخطط الجسم الحر : نستبدل القوة الموزعة بقوة مركزة وحيدة عن طريق حساب مساحة المثلث تحت خط

$$\frac{1}{2}(1.5 \text{ m})(80 \text{ N/m}) = 60 \text{ N.}$$

الحمولة ، ويمر خط تأثير المحصلة بالمركز الهندسي للمثلث

**معادلات التوازن :**

$$\zeta + \sum M_A = 0; \quad -90 \text{ N} \cdot \text{m} - 60 \text{ N}(1 \text{ m}) + N_B(0.75 \text{ m}) = 0$$

$$N_B = 200 \text{ N}$$

Using this result,

$$\rightarrow \sum F_x = 0; \quad A_x - 200 \sin 30^\circ \text{ N} = 0$$

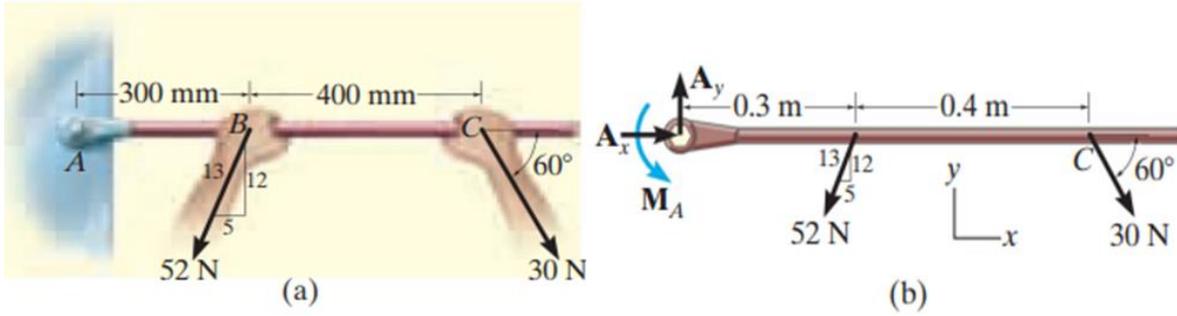
$$A_x = 100 \text{ N}$$

$$+\uparrow \sum F_y = 0; \quad A_y - 200 \cos 30^\circ \text{ N} - 60 \text{ N} = 0$$

$$A_y = 233 \text{ N}$$

**مسألة 2:** مفتاح شد يستخدم لتثبيت الصامولة عند A. في حالة عدم دوران المفتاح (تثبيت تام) ، احسب

العزم المطبق وقوة الشد (الربط) عند الصامولة .



مخطط الجسم الحر : مركبتين لرد الفعل عند الوثاقة A ، وعزم مزدوجة .  
**معادلات التوازن :**

$$A_x = 5.00 \text{ N}$$

$$+\uparrow \Sigma F_y = 0; \quad A_y - 52\left(\frac{12}{13}\right) \text{ N} - 30 \sin 60^\circ \text{ N} = 0$$

$$A_y = 74.0 \text{ N}$$

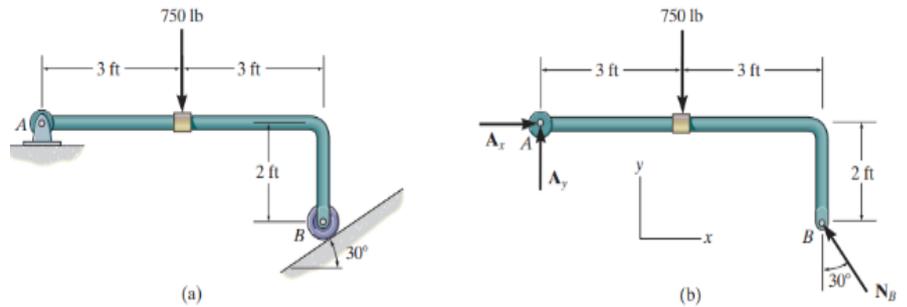
$$\zeta + \Sigma M_A = 0; \quad M_A - [52\left(\frac{12}{13}\right) \text{ N}] (0.3 \text{ m}) - (30 \sin 60^\circ \text{ N})(0.7 \text{ m}) = 0$$

$$M_A = 32.6 \text{ N} \cdot \text{m}$$

$$F_A = \sqrt{(5.00)^2 + (74.0)^2} = 74.1 \text{ N}$$

محصلة القوى عند A:

**مسألة 3:** احسب المركبات الأفقية والعمودية لرد الفعل عند المفصل A ، ورد الفعل عند المفصل B.



مخطط الجسم الحر : مركبتين لرد الفعل عند الوصلة المفصليّة A ، ومركبة واحدة عمودية على سطح الاستناد عند المفصل المتحرك B.

**معادلات التوازن :**

$$\zeta + \Sigma M_A = 0;$$

$$[N_B \cos 30^\circ](6 \text{ ft}) - [N_B \sin 30^\circ](2 \text{ ft}) - 750 \text{ lb}(3 \text{ ft}) = 0$$

$$N_B = 536.2 \text{ lb} = 536 \text{ lb}$$

Using this result,

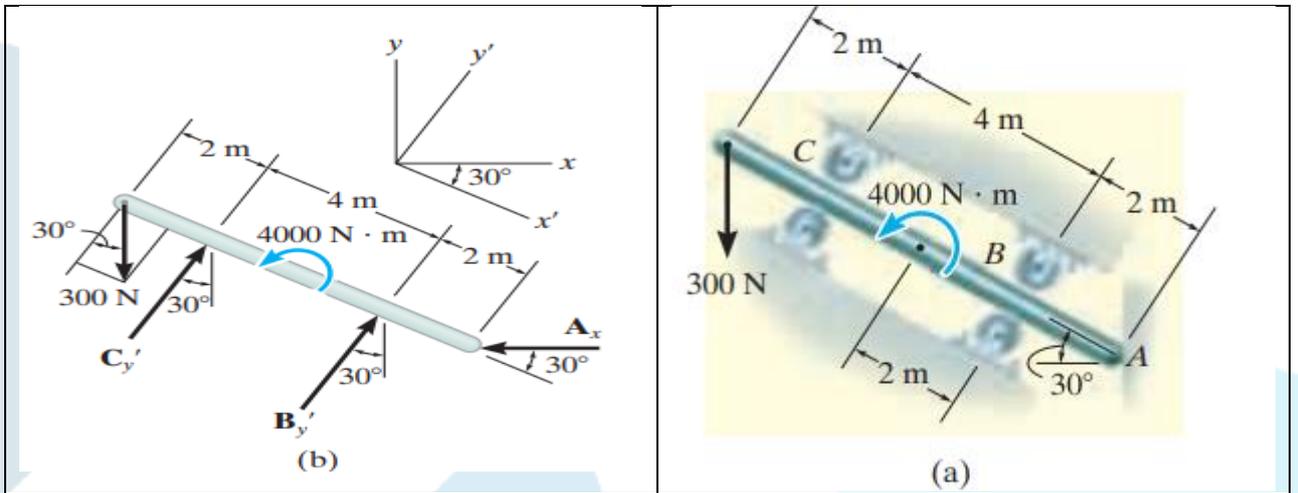
$$\pm \Sigma F_x = 0; \quad A_x - (536.2 \text{ lb}) \sin 30^\circ = 0$$

$$A_x = 268 \text{ lb}$$

$$+ \uparrow \Sigma F_y = 0; \quad A_y + (536.2 \text{ lb}) \cos 30^\circ - 750 \text{ lb} = 0$$

$$A_y = 286 \text{ lb}$$

**مسألة 4:** عمود أملس يتند على دولابين عند B و C، ويستند على الحائط بشكل أملس عند A. إذا كان الاستناد إما على الدولابين السفليين أو العلويين، احسب ردود الأفعال عند نقاط الاستناد. بإهمال وزن العمود.



مخطط الجسم الحر مبين في الشكل b.

**معادلات التوازن:**

$$\pm \Sigma F_x = 0; \quad C_{y'} \sin 30^\circ + B_{y'} \sin 30^\circ - A_x = 0 \quad (1)$$

$$+ \uparrow \Sigma F_y = 0; \quad -300 \text{ N} + C_{y'} \cos 30^\circ + B_{y'} \cos 30^\circ = 0 \quad (2)$$

$$\zeta + \Sigma M_A = 0; \quad -B_{y'}(2 \text{ m}) + 4000 \text{ N} \cdot \text{m} - C_{y'}(6 \text{ m}) + (300 \cos 30^\circ \text{ N})(8 \text{ m}) = 0 \quad (3)$$

من المعادلتين (2) و(3):

$$B_{y'} = -1000.0 \text{ N} = -1 \text{ kN}$$

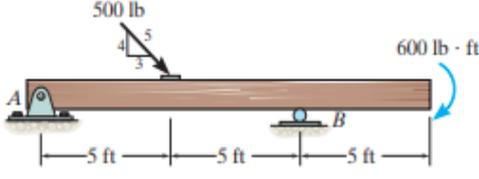
$$C_{y'} = 1346.4 \text{ N} = 1.35 \text{ kN}$$

نعوض في المعادلة (1):

$$1346.4 \sin 30^\circ \text{ N} + (-1000.0 \sin 30^\circ \text{ N}) - A_x = 0$$

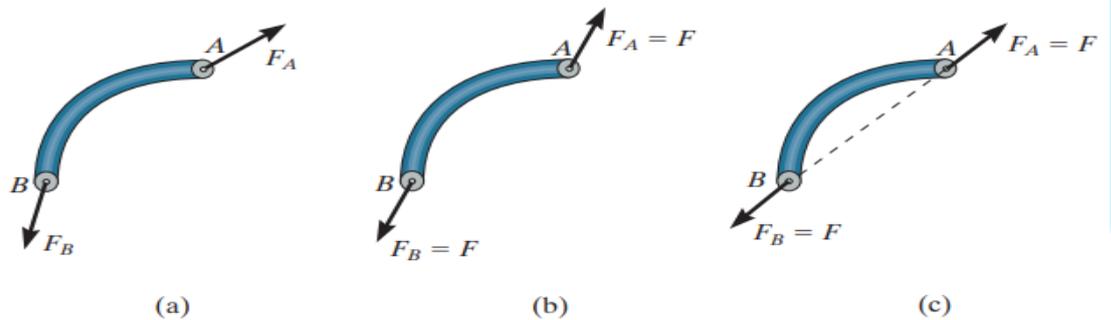
$$A_x = 173 \text{ N}$$

**مسألة 5:** احسب المركبات الأفقية والعمودية لردود الأفعال عند المفصلين A و B

	$\begin{aligned} \rightarrow \Sigma F_x = 0; \quad -A_x + 500\left(\frac{3}{5}\right) &= 0 \\ A_x &= 300 \text{ lb} \\ \curvearrowright \Sigma M_A = 0; \quad B_y(10) - 500\left(\frac{4}{5}\right)(5) - 600 &= 0 \\ B_y &= 260 \text{ lb} \\ +\uparrow \Sigma F_y = 0; \quad A_y + 260 - 500\left(\frac{4}{5}\right) &= 0 \\ A_y &= 140 \text{ lb} \end{aligned}$
--	--

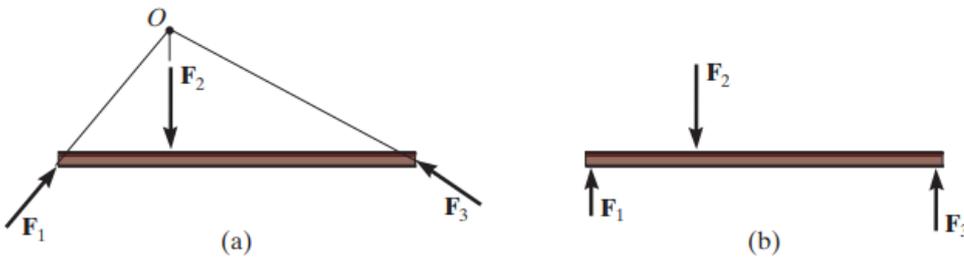
**العناصر ثنائية القوى وثلاثية القوى : Two force members**

تسمى العناصر ثنائية القوى عندما يكون العنصر معرضاً لتأثير القوى في نقطتين فقط . مثال من أجل العنصر المبين يكون العنصر متوازناً عندما يكون  $F_A = F_B = F$  ولكن تكون القوتين متعاكستين بالاتجاه . يكون العنصر ثنائي القوى متوازناً تحت تأثير قوتين ، متساويتين بالمقدار ومتعاكستين بالاتجاه ، تؤثران على نهايتي العنصر وعلى امتداده .

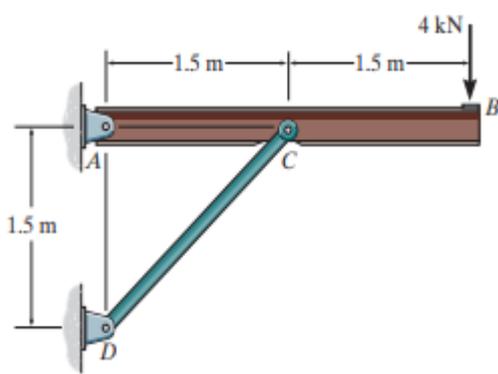


**العناصر ثلاثية القوى :** عندما يكون العنصر معرضاً لثلاث قوى فقط ، يسمى عنصر ثلاثي القوى ، وتكون هذه القوى إما متلاقية أو متوازية .

من الشكل يتضح أنه إذا كان خطي تأثير القوتين  $F_1$  و  $F_2$  متلاقين عند النقطة  $O$ ، فإن خط تأثير القوة الثالثة  $F_3$  يجب أن يتقاطع مع النقطة  $O$ . وهذا واضح بأخذ معادلة العزوم حول النقطة  $O$ . حيث يجب أن يكون مجموع العزوم مساوياً للصفر  $\sum M_O = 0$  في حالة خاصة لهذه القوى إذا كانت متوازية تكون القوة  $F_3$  معاكسة للقوتين، والنقطة  $O$  تكون في اللانهاية.



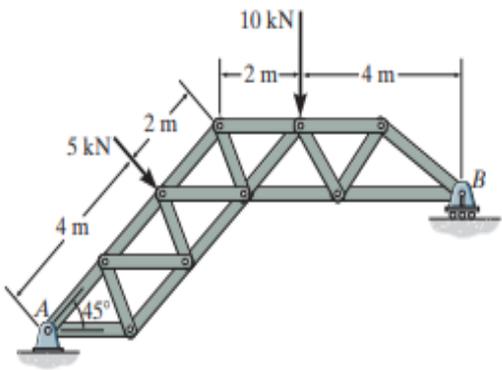
**مسألة 6:** احسب المركبات الأفقية والعمودية لردود الأفعال عند الوصلة المفصليّة  $A$ ، والمفصل  $C$ .  
الحل: الوصلة  $CD$  عبارة عن عنصر ثنائي القوى، ويكون متوازناً تحت تأثير قوتين فقط تؤثران على امتداد العنصر وفي نهايته لأنه عنصر غير محمل بأية قوة خارجية أو عزم.



$$\begin{aligned} \zeta + \sum M_A &= 0; \\ F_{CD} \sin 45^\circ (1.5 \text{ m}) - 4 \text{ kN} (3 \text{ m}) &= 0 \\ F_{CD} &= 11.31 \text{ kN} = 11.3 \text{ kN} \\ \rightarrow \sum F_x &= 0; \quad A_x + (11.31 \text{ kN}) \cos 45^\circ = 0 \\ A_x &= -8 \text{ kN} = 8 \text{ kN} \leftarrow \\ + \uparrow \sum F_y &= 0; \\ A_y + (11.31 \text{ kN}) \sin 45^\circ - 4 \text{ kN} &= 0 \\ A_y &= -4 \text{ kN} = 4 \text{ kN} \downarrow \end{aligned}$$

**مسألة 7:** احسب المركبات الأفقية والعمودية لردود الأفعال عند الوصلة المفصليّة A ، والمفصل المتحرك B.

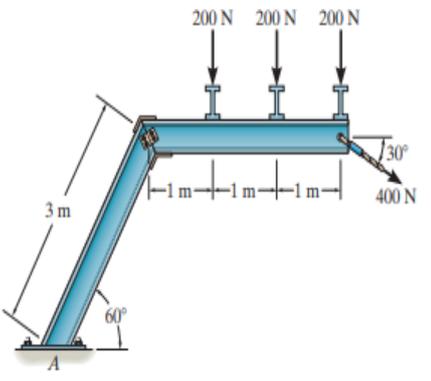
**الحل:** المفصل B متحرك (مجهول واحد) ، والمفصل عند A وصلة مفصليّة ثابتة (مجهولين وفق  $x, y$ )

	$\zeta + \sum M_A = 0;$ $N_B [6 \text{ m} + (6 \text{ m}) \cos 45^\circ] - 10 \text{ kN} [2 \text{ m} + (6 \text{ m}) \cos 45^\circ] - 5 \text{ kN} (4 \text{ m}) = 0$ $N_B = 8.047 \text{ kN} = 8.05 \text{ kN} \quad \text{Ans.}$ $\pm \sum F_x = 0;$ $(5 \text{ kN}) \cos 45^\circ - A_x = 0$ $A_x = 3.54 \text{ kN} \quad \text{Ans.}$ $+ \uparrow \sum F_y = 0;$ $A_y + 8.047 \text{ kN} - (5 \text{ kN}) \sin 45^\circ - 10 \text{ kN} = 0$ $A_y = 5.49 \text{ kN} \quad \text{Ans.}$
--	---

**مسألة 8:** احسب مركبات ردود الأفعال عند التثبيت التام A.

**الحل:**

عند النقطة A تثبيت تام (وثاقة) لدينا ثلاثة مجاهيل: مركبتين لرد الفعل وفق  $x-y$  وعزم مزدوجة MA

	$\pm \sum F_x = 0; \quad -A_x + 400 \cos 30^\circ = 0$ $A_x = 346 \text{ N}$ $+ \uparrow \sum F_y = 0;$ $A_y - 200 - 200 - 200 - 400 \sin 30^\circ = 0$ $A_y = 800 \text{ N}$ $\zeta + \sum M_A = 0;$ $M_A - 200(2.5) - 200(3.5) - 200(4.5) - 400 \sin 30^\circ (4.5) - 400 \cos 30^\circ (3 \sin 60^\circ) = 0$ $M_A = 3.90 \text{ kN} \cdot \text{m}$
---	---

